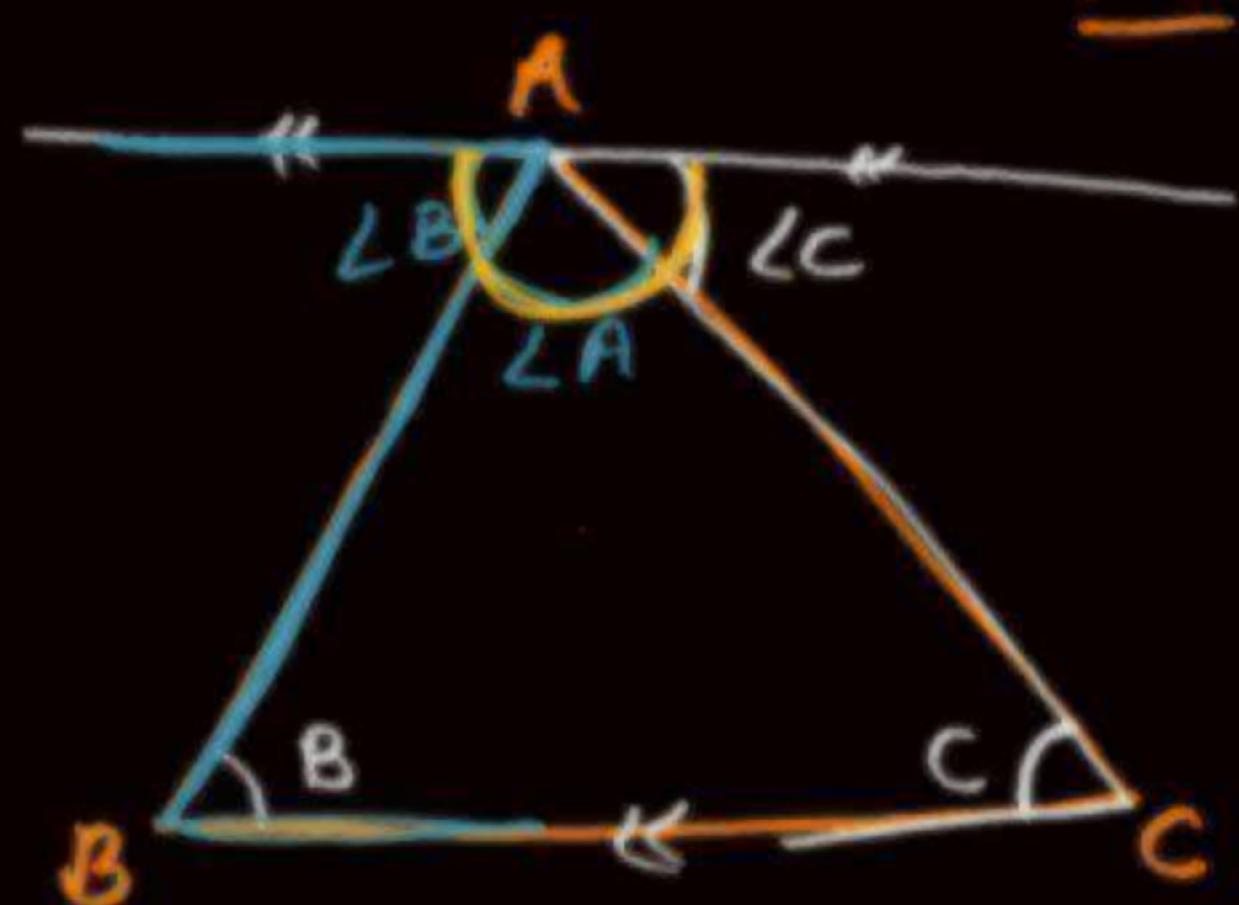
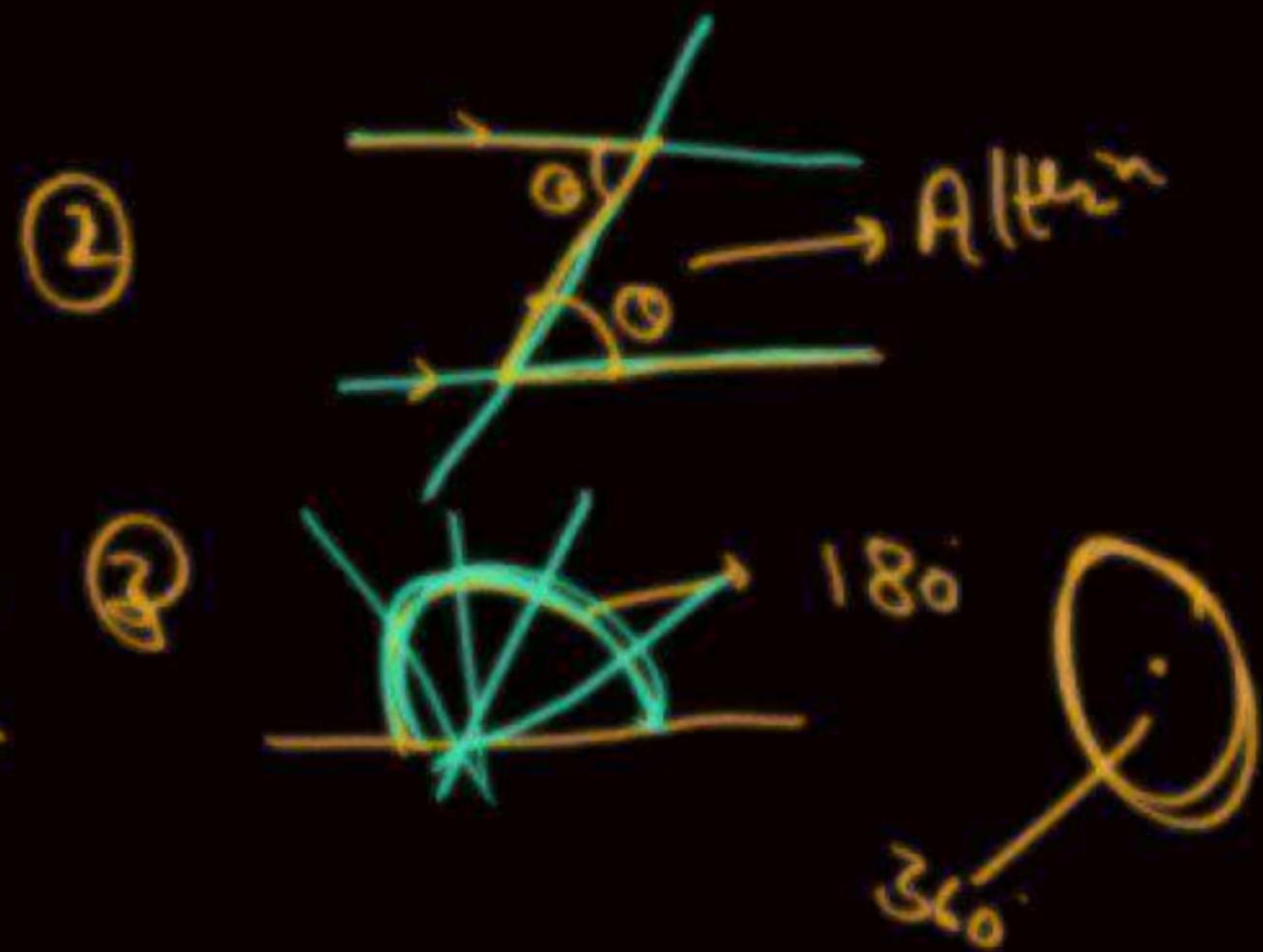


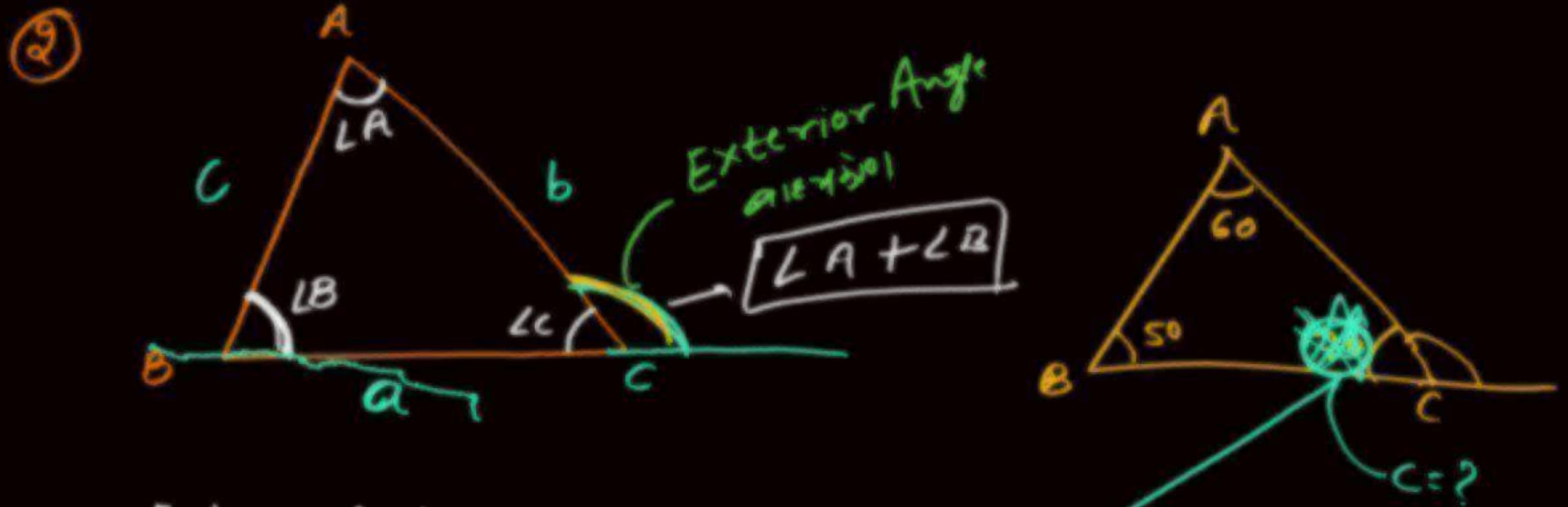
# Geometry (જ્યામિતી)

# Triangle (त्रिभुज)



①  $L_A + L_B + L_C \Rightarrow 180^\circ$



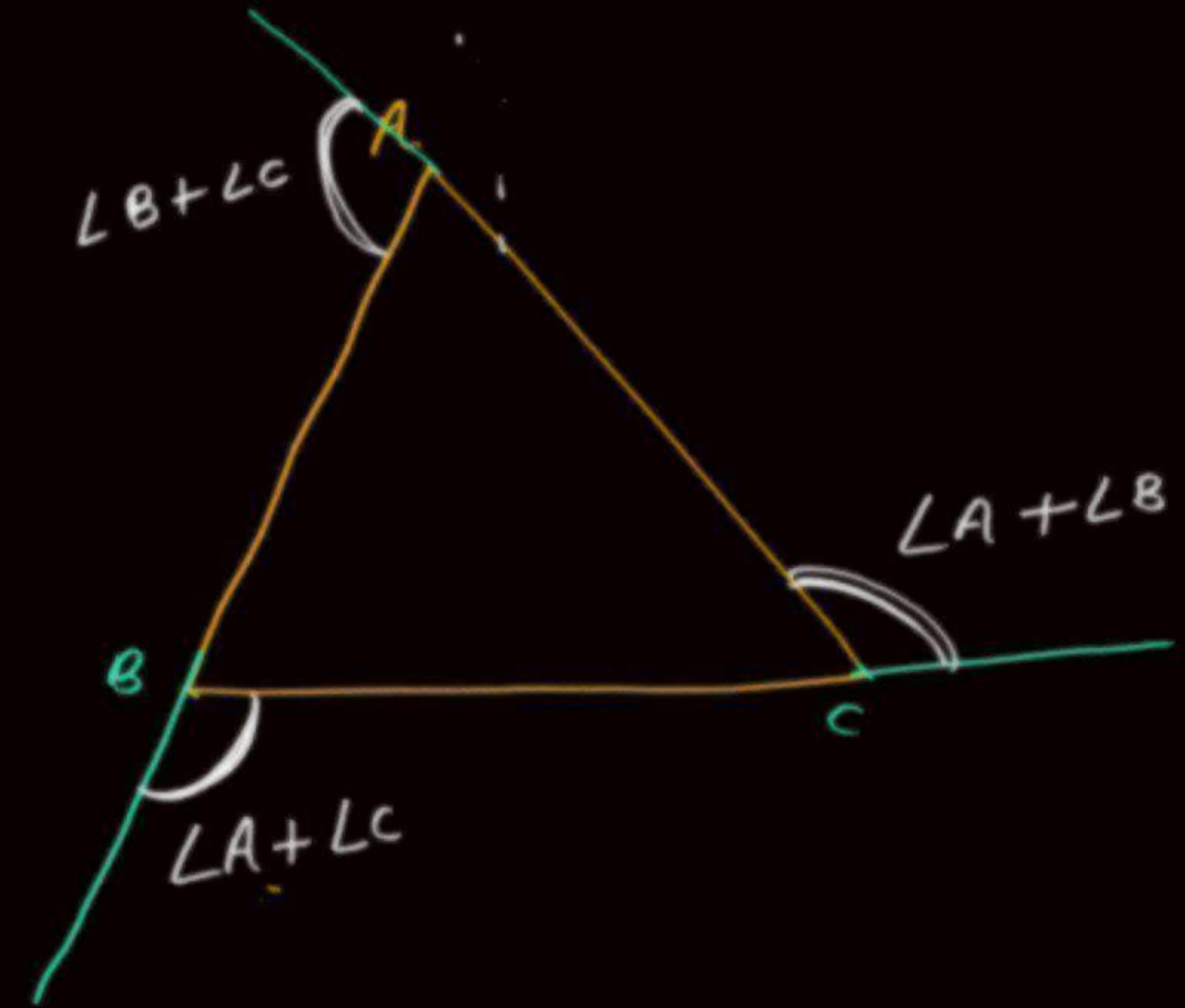


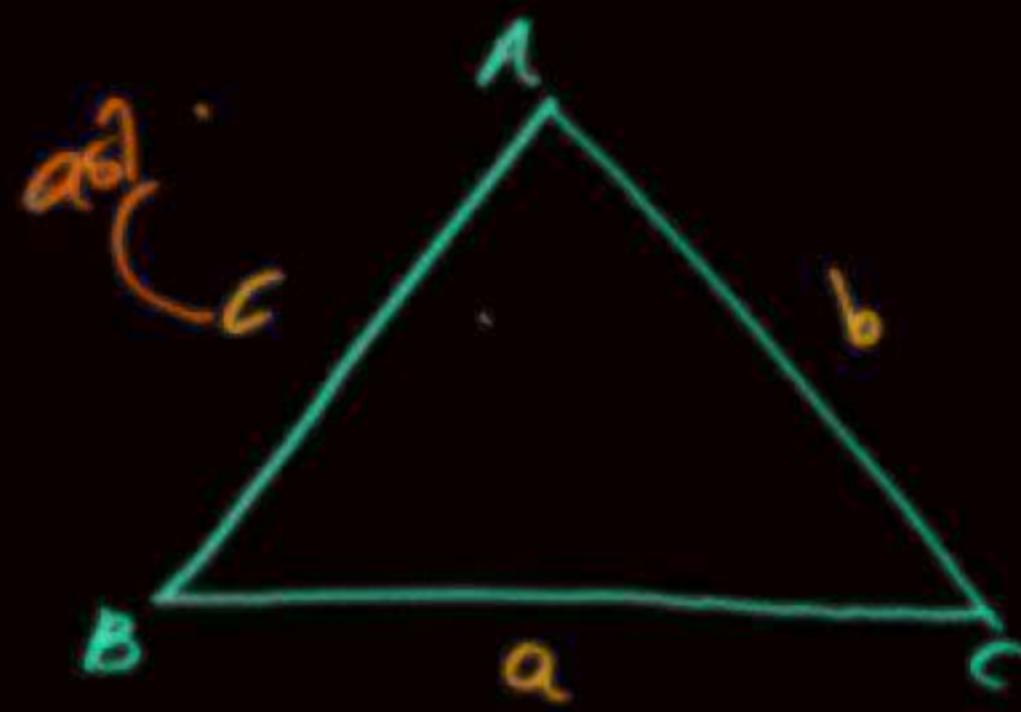
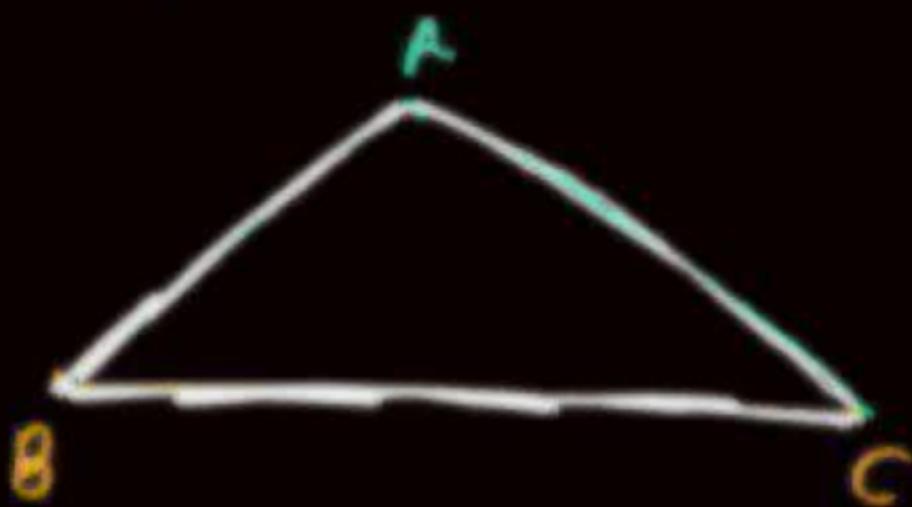
Exterior Angle always Sum of Interior Angle

वर्तन्ते एवं अतिरिक्त त्रिभुज का योग 180 - (60 + 50)



Q

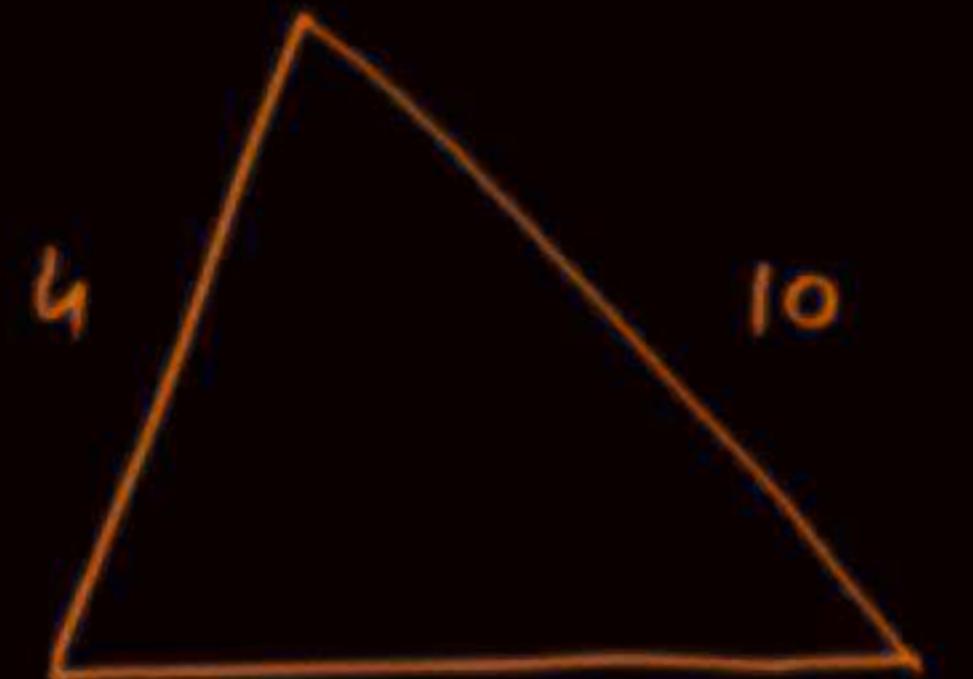




$$\left| -\alpha \right| \parallel \left| \alpha \right|$$

$$\begin{aligned}b + c &> a \\c + a &> b \\a + b &> c\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\left| b - c \right| &< a \\ \left| c - a \right| &< b \\ \left| a - b \right| &< c\end{aligned}$$



$a \rightarrow$  Integer  
(yell 5)

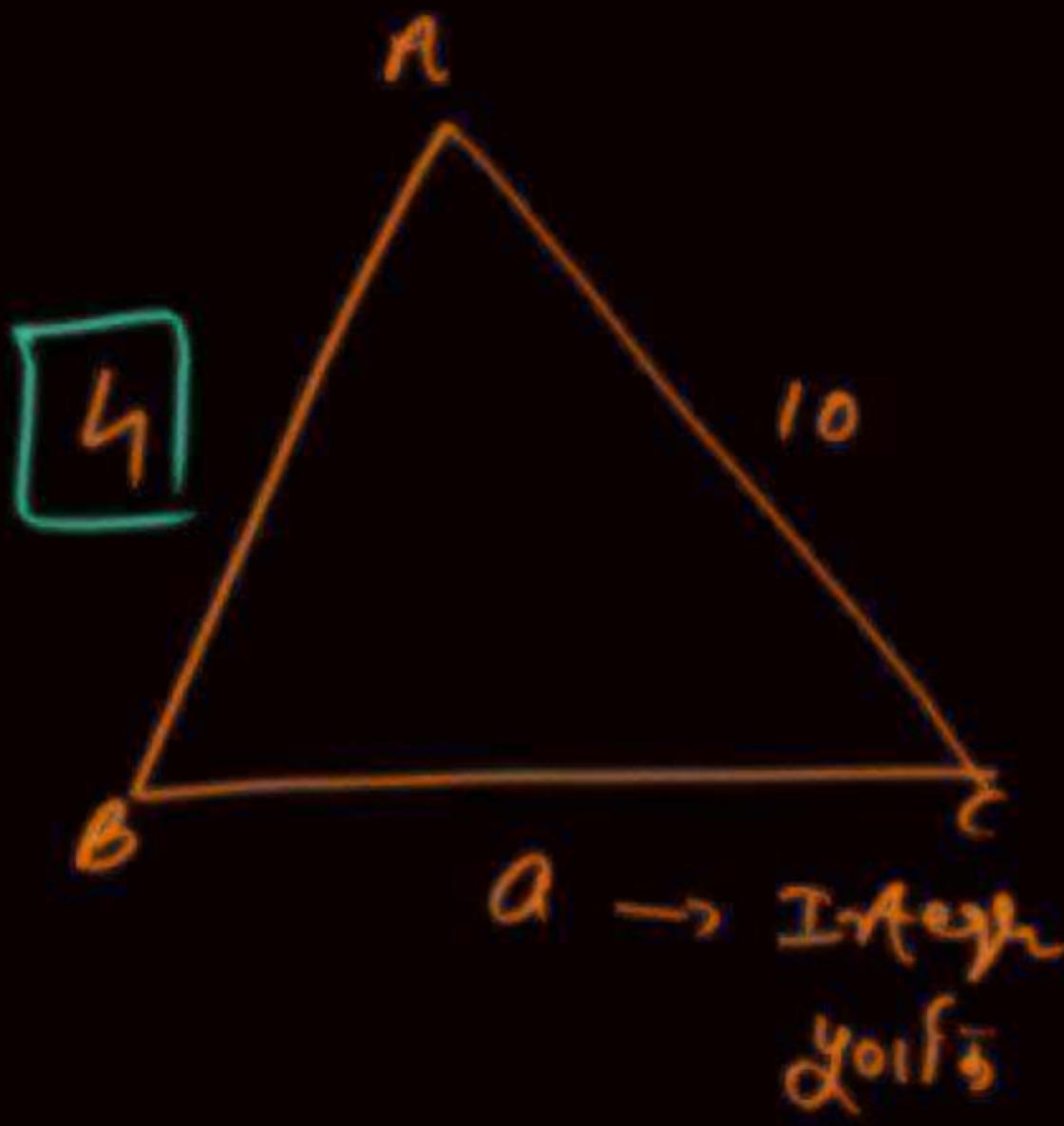
$$a = ?$$

$$6 < a < 14$$

$$7, 8, 9, 10, 11, 12, 13$$

$a \rightarrow$  minimum = 7

$a \rightarrow$  maximum = 12



$$6 < a < 14$$

① No of pos.  $\{7, 8, 9, 10, 11, 12, 13\}$

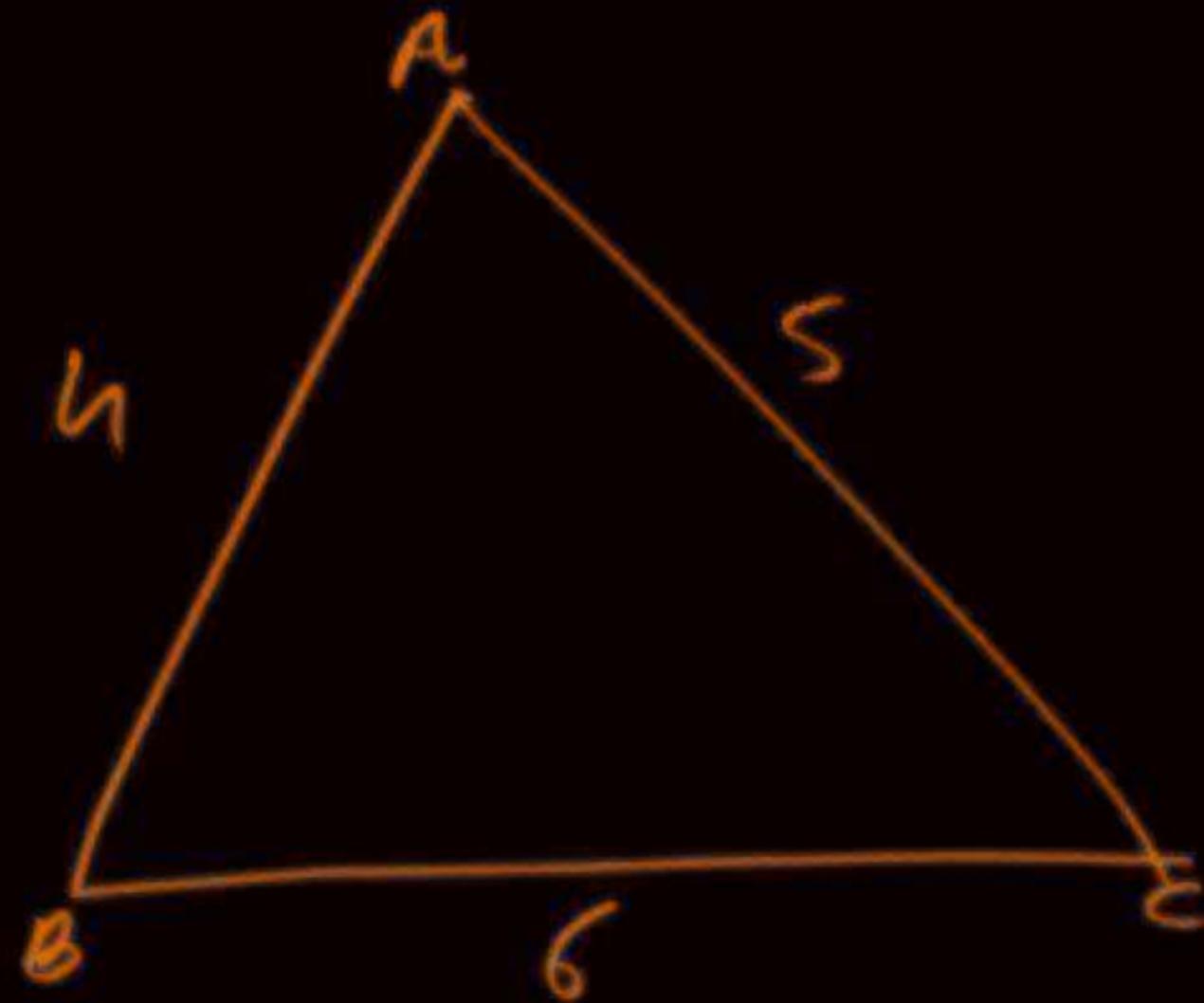
② a min. val  $\Rightarrow 7$

③ a max. val  $\Rightarrow 13$

④ No of possible  $\Rightarrow \cancel{2n-1}$

$$2 \times 4 - 1 = 7$$

*Ans*

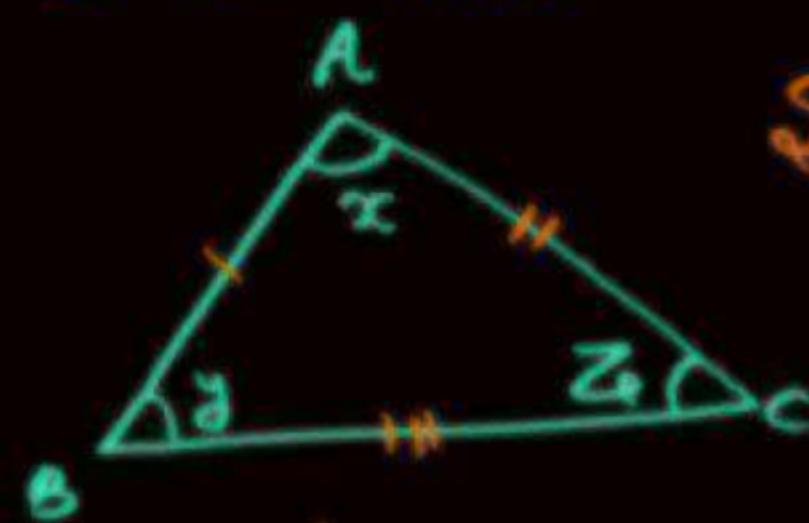


Perimeter = 15  
4 + 6 + 5 = ?

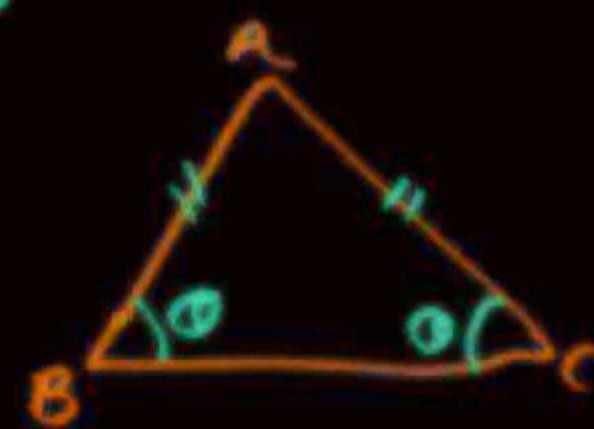
# Types of Triangle



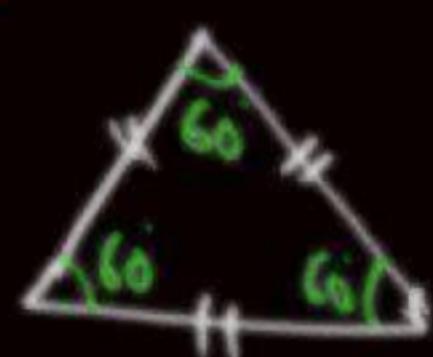
**Based on side**



Scalene triangle  
(समविकृत त्रिभुज)

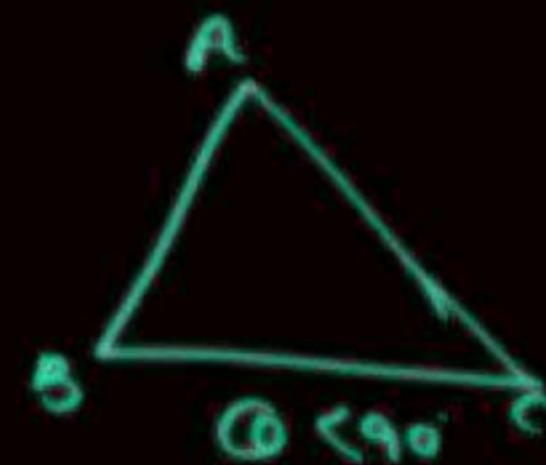


Isosceles triangle  
समद्विभक्त त्रिभुज

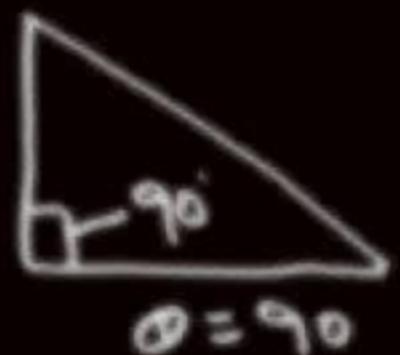


Equilateral triangle  
समबाहु त्रिभुज

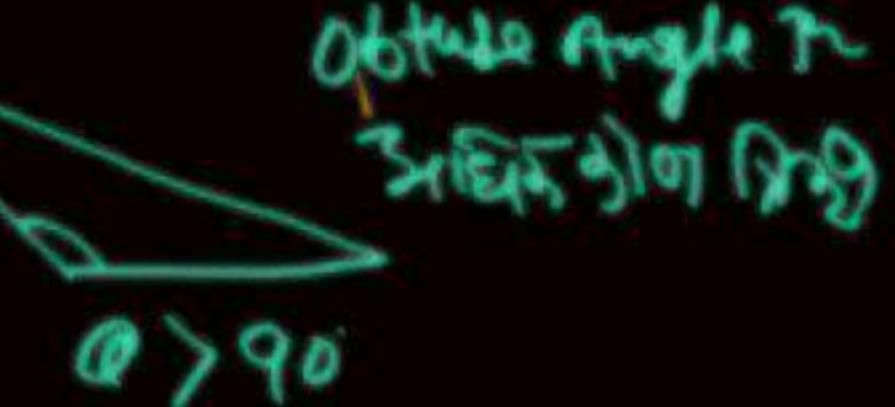
**Based on Angles**



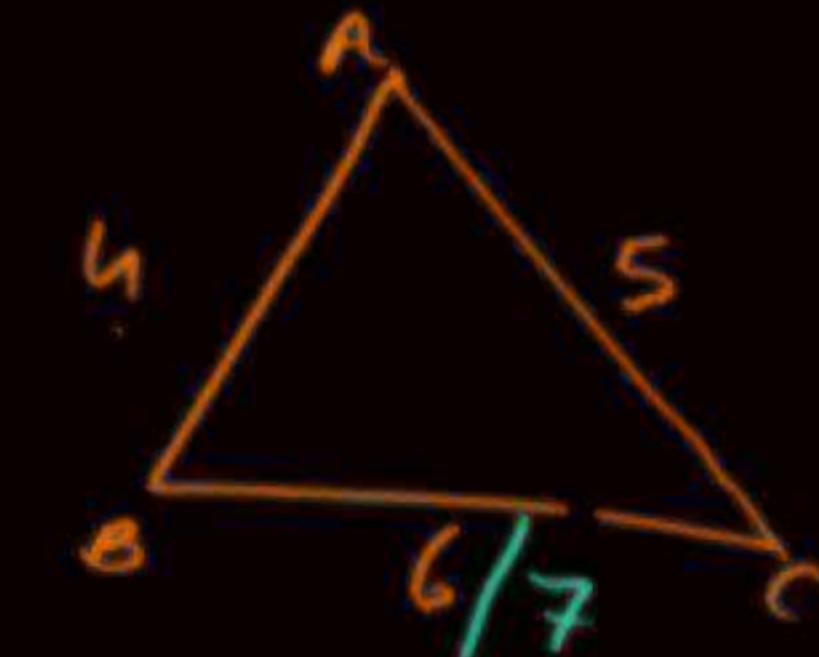
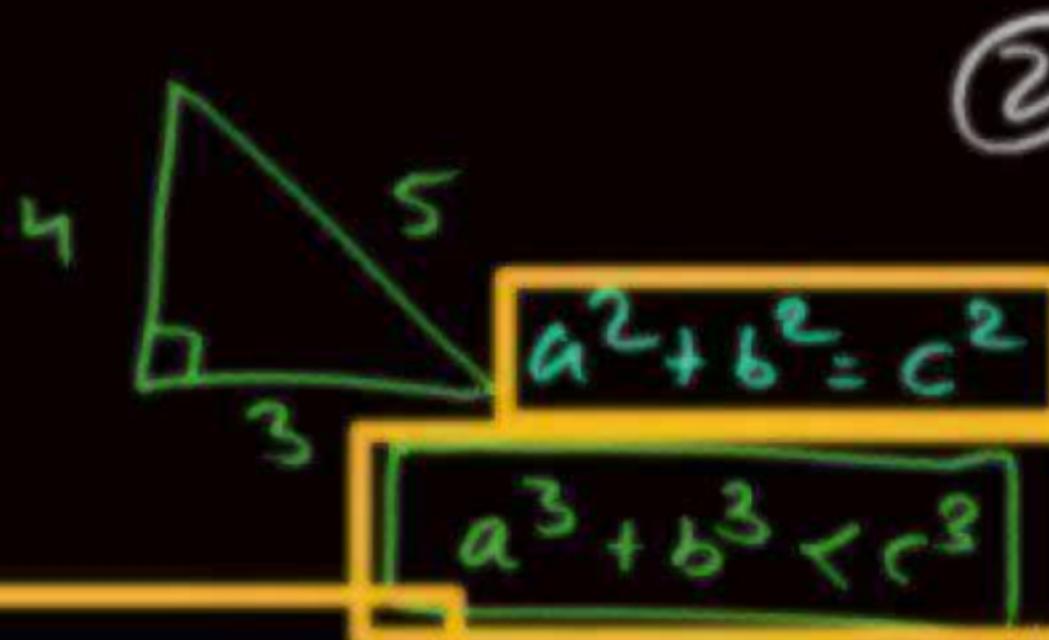
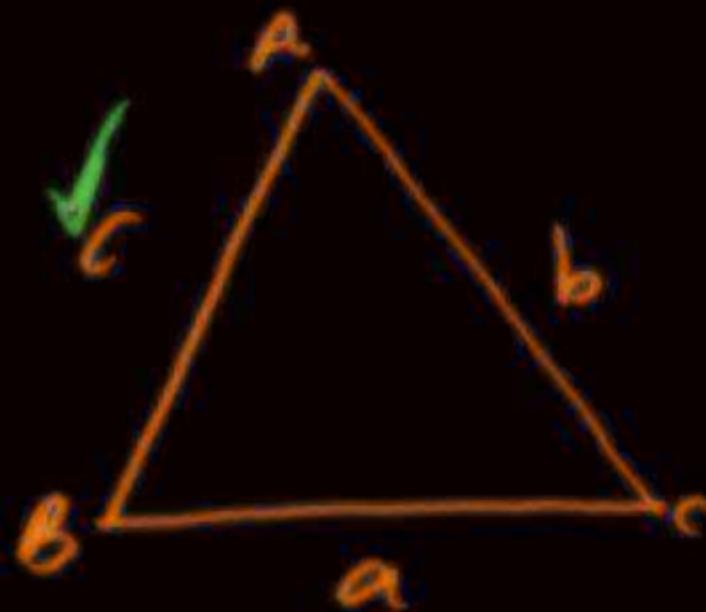
Acute Angle triangle  
अकृत त्रिभुज



Right Angle triangle  
समकोणीय त्रिभुज



Obtuse Angle triangle  
अधिकोणीय त्रिभुज



$a^2 + b^2 > c^2$  (Acute Angle  $\angle C$ )  
 ( $\angle C < 90^\circ$  හිත් මිශ්‍රය)

$$27 + 54 < 125$$

$$16 + 25 < 36$$

$$41 > 36$$

$a^2 + b^2 = c^2$  Right Angle  $\angle C$   
 ( $\angle C = 90^\circ$  හිත් මිශ්‍රය)

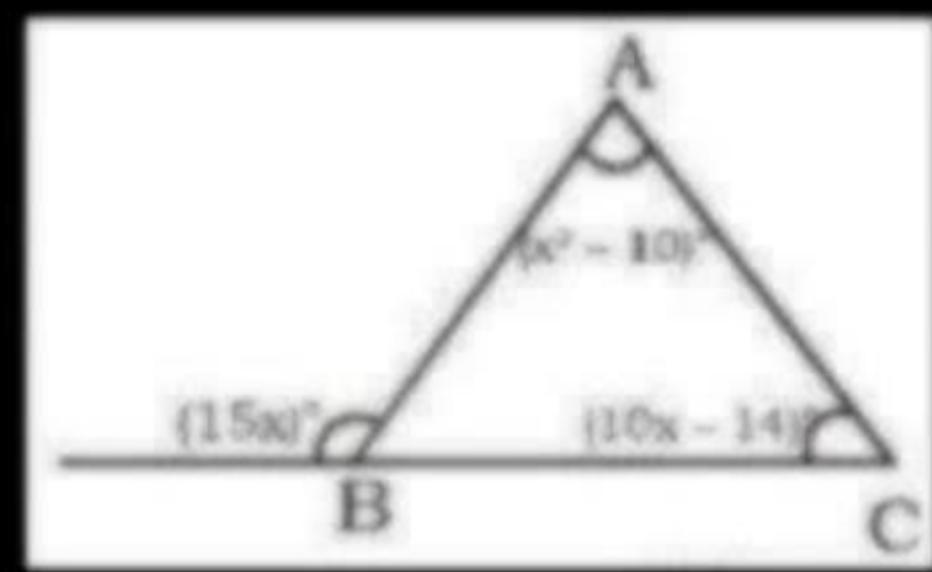
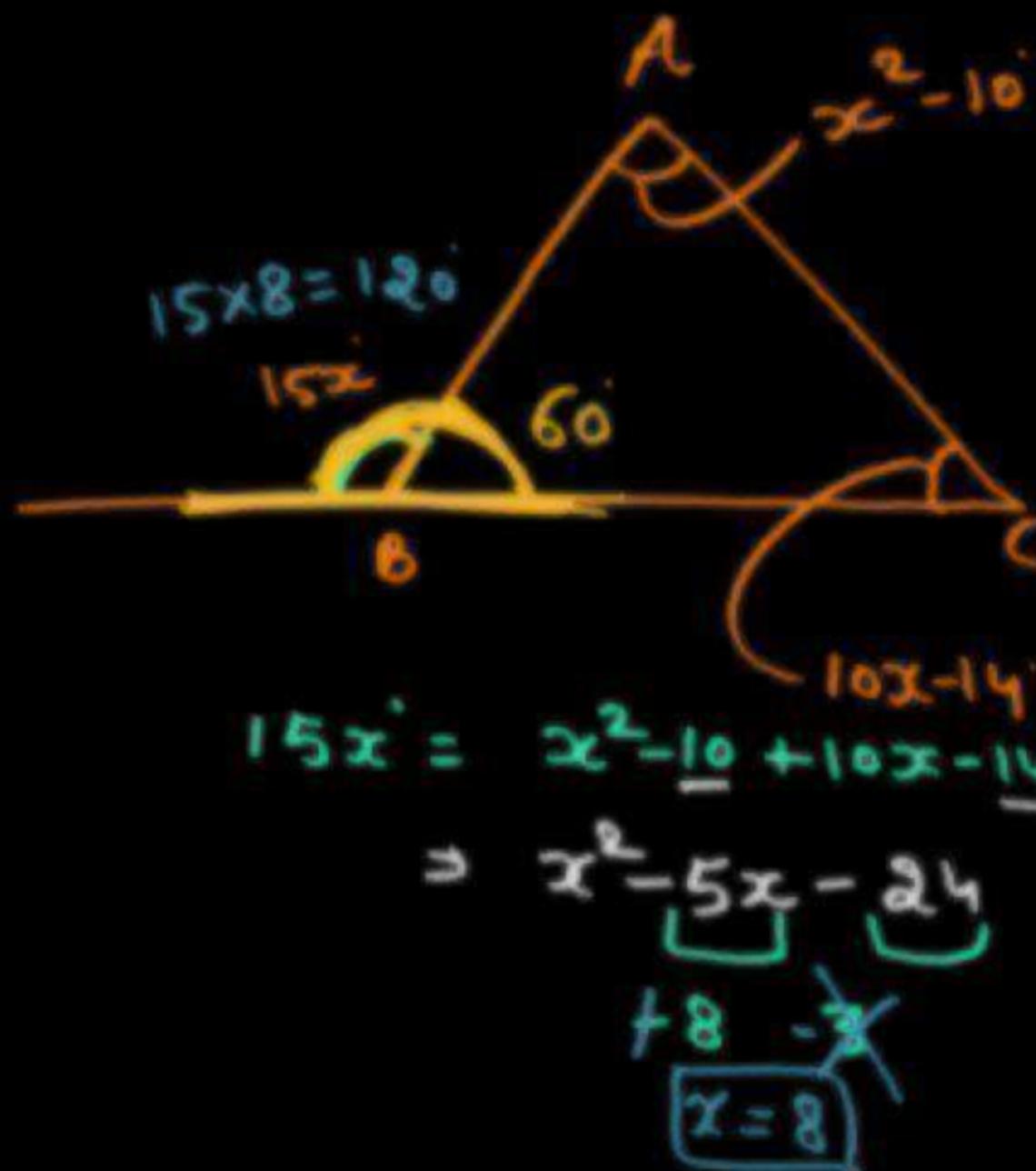
$$\begin{aligned} 16 + 25 &= 41 \\ 41 &< 49 \end{aligned}$$

$a^2 + b^2 < c^2$   $\Rightarrow$  obtuse Angle  $\angle C$   
 ( $\angle C > 90^\circ$  හිත් මිශ්‍රය)

$$\begin{aligned} a^2 + b^2 &= c^2 \\ 16 + 9 &> 25 \end{aligned}$$

Q1. In the given figure find the angle of  $\angle ABC$ .

दिए गए चित्र में  $\angle ABC$  का मान ज्ञात कीजिए।



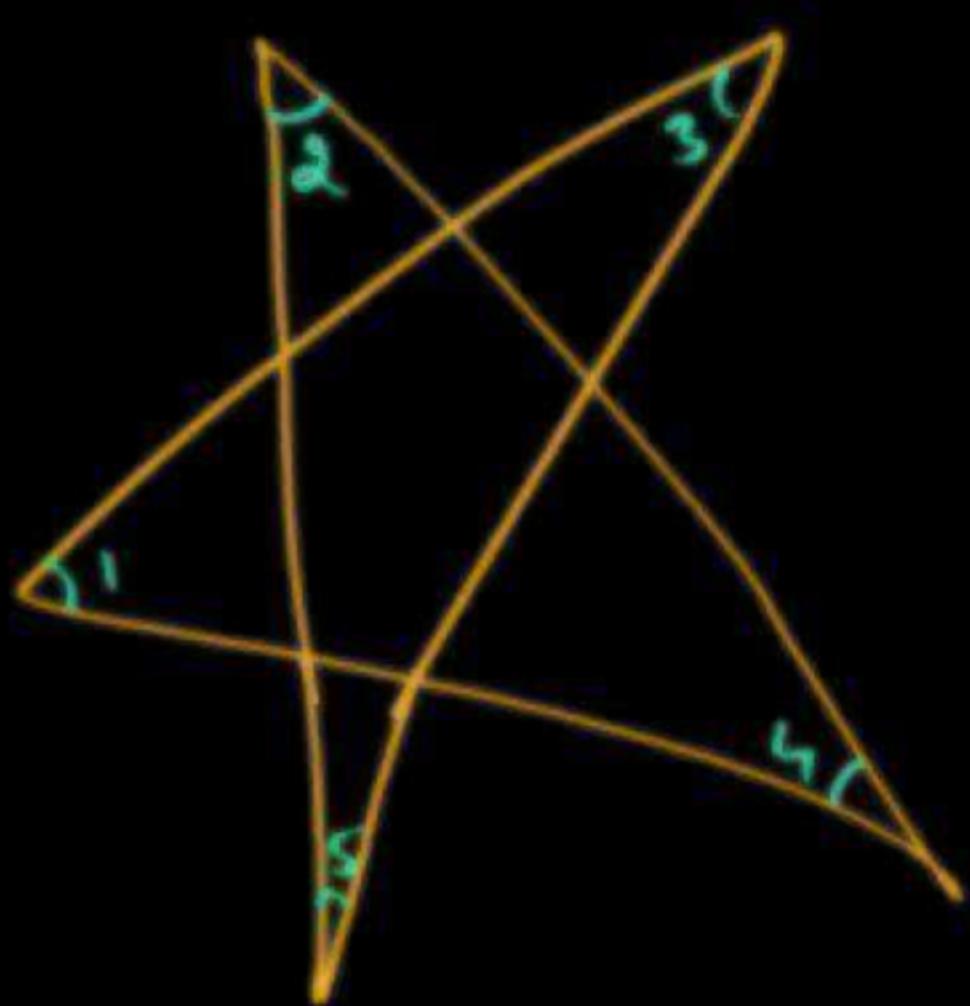
(A)  $70^\circ$

(C)  $40^\circ$

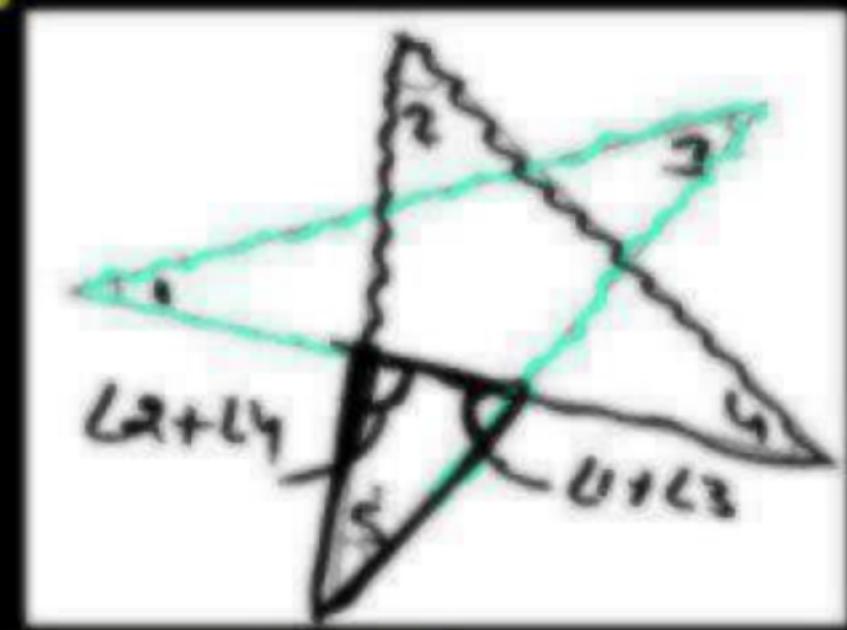
$180^\circ$

(B)  $60^\circ$

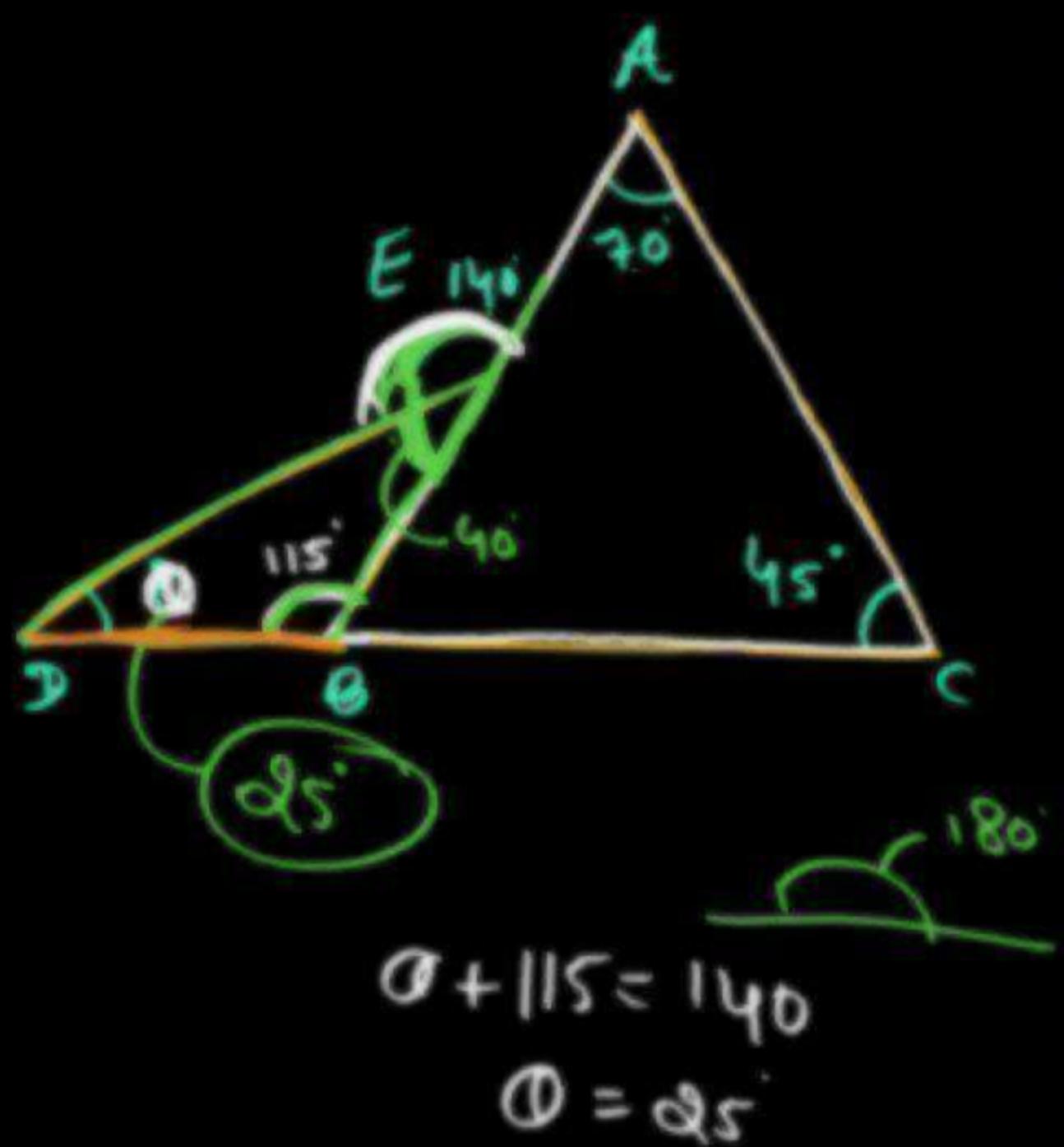
(D)  $45^\circ$



Q2. In the given figure, what is the value of  
 $\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 + \angle 4 + \angle 5 = ?$   
 दी गई आकृति में,  $\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 + \angle 4 + \angle 5$  का मान क्या है?



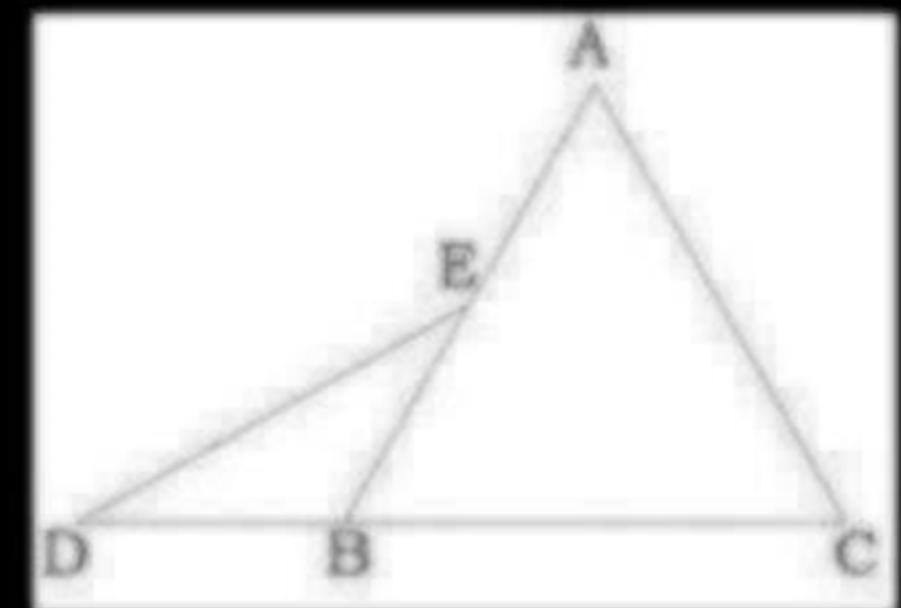
- (A) 180
- (B) 270
- (C) 360
- (D) 450

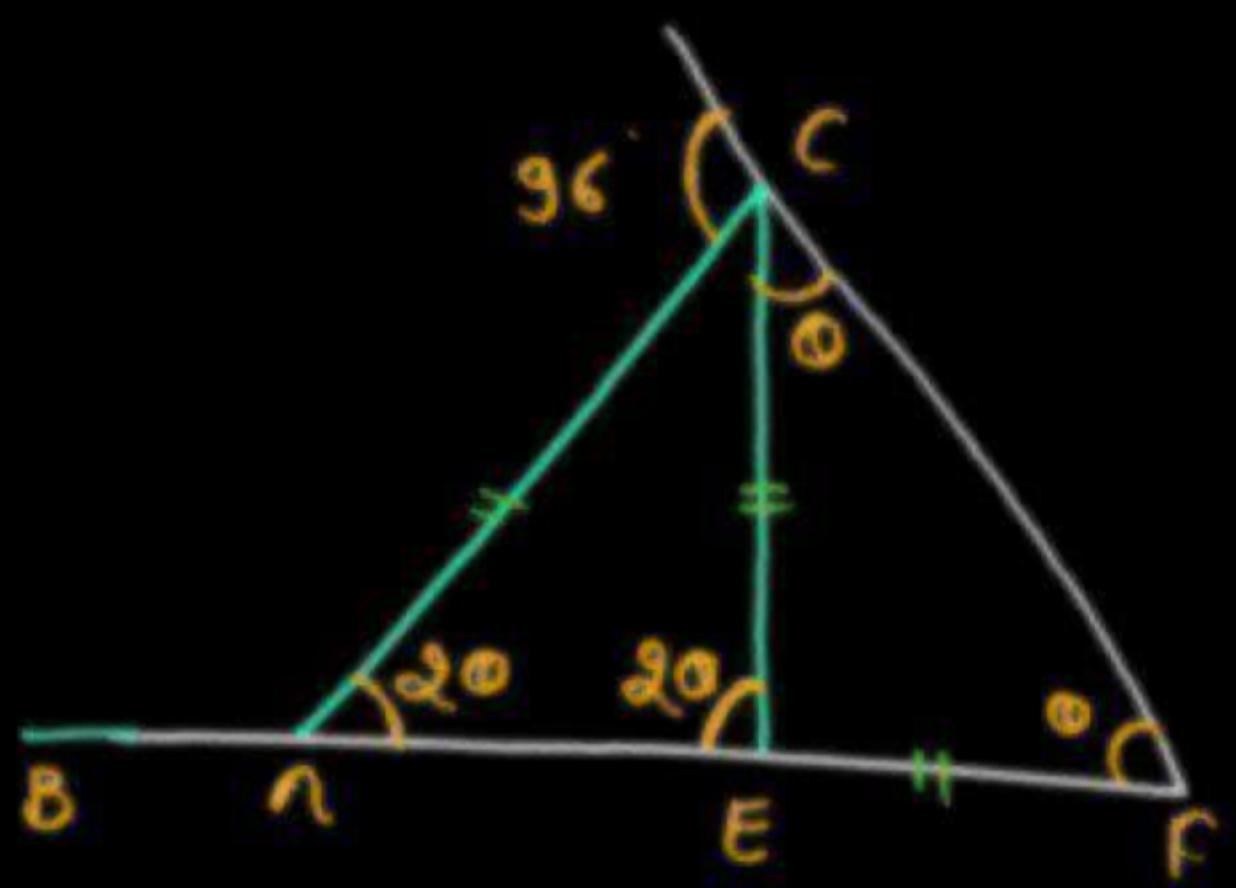


Q3. In the given figure,  $\angle BAC = 70^\circ$ ,  $\angle ACB = 45^\circ$  and  $\angle DEA = 140^\circ$ . What is the value of  $\angle BDE$ ?

दी गई आकृति में,  $\angle BAC = 70^\circ$ ,  $\angle ACB = 45^\circ$  तथा  $\angle DEA = 140^\circ$  है।  $\angle BDE$  का मान क्या है?

- (A)  $10^\circ$
- (B)  $15^\circ$
- (C)  $20^\circ$
- (D)  $25^\circ$

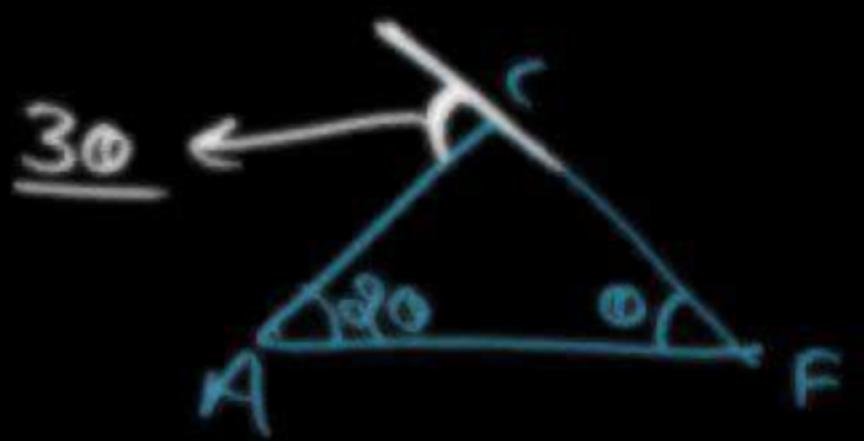
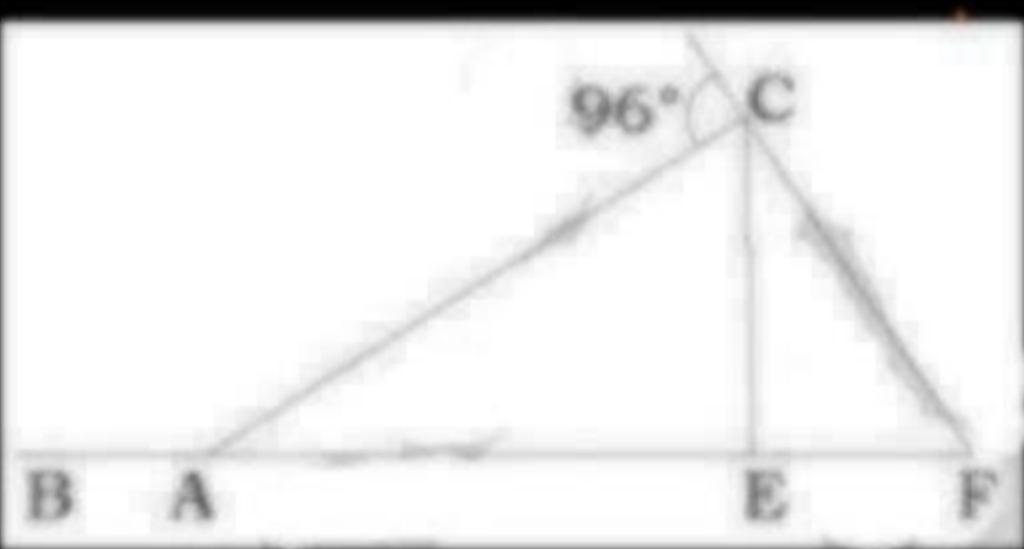




Q4. In the given figure,  $EF = CE = CA$ , What is the value of  $\angle EAC$ ?

दी गई आकृति में,  $EF = CE = CA$  है, तो  $\angle EAC$  का मान क्या होगा?

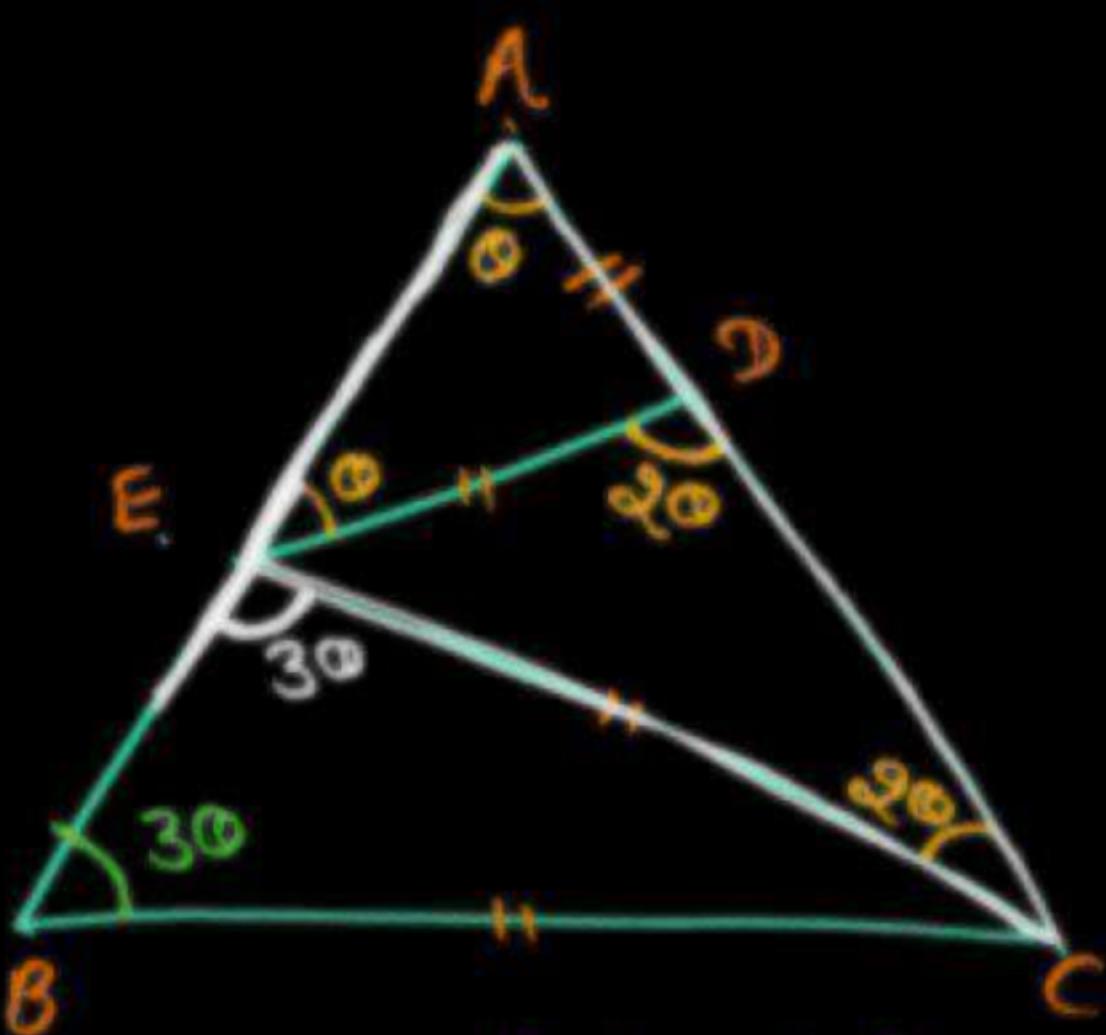
- (A)  $58^\circ$
- (B)  $64^\circ$
- (C)  $72^\circ$
- (D)  $32^\circ$



$$3\theta = 96$$

$$\theta = 32^\circ$$

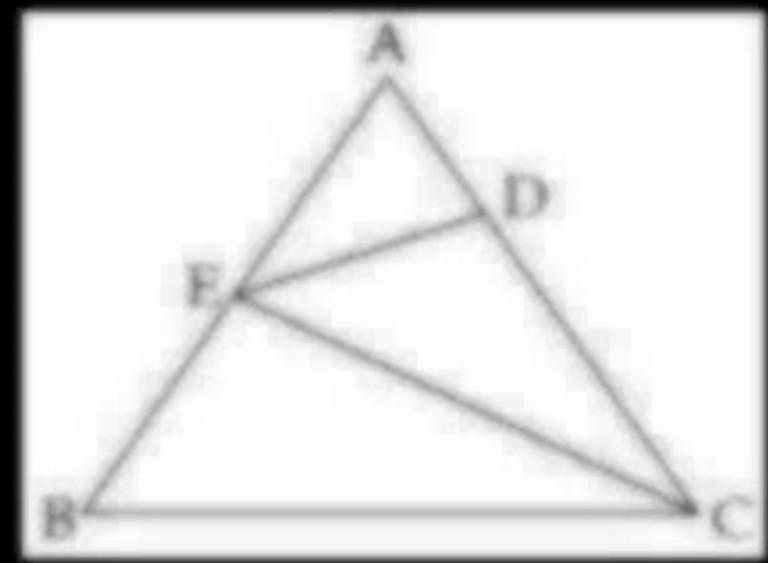
$$3 \times 2 = 64$$



$$\angle A : \angle B \\ 30 : 30 \\ 1 : 3$$

- (A) 1:3      (B) 2:5  
 (C) 3:1      (D) 1:2

Q5. In a given figure, If  $AD = DE = EC = BC$   
 then  $\angle A : \angle B = ?$   
 दिए गए निम्न चित्र में यदि  $AD = DE = EC = BC$  हो तो  
 $\angle A : \angle B$  का मान क्या होगा?



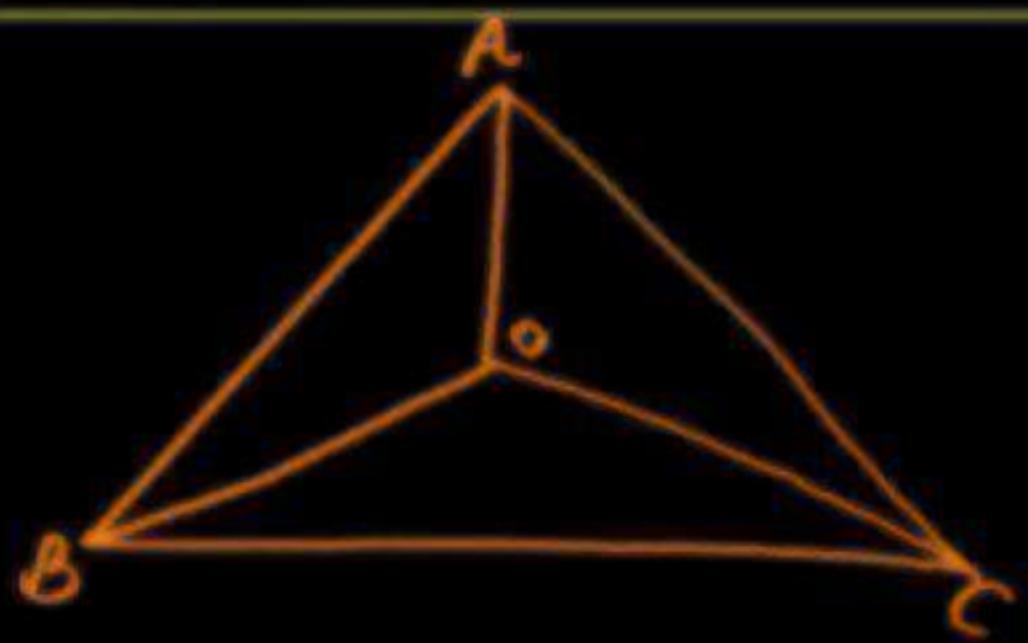
4 , 10 , a

$$6 < a < 14$$

Q6. 2 sides of triangle are of 4 cm and 10 cm.  
If 3rd side is length of 'a' cm then which is  
correct value for a.

एक त्रिभुज की दो भुजाएँ 4 सेमी. तथा 10 सेमी. लम्बी हैं। तदनुसार यदि तीसरी भुजा की लम्बाई 'a' सेमी. हो, तो a का कौन-सा मान सही है ?

- (A)  $a > 5$
- (B)  $6 \leq a \leq 12$
- (C)  $a < 6$
- (D)  $6 < a < 14$



$$AO + BO > AB$$

$$AO + OC > AC$$

$$BO + OC > BC$$

---


$$2(AO + BO + CO) > AB + AC + BC$$

Q7. In a triangle ABC, O is any point inside the triangle then which one of the following is correct?

त्रिभुज ABC के अंदर कोई बिन्दु है, तो निम्न में से कौनसा कथन सत्य है?

- (A)  $2(OA + OB + OC) > (AB + BC + CA)$
- (B)  $(OA + OB + OC) < (AB + BC + CA)$
- (C)  $2(AB + BC + CA) > (OA + OB + OC)$
- (D)  $(AB + BC + CA) > (OA + OB + OC)$

Q8. ABCD is a quadrilateral AC and BD are its diagonals then which one of the following is correct?

ABCD एक चतुर्भुज है और AC तथा BD इसके दो विकर्ण हैं, तो निम्न में से कौनसा कथन सत्य है?

- (A)  $(AB+BC+ CD + DA) > (AC + BD)$
- (B)  $(AB+BC+ CD + DA) < 2(AC + BD)$
- (C) Both A and B / दोनों A और B
- (D) None of these / इनमें से कोई नहीं

$$a^2 + b^2 > c^2$$

is, 17, x

$$15^2 + x^2 > 17^2$$

$$225 + x^2 > 289$$

$$x^2 > 64$$

$$x > 8$$

18, 17, x

$$15^2 + 17^2 > x^2$$

$$225 + 289 > x^2$$

$$514 > x^2$$

$$225 > x$$

$$8 < x < 23$$

Q9. The 3 sides of an acute angled triangle are 15, 17 and x cm. if x is an integer then how many such triangles are possible?

किसी न्यून कोण त्रिभुज की तीन भुजाए 15 सेमी, 17 सेमी और x सेमी हैं। यदि x एक पूर्णक है तो ऐसे कितने त्रिभुज संभव हैं।

(A) 13

(B) 14

(C) 29

(D) 15

23 - 8 - 1

→ 14

$$a^2 + b^2 > c^2$$

$$a + b + c = 32$$

$$\begin{array}{c} a+b > c \\ \overbrace{\quad\quad\quad}^{16} \quad \overbrace{\quad\quad\quad}^{16} \\ \overbrace{\quad\quad\quad}^{17} > 15 \end{array}$$

Q10. If the perimeter of a triangle with integer sides is 32, what is the largest possible length of the longest side?

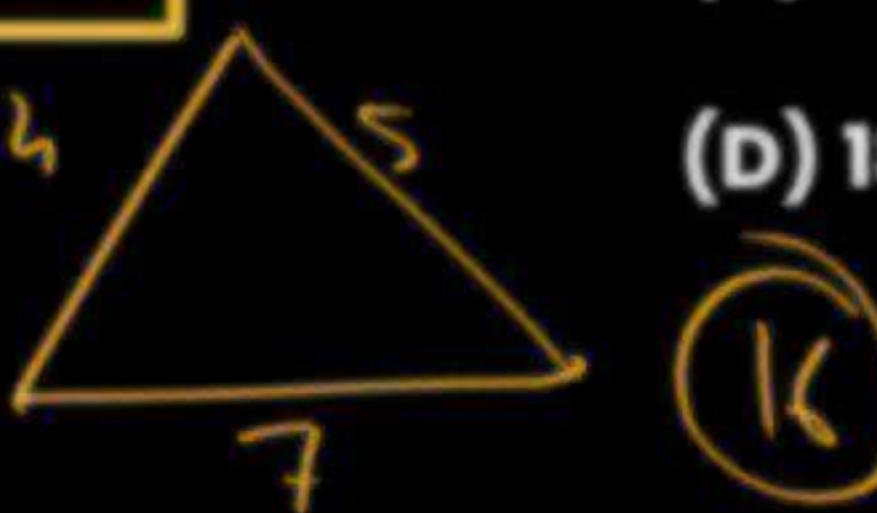
यदि किसी पूर्णांक भुजाओं वाले त्रिभुज का परिमाप 32 है तो सबसे बड़ी भुजा का संभव मान क्या होगा?

(A) 15

(B) 16

(C) 17

(D) 18



14

$$a \times b = 24$$

$1 \times 24$	$2 \times 12$	$3 \times 8$	$4 \times 6$
$\rightarrow 1 - 1$	$\rightarrow 2 - 1$	$\rightarrow 3 - 1$	$\rightarrow 4 - 1$
$\rightarrow 1$	$\rightarrow 3$	$\rightarrow 5$	$\rightarrow 7$

$1 + 3 + 5 + 7 = \underline{\underline{16}}$

Q12. If  $a$  and  $b$  are the lengths of two sides of a triangle such that the product  $ab = 24$ , where  $a$  and  $b$  are integers, the how many such triangles are possible?

यदि  $a$  और  $b$  किसी त्रिभुज की दो भुजाएँ इस प्रकार हैं कि  $ab = 24$ , जहाँ  $a$  और  $b$  पूर्णक संख्या है, तो ऐसे कितने त्रिभुज संभव हैं?

(A) 12

(B) 18

(C) 15

$\rightarrow n - 1$

(D) 16

$$a^2 + b^2 > c^2$$

$7, 8, 10 \Rightarrow 49 + 64 > 100$

$113 > 100$

Q13. Which of the following represents the sides of an acute angled triangle?

निम्न में से कौनसा एक न्यून कोण त्रिभुज की भुजाओं को दर्शाता है? 

(A) 6, 9, 16\*

(B) 7, 8, 10

(C) 5, 12, 13

(D) None of these

$$a^2 + b^2 > c^2$$

12, 15,  $\boxed{x}$

$$144 + 225 > x^2$$

$$369 > x^2$$

$$19 \cdot ? > x$$

$$19^2 = 361$$

$$(19 \cdot ?)$$

(A) 17

**(C) 19**

(B) 18

(D) 20

Q14. Two sides of a triangle are 12 cm and 15 cm long and the third side is integer, then what is the largest value of third side for which triangle is acute.

किसी त्रिभुज की दो भुजाएँ 12 सेमी. तथा 15 सेमी. हैं तथा तीसरी भुजा एक पूर्णांक है तो तीसरी भुजा का वह अधिकतम मान क्या होगा ताकि त्रिभुज न्यूनकोण त्रिभुज हो?

$$a^2 + b^2 > c^2$$

$$a^2 + b^2 = c^2$$

$$a^2 + b^2 < c^2$$

(A) ~~6, 7, 13~~

~~(C) 4, 5, 6~~

(B) 5, 6, 8

(D) None of these

~~16 + 35 < 36~~  
~~41 < 36~~

~~25 + 36 < 64~~  
~~61 < 64~~

Q15. Which of the following combination of sides results in the formation of obtuse angled triangle?

अधिक कोण त्रिभुज के गठन में भुजाओं के निम्नलिखित संयोजन में कौनसा संयोजन सही है?

Q15. Which of the following combination of sides results in the formation of obtuse angled triangle?

अधिक कोण त्रिभुज के गठन में भुजाओं के निम्नलिखित संयोजन में कौनसा संयोजन सही है?

- (A) 6, 7, 13
- (B) 5, 6, 8
- (C) 4, 5, 6
- (D) None of these

**Q16. In an obtuse angle triangle the length of side opposite to obtuse angle is K cm and length of remaining two sides is 12 cm and 17 cm. how many such triangle are possible ?**

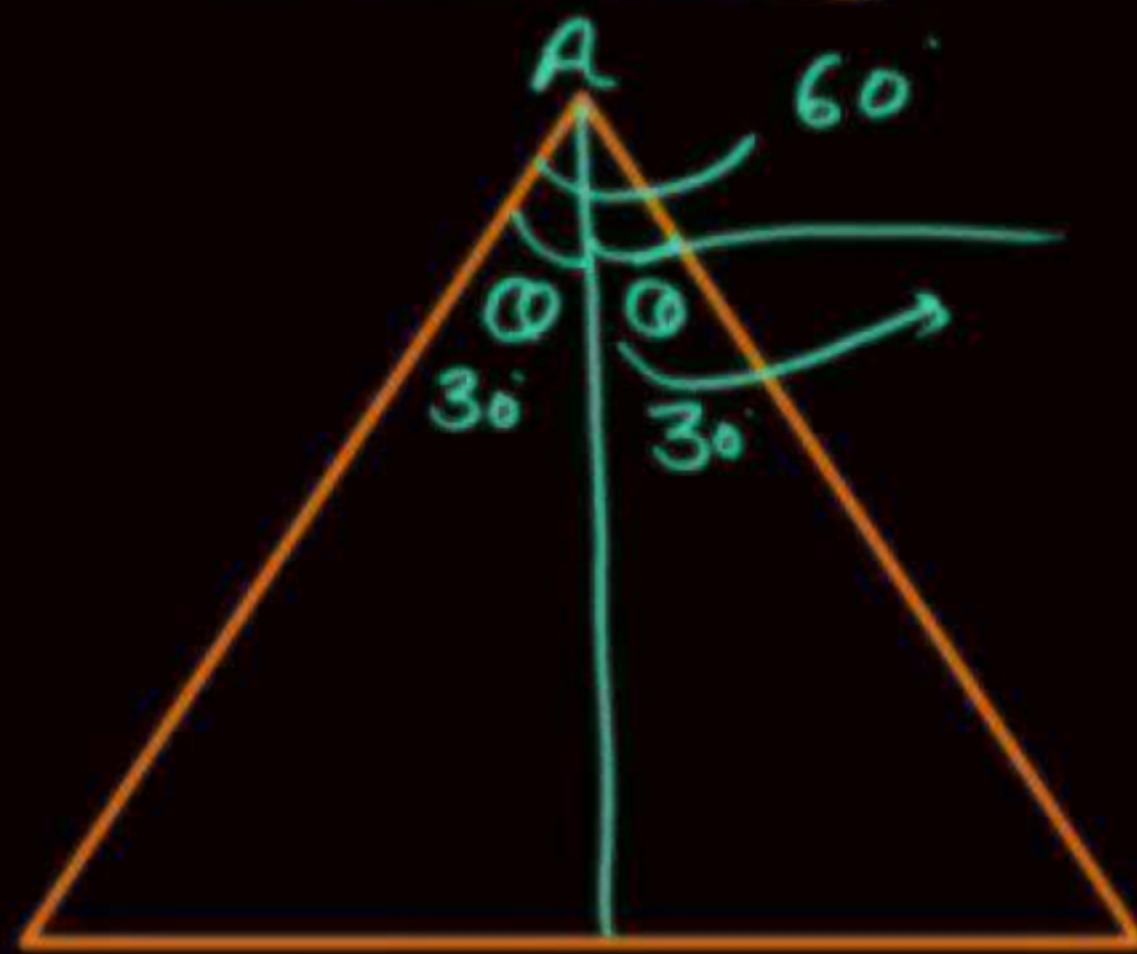
**एक अधिक कोण त्रिभुज में अधिक कोण के सामने की भुजा K सेमी है जहाँ और अन्य दो भुजा 12 सेमी और 17 सेमी हैं। कितने त्रिभुज संभव हैं।**

- (A) 7
- (B) 8
- (C) 9
- (D) 10

# Angle bisector

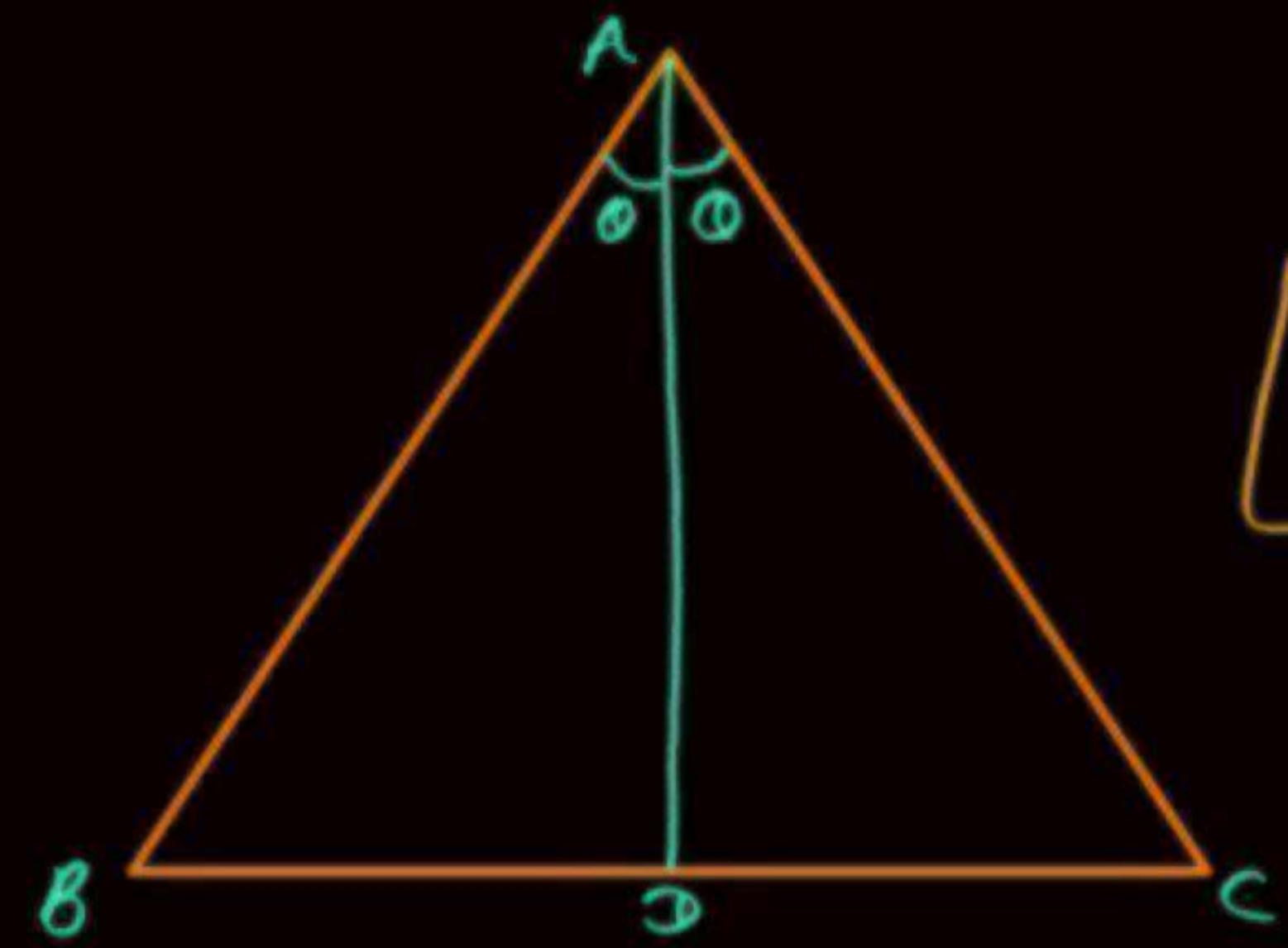
①

कोण द्विभागक



Angle Bisector  
कोण द्विभागक

Q



$$\frac{BD}{DC} = \frac{AB}{AC}$$

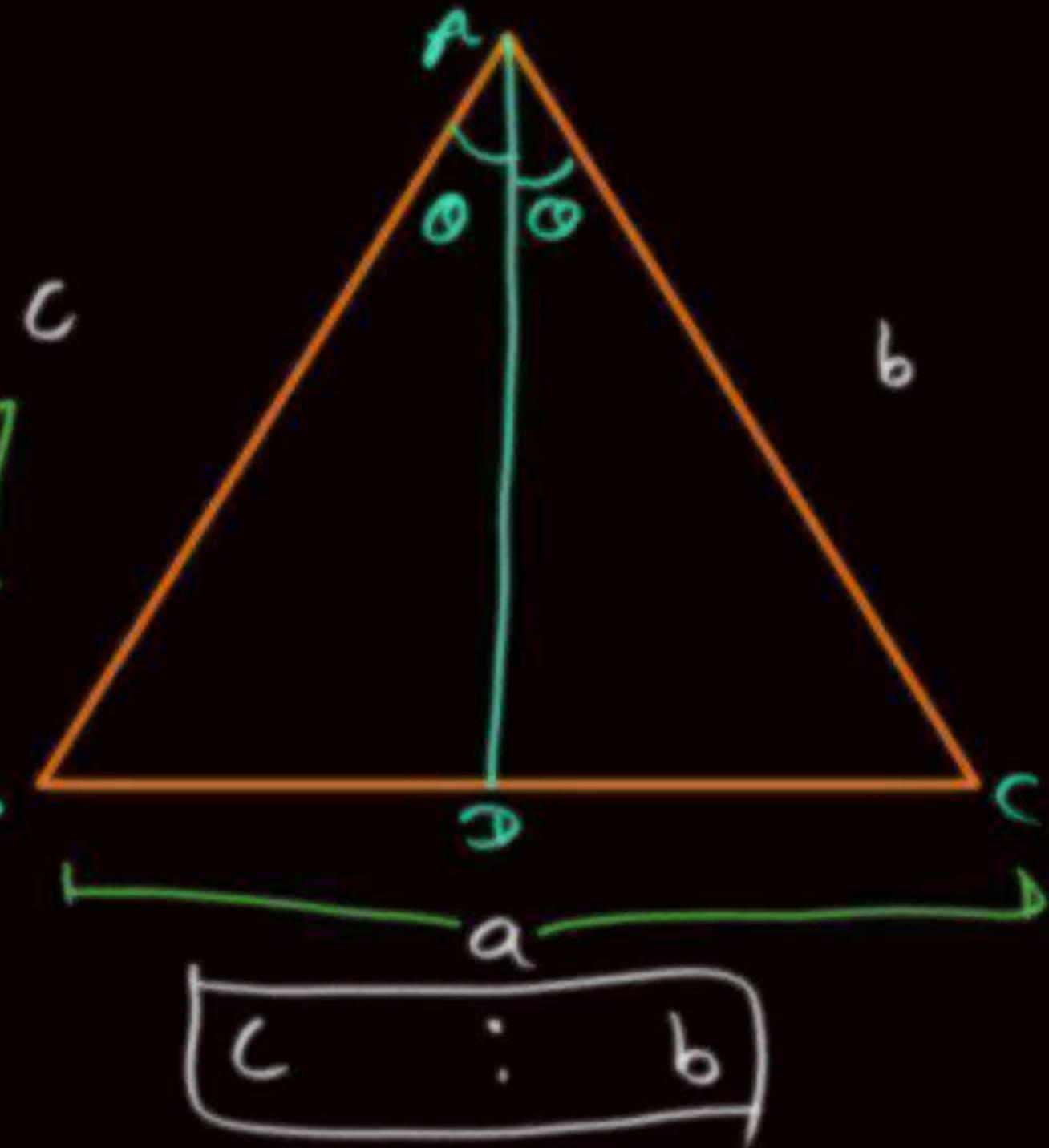
③

c

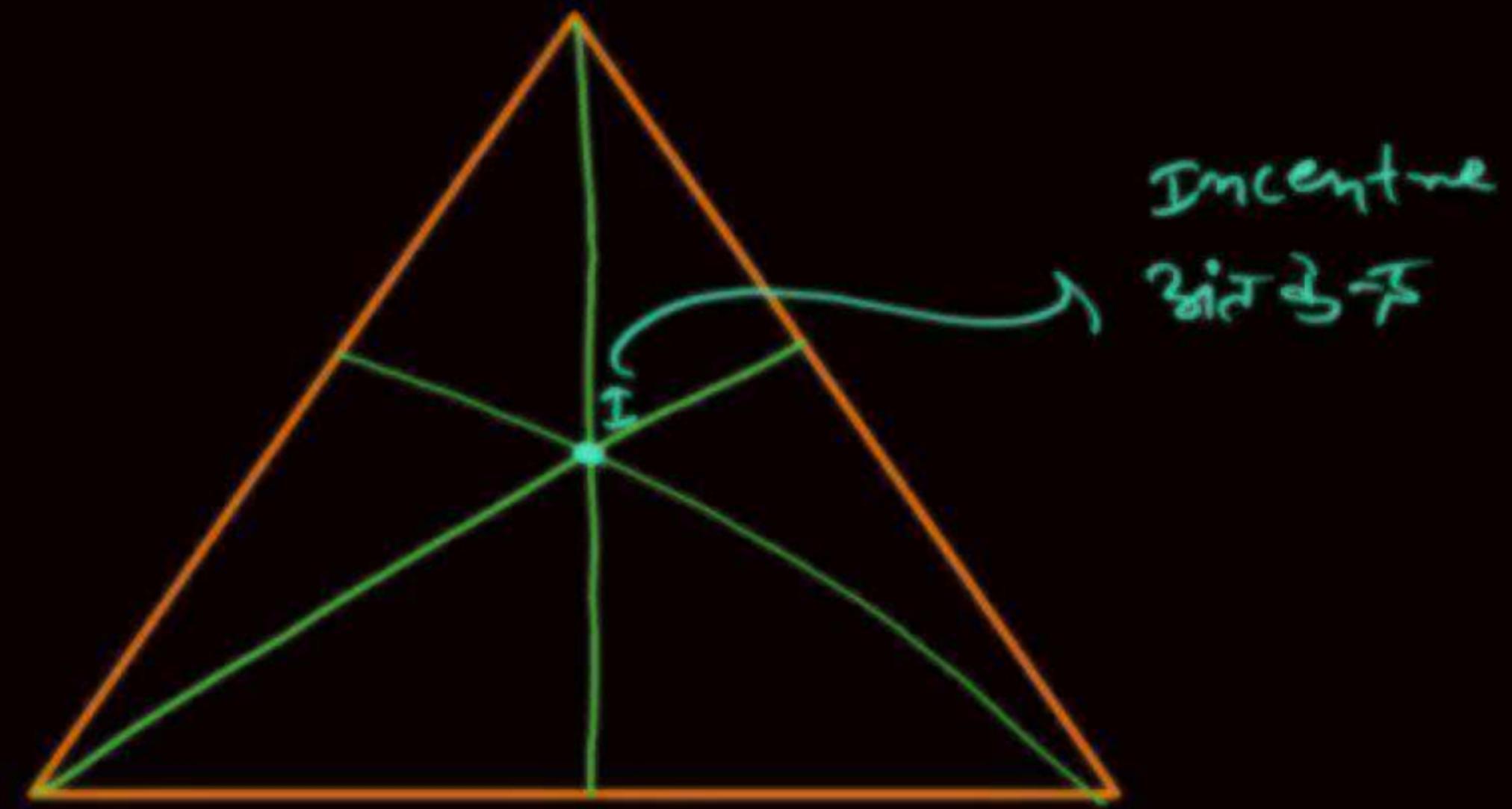
$$BD = \frac{a}{c+b} \times c$$

$$CD = \frac{a}{c+b} \times b$$

$$\begin{array}{l|l} c & : \\ \hline & b \end{array}$$

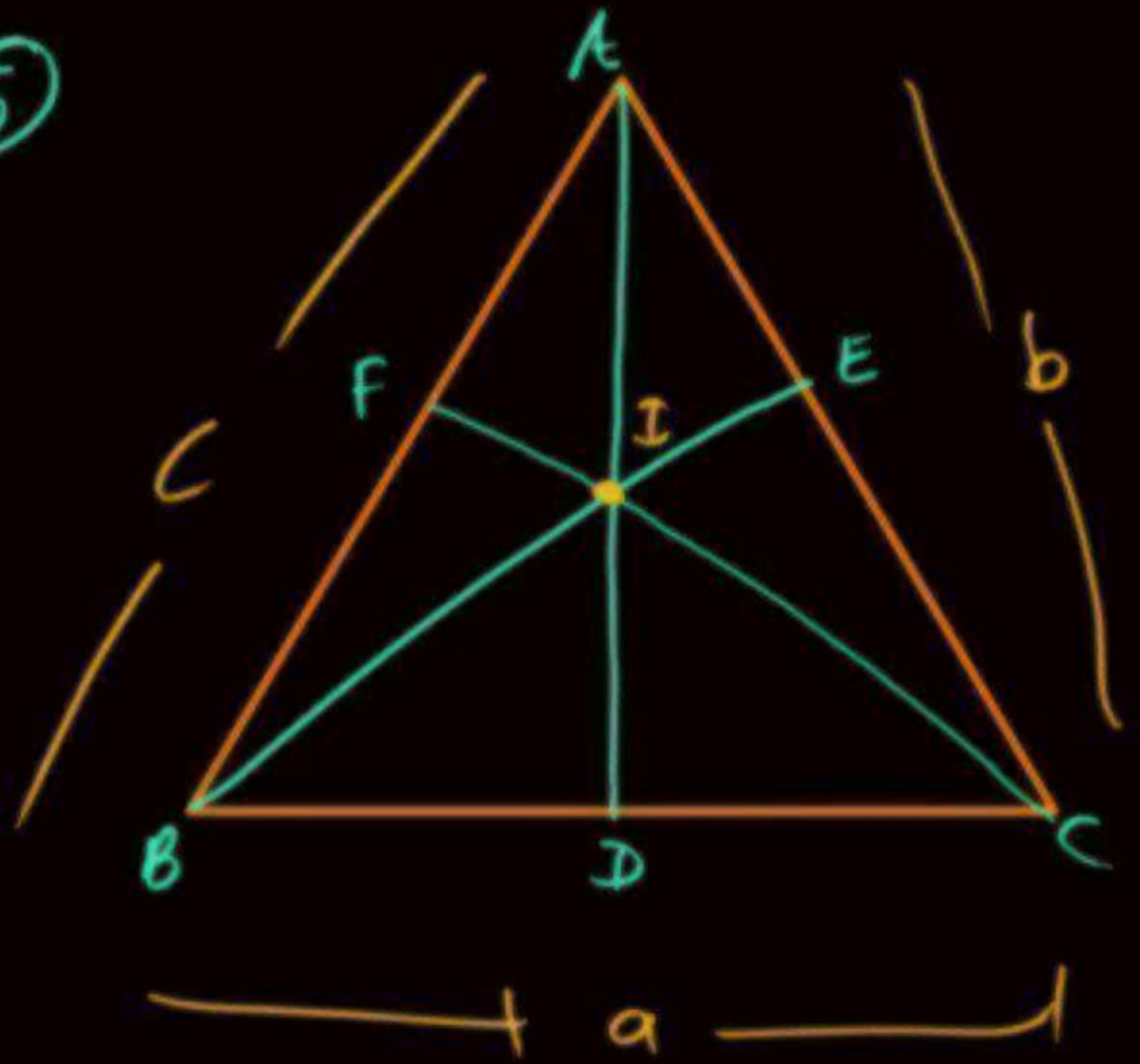


4



Incentre  
અંતર્ગત

⑤

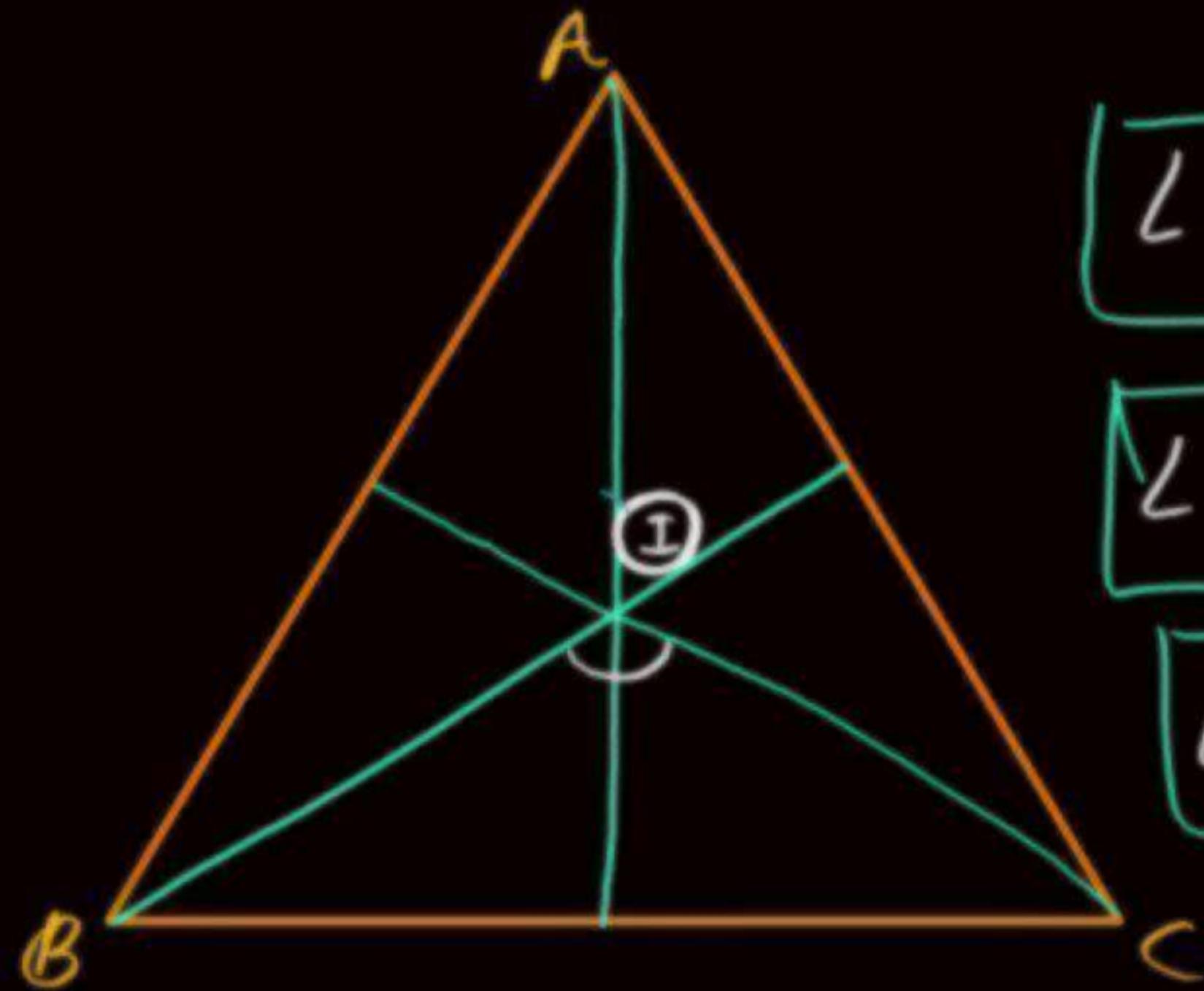


$$\frac{AI}{ID} = \frac{b+c}{a}$$

$$\frac{BI}{IE} = \frac{a+c}{b}$$

$$\frac{CI}{IF} = \frac{a+b}{c}$$

⑥

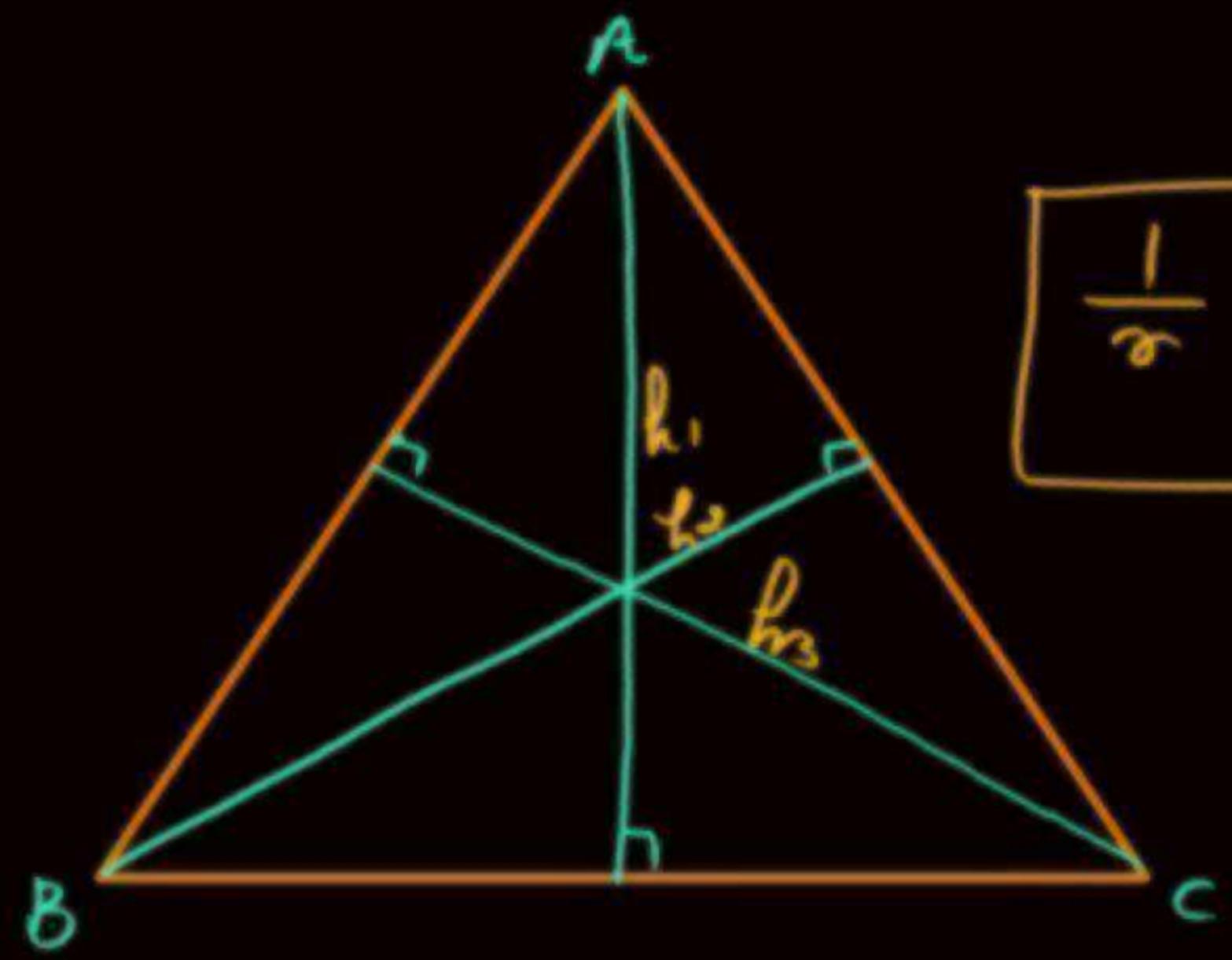


$$\angle BIC = 90 + \frac{\angle A}{2}$$

$$\angle AIC = 90 + \frac{\angle B}{2}$$

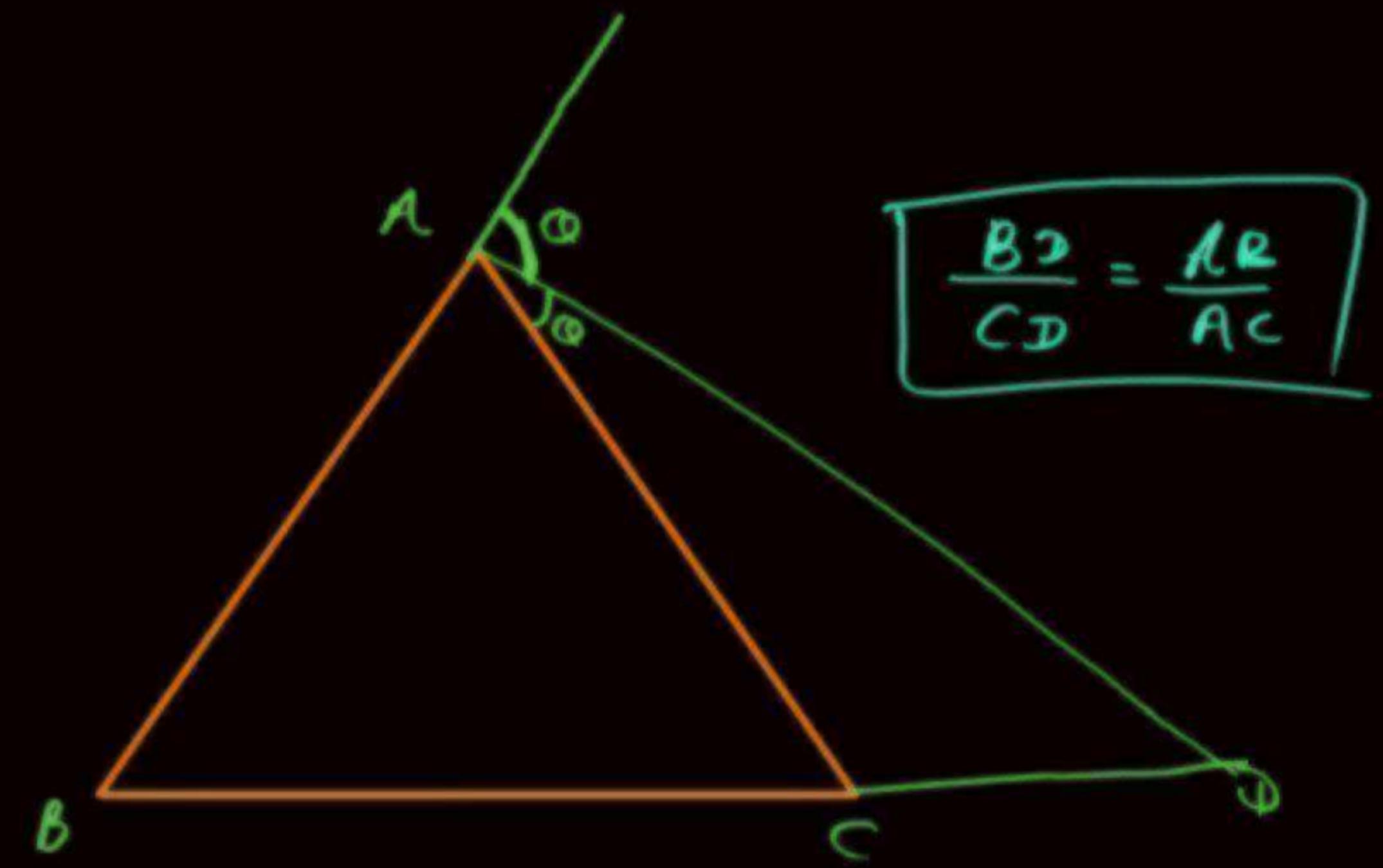
$$\angle AIB = 90 + \frac{\angle C}{2}$$

7



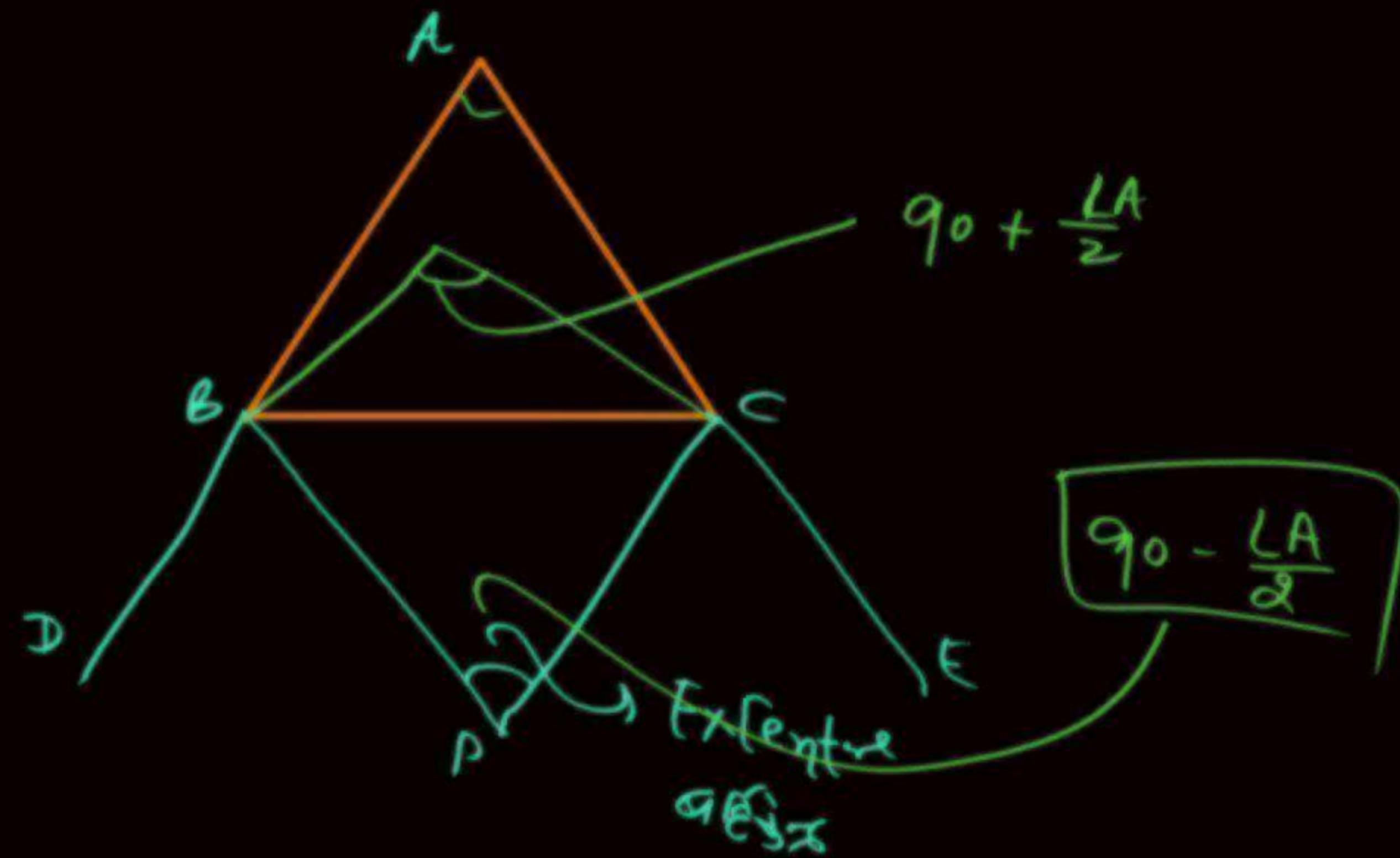
$$\frac{1}{r} = \frac{1}{h_1} + \frac{1}{h_2} + \frac{1}{h_3}$$

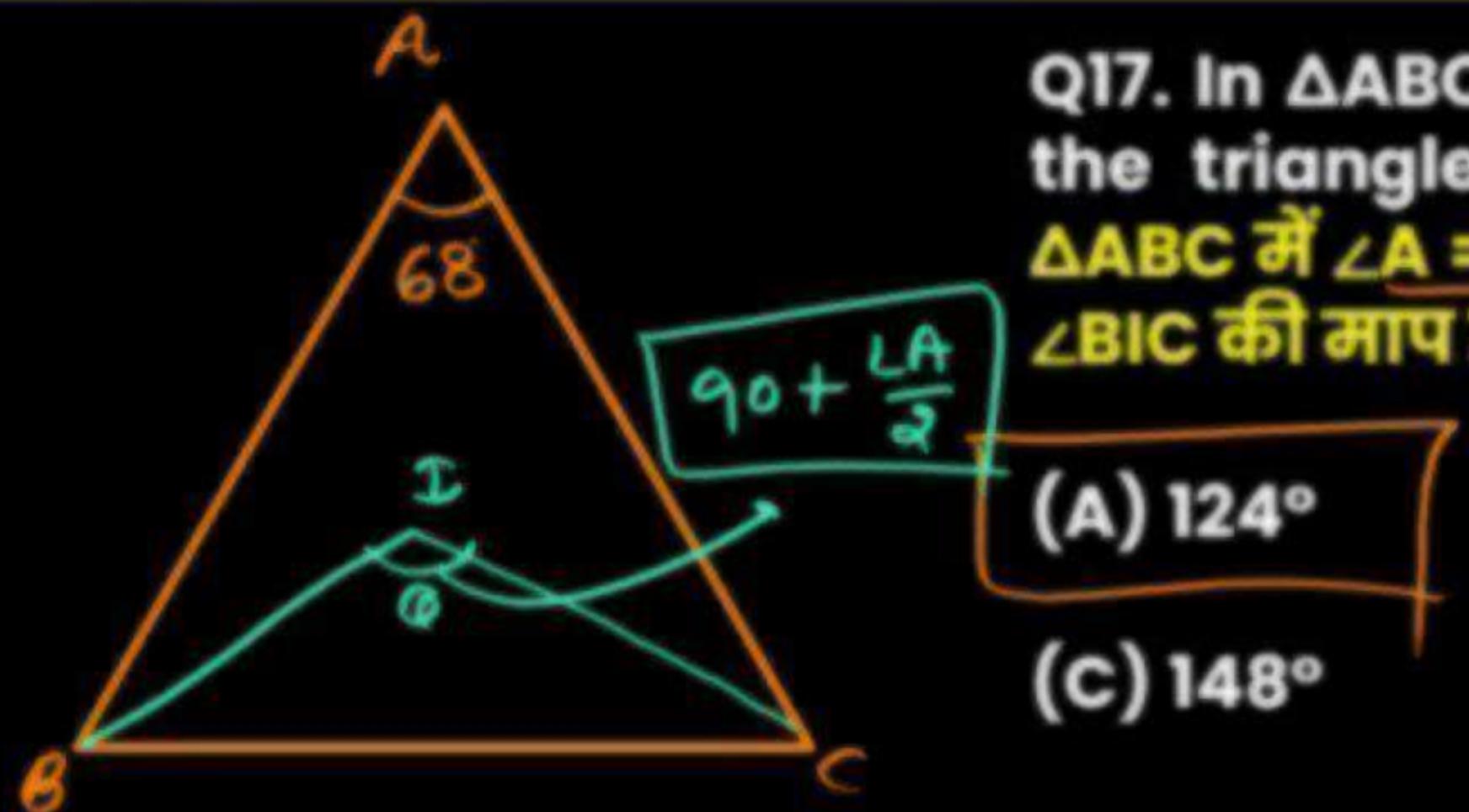
⑧



$$\frac{BD}{CD} = \frac{AR}{AC}$$

8





Q17. In  $\triangle ABC$ ,  $\angle A = 68^\circ$ . If I is the incentre of the triangle, then the measure of  $\angle BIC$  is:

$\triangle ABC$  में  $\angle A = 68^\circ$  है। यदि I त्रिभुज का अंत केंद्र है, तो  $\angle BIC$  की माप ज्ञात करें।

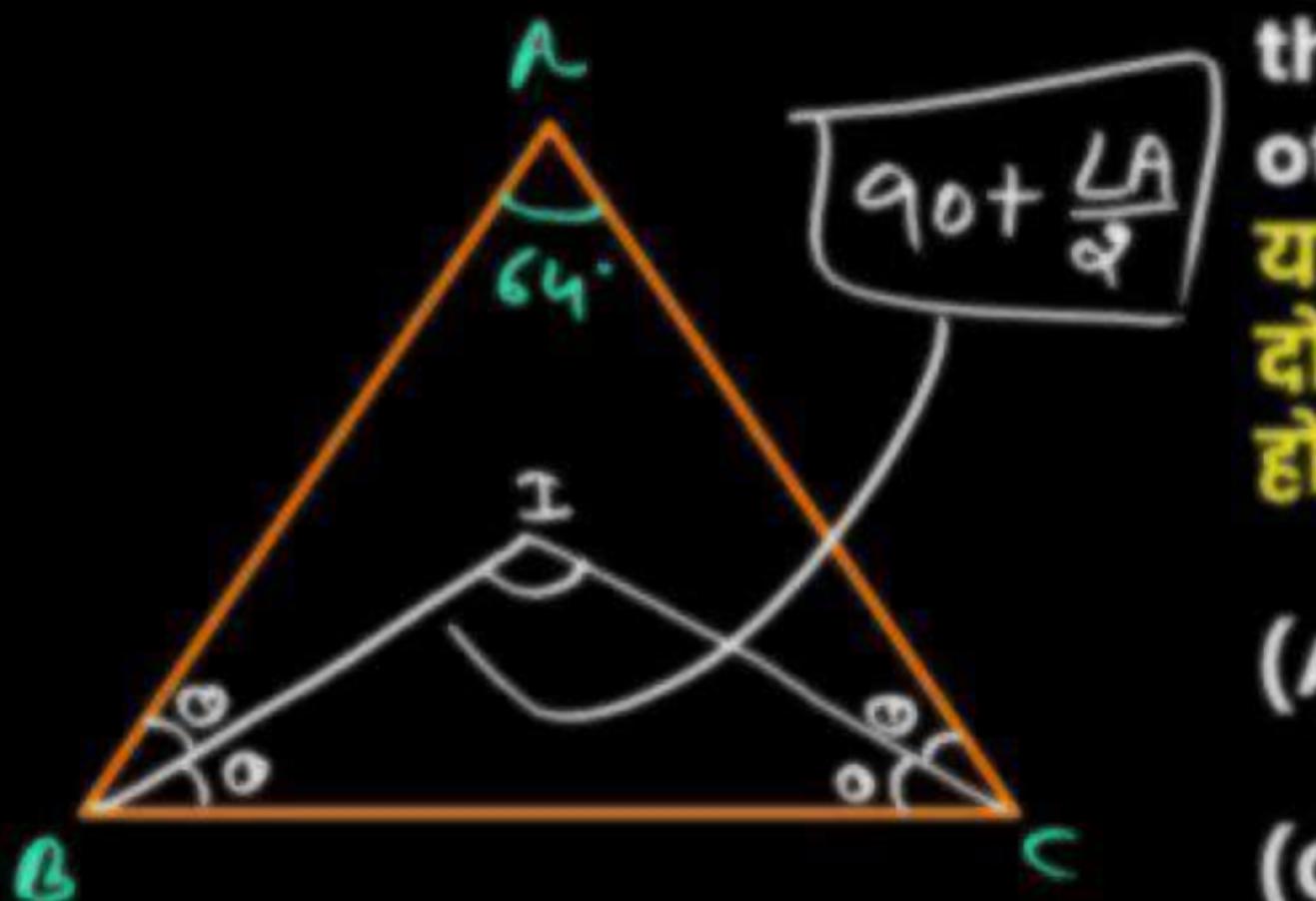
(A)  $124^\circ$

(C)  $148^\circ$

(B)  $68^\circ$

(D)  $54^\circ$

$$90 + 34 \Rightarrow 124^\circ \quad \text{Ans}$$



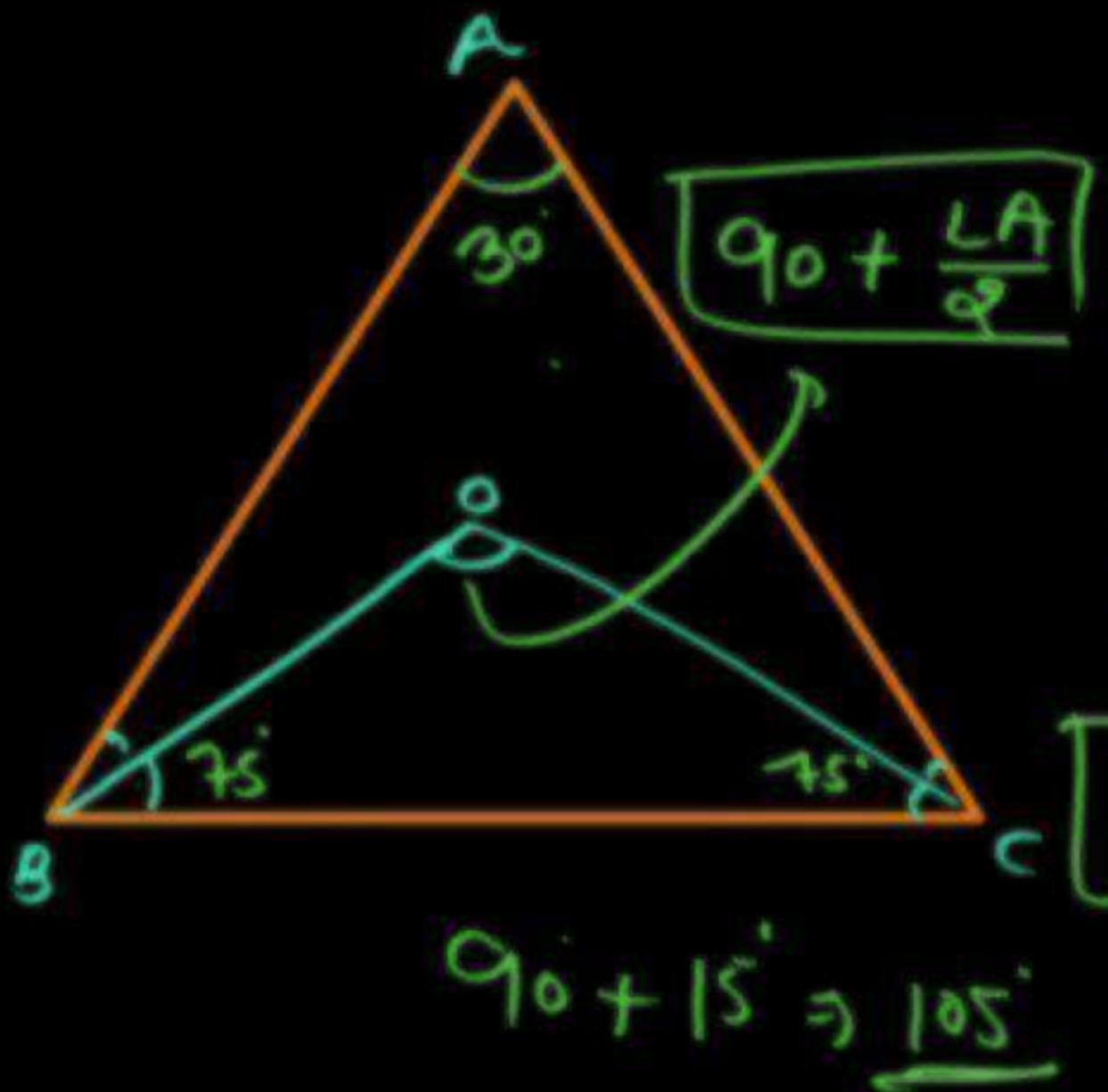
**Q18.** If one of the angle of a triangle is  $64^\circ$ , then the angle between the bisectors of the other two interior angles is:

यदि किसी त्रिभुज के कोणों में से एक  $64^\circ$  है, तो अन्य दो आंतरिक कोणों के समद्विभाजक के बीच का कोण होगा:

- (A)  $100^\circ$
- (C)  $96^\circ$

- (B)  $122^\circ$
- (D)  $112^\circ$

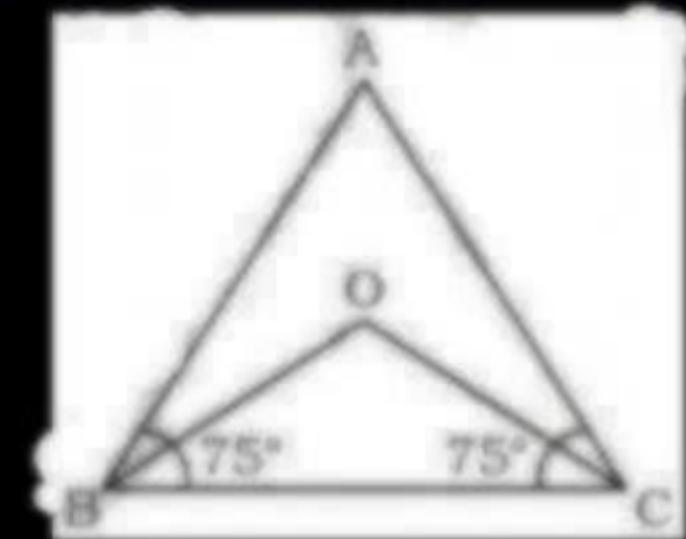
$$90 + 32^\circ \Rightarrow \underline{\underline{122^\circ}}$$

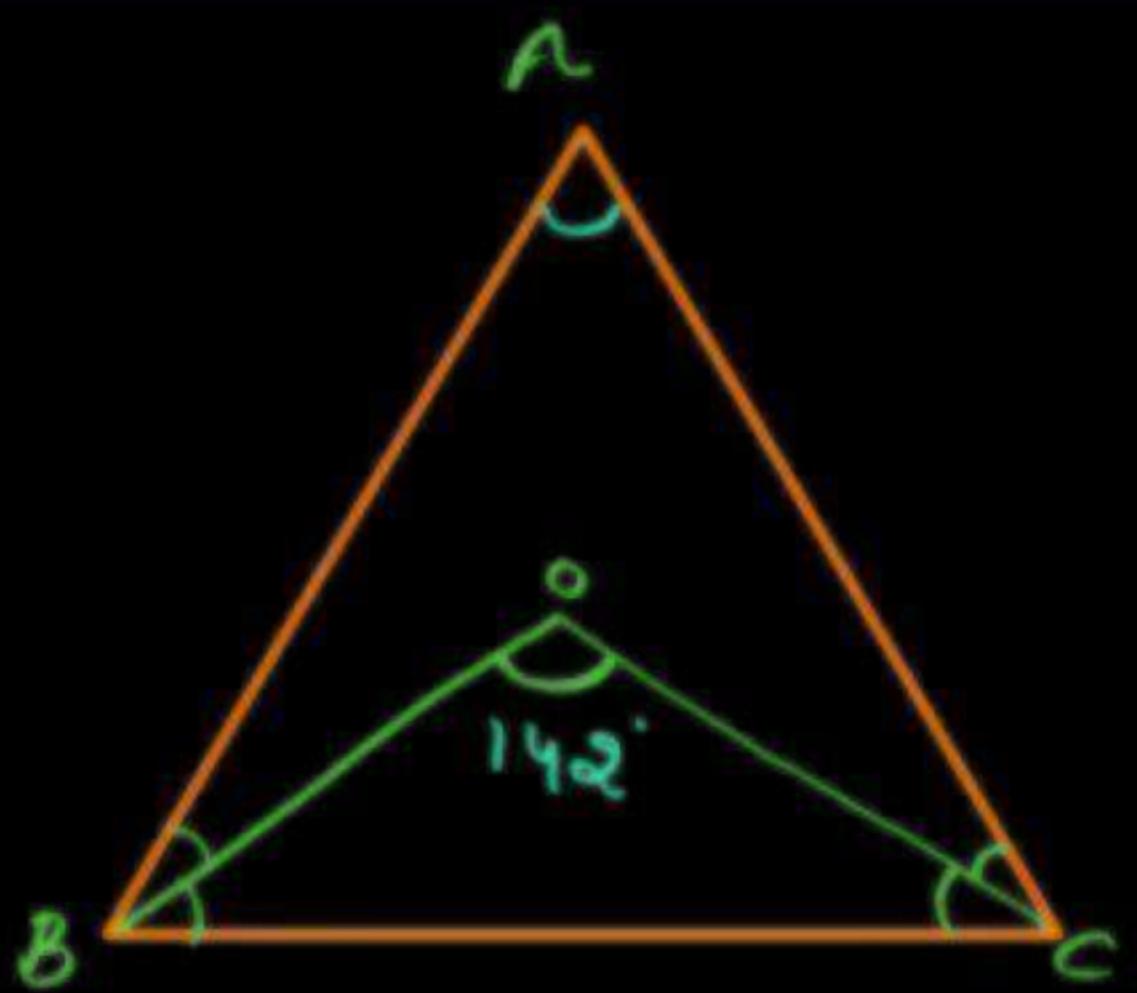


Q19. In the given figure, the angle bisectors of B and C of an isosceles triangle intersect at point O. Find the angle BOC (in degree), when  $\angle ABC = \angle ACB = 75^\circ$

दी गयी आकृति में, समद्विबाहु त्रिभुज के कोण B और C के समद्विभाजक ● बिन्दु पर मिलते हैं। कोण BOC का मान (डिग्री में) ज्ञात करें, जब  $\angle ABC = \angle ACB = 75^\circ$  है?

- (A) 105
- (B) 147.5
- (C) 160
- (D) 170





Q20. In a  $\triangle ABC$ , the bisectors of  $\angle B$  and  $C$  meet at O. If  $\angle BOC = 142^\circ$  then the measure of  $\angle A$  is:

$\triangle ABC$  में  $\angle B$  और  $C$  के समद्विभाजक विन्दु पर मिलते हैं। यदि  $\angle BOC = 142^\circ$  हैं तो  $\angle A$  का मान जात करें।

- (A)  $52^\circ$
- (B)  $68^\circ$
- (C)  $116^\circ$
- (D)  $104^\circ$

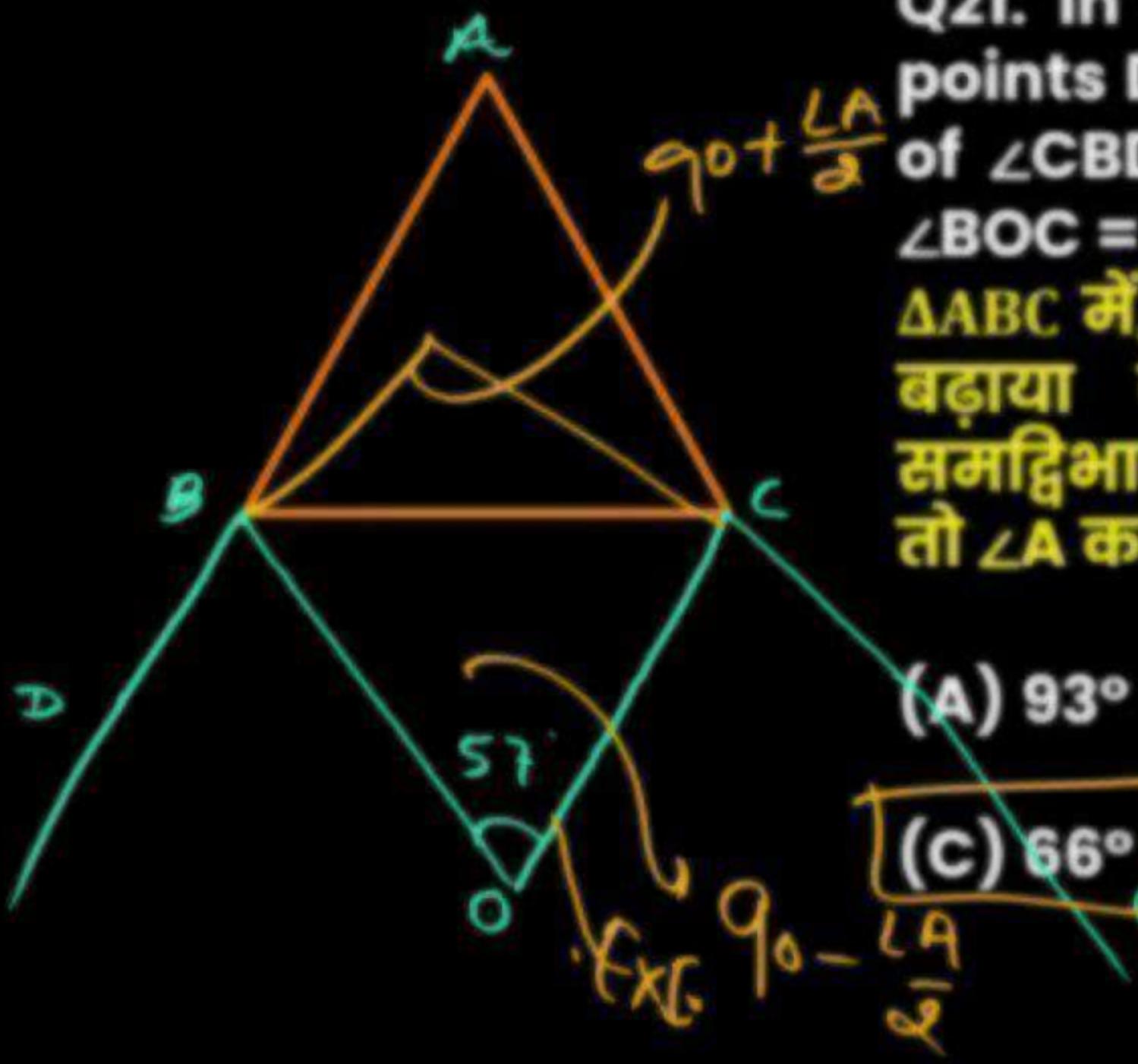
$$\angle BOC = 90 + \frac{\angle A}{2}$$

$$142^\circ = 90 + \frac{\angle A}{2}$$

$$52 = \frac{\angle A}{2}$$

$$\angle A = 104^\circ$$

J-



Q21. In  $\triangle ABC$ ,  $AB$  and  $AC$  are produced to points  $D$  and  $E$ , respectively. If the bisectors of  $\angle CBD$  and  $\angle BCE$  meet at the point  $O$  and  $\angle BOC = 57^\circ$ , then  $\angle A$  is equal to:

$\triangle ABC$  में,  $AB$  और  $AC$  को क्रमशः बिंदु  $D$  और  $E$  तक बढ़ाया जाता है। यदि  $\angle CBD$  और  $\angle BCE$  के समद्विभाजक बिंदु पर मिलते हैं, और  $\angle BOC = 57^\circ$  है, तो  $\angle A$  का मान ज्ञात करें।

- (A)  $93^\circ$       (B)  $57^\circ$

$$57 = 90 - \frac{LA}{2}$$

$$\frac{LA}{2} = 33$$

$$LA = 66$$



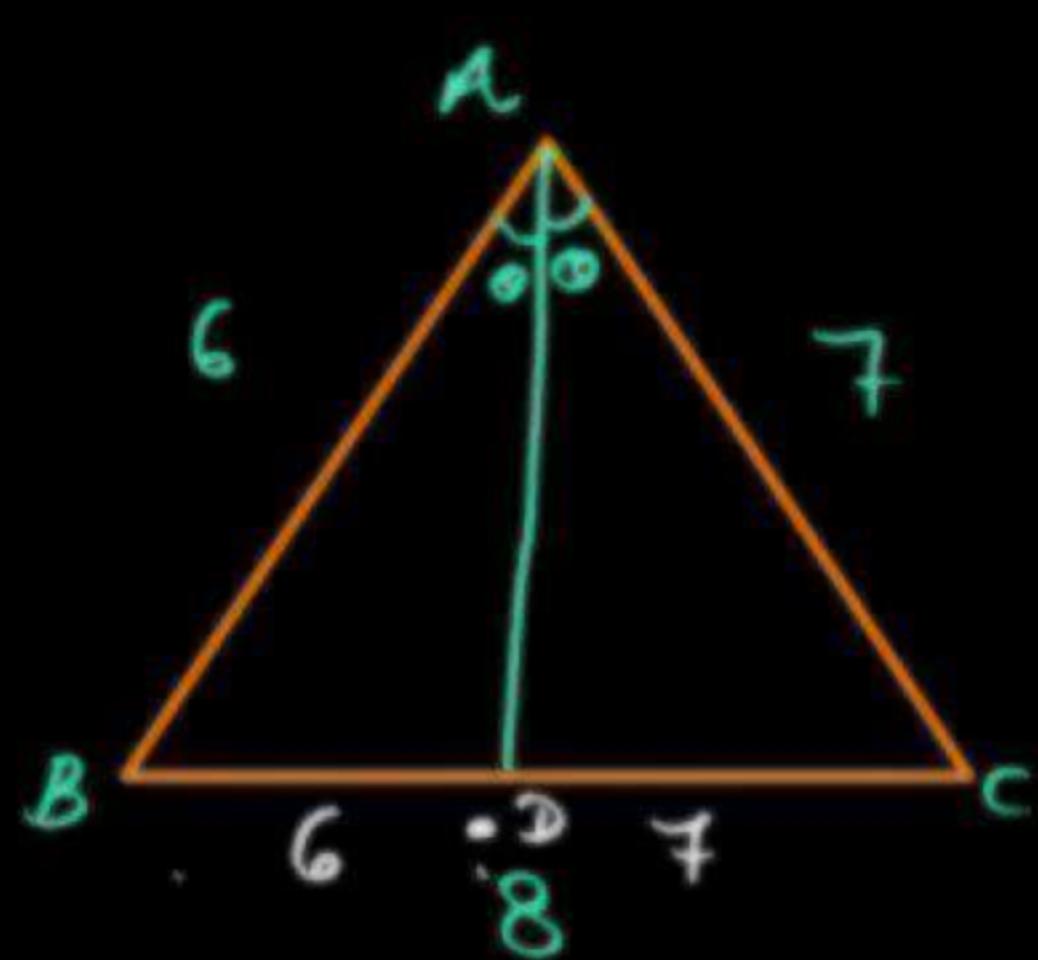
Q22. In  $\triangle PQR$ , PS is the internal bisector of  $\angle P$  meeting QR at S,  $PQ = 16$  cm,  $PR = 22.4$  cm and  $QR = 9.6$  cm. The length of SR (in cm) is:  
 $\triangle PQR$  में, PS, S पर QR से मिलने वाला  $\angle P$  का आंतरिक द्विभाजक है,  $PQ = 16$  cm,  $PR = 22.4$  cm और  $QR = 9.6$  cm है। SR की लंबाई (cm में) ज्ञात कीजिए।

(A) 5.6

(B) 4.4

(C) 4

(D) 6



$$BD = \frac{8}{13} \times 6$$

- (A)  $\frac{24}{5}$
- (B)  $\frac{21}{5}$
- (C)  $\frac{48}{13}$**
- (D)  $\frac{56}{13}$

Q23. In  $\triangle ABC$  with sides 6 cm, 7cm and 8cm, the angle bisector of the largest angle divides the opposite side into two segments. What is the length of the shorter segment?

$\triangle ABC$  की भुजाएं 6 सेमी., 7 सेमी., और 8 सेमी. है। सबसे बड़े कोण का समद्विभाजक सामने वाली भुजा को दो छंडों में विभाजित करता है। छोटे छंड का लंबाई कितनी है?



Q24. In a triangle ABC, D is a point on BC such that  $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC}$ . If  $\angle B = 68^\circ$  and  $\angle C = 52^\circ$ , then measure of  $\angle BAD$  is equal to:

त्रिभुज ABC में D टेका BC एक ऐसा विन्दु है कि  $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC}$ . यदि  $\angle B = 68^\circ$  और  $\angle C = 52^\circ$  तो  $\angle BAD$  का मान कितना होगा?

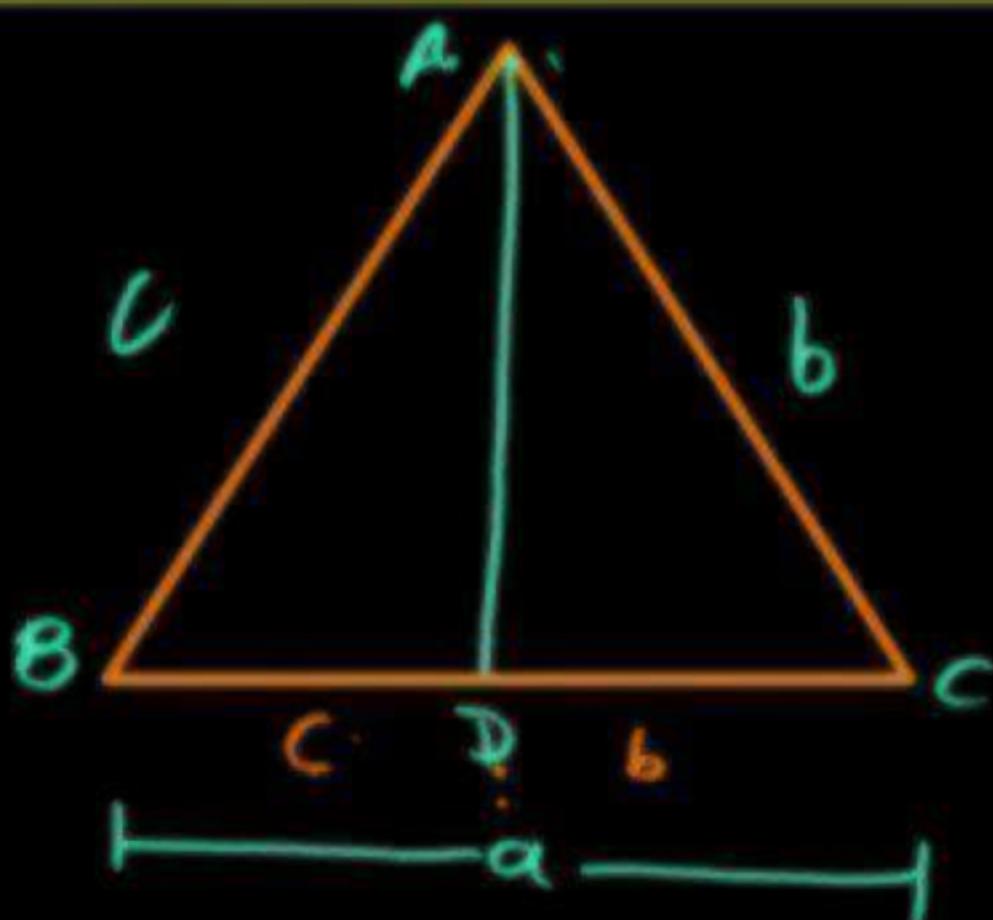
(A)  $60^\circ$

(C)  $50^\circ$

$$\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC}$$

(B)  $30^\circ$

(D)  $40^\circ$



Q25. In  $\triangle ABC$ ,  $AD$  the bisector of  $\angle A$ , meets  $BC$  at  $D$ . If  $BC = a$ ,  $AC = b$  and  $AB = c$ , then  $BD - DC =$

$\triangle ABC$  में,  $\angle A$  का समद्विभाजक  $AD$  है जो  $BC$  को  $D$  पर मिलता है। यदि  $BC = a$ ,  $AC = b$  और  $AB = c$  है, तो  $BD - DC$  निम्नलिखित में से किसके बराबर होगा ?

(A)  $\frac{ac}{b+c}$

(B)  $\frac{a(c+b)}{c-b}$

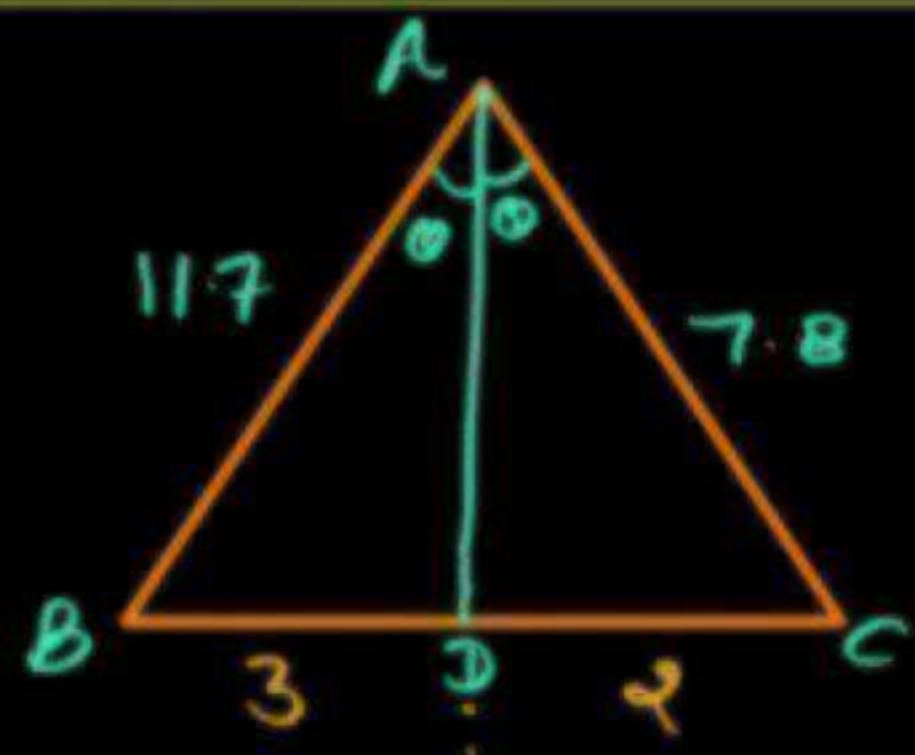
$$BD = \frac{a}{c+b} \times c$$

$\frac{a(c-b)}{c+b}$

$$DC = \frac{a}{c+b} \times b$$

(C)  $\frac{a(c-b)}{c+b}$

(D)  $\frac{ab}{b+c}$



$\rightarrow 13 \rightarrow$

$$DC = \frac{13}{5} \times 2 \Rightarrow \underline{\underline{DC}}$$

(C) 5.2

$11.7 : 7.8$

$3 : 2$

Q26. In  $\triangle ABC$ , D is a point on BC such that AD is the bisector of  $\angle A$ ,  $AB = 11.7$  cm,  $AC = 7.8$  cm and  $BC = 13$  cm. What is the length (in cm) of DC?

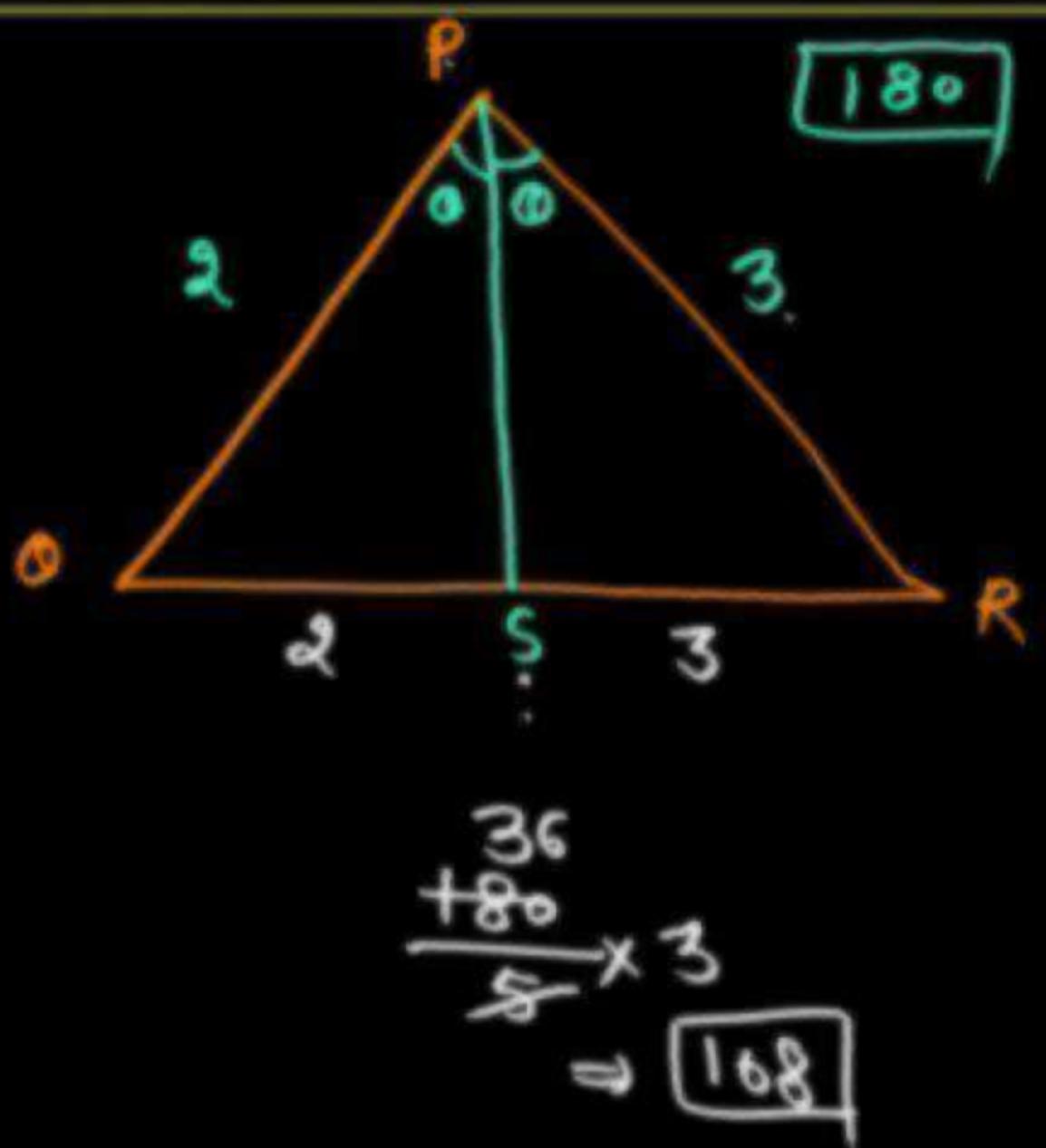
$\triangle ABC$  में D, BC पर एक ऐसा बिंदु है कि AD,  $\angle A$  का समद्विभाजक है,  $AB = 11.7$  सेमी,  $AC = 7.8$  सेमी और  $BC = 13$  सेमी है, तो DC की लंबाई (सेमी में) क्या है?

(A) 5.6

(B) 7.8

(C) 5.2

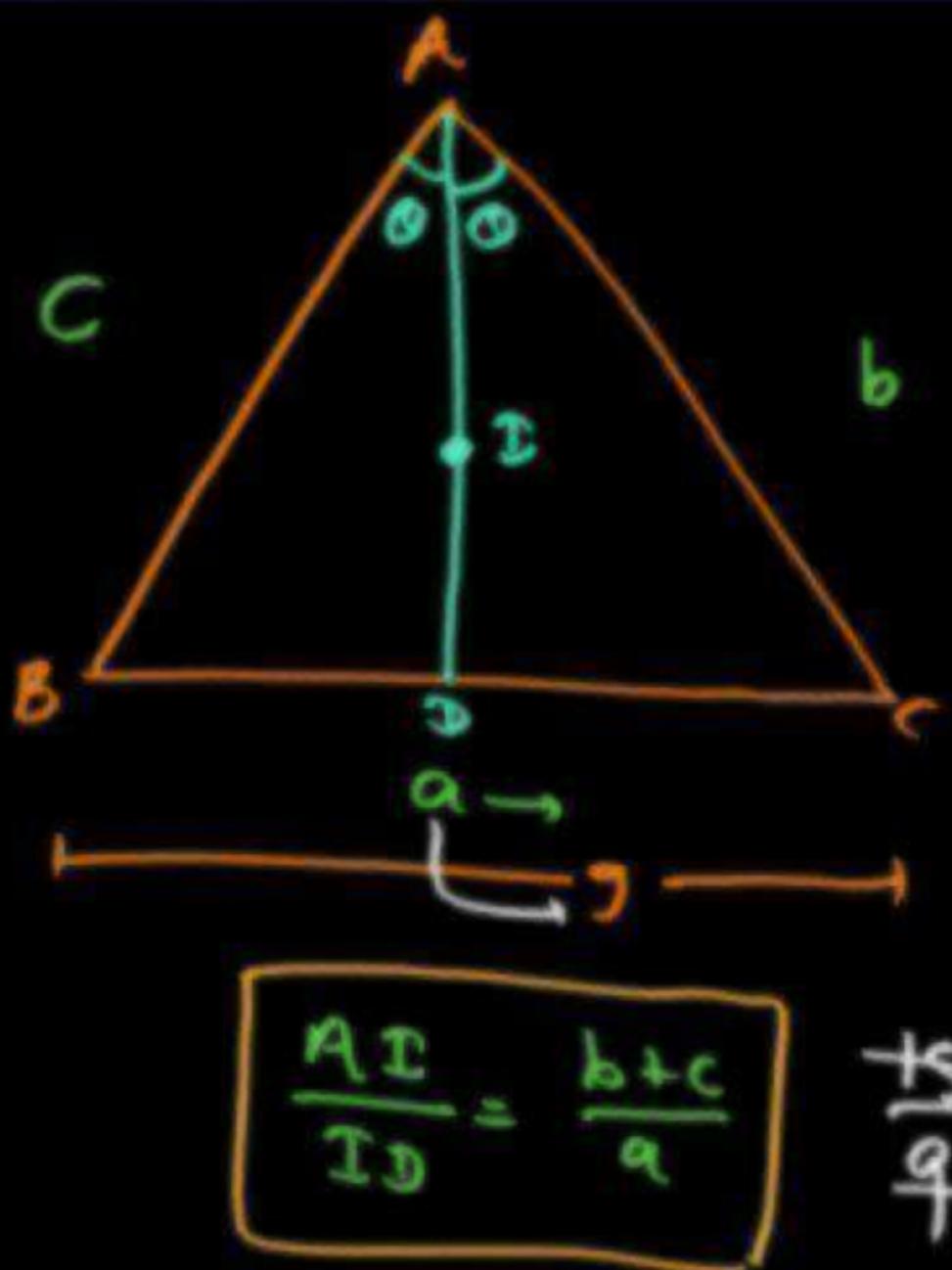
(D) 6.5



Q27. PQR is a triangle, whose area is 180 cm<sup>2</sup>. S is a point on side QR, such that PS is the angle bisector of  $\angle QPR$ . If  $PQ : PR = 2 : 3$ , then what is the area (in cm<sup>2</sup>) triangle PSR?

PQR एक त्रिभुज है, जिसका क्षेत्रफल 180 सेमी<sup>2</sup> है। S, भुजा QR पर एक बिन्दु इस प्रकार है कि PS,  $\angle QPR$  पर कोण द्विभाजक है। यदि  $PQ : PR = 2 : 3$  है, तो त्रिभुज PSR का क्षेत्रफल (सेमी.) में क्या है?

- (A) 90
- (B) 108
- (C) 144
- (D) 72



Q28. The perimeter of  $\triangle ABC$  is 24 cm and its side,  $BC = 9$  cm.  $AD$  is the bisector of  $\angle BAC$  while  $I$  is the incentre.  $AI : ID$  is equal to -

$\triangle ABC$  की परिमिति 24 सेमी है और उसकी भुजा  $BC = 9$  सेमी है।  $\angle BAC$  का समद्विभाजक  $AD$  है, जबकि  $I$  अंतःकेन्द्र है।  $AI : ID$  बराबर है-

(A) 7:5

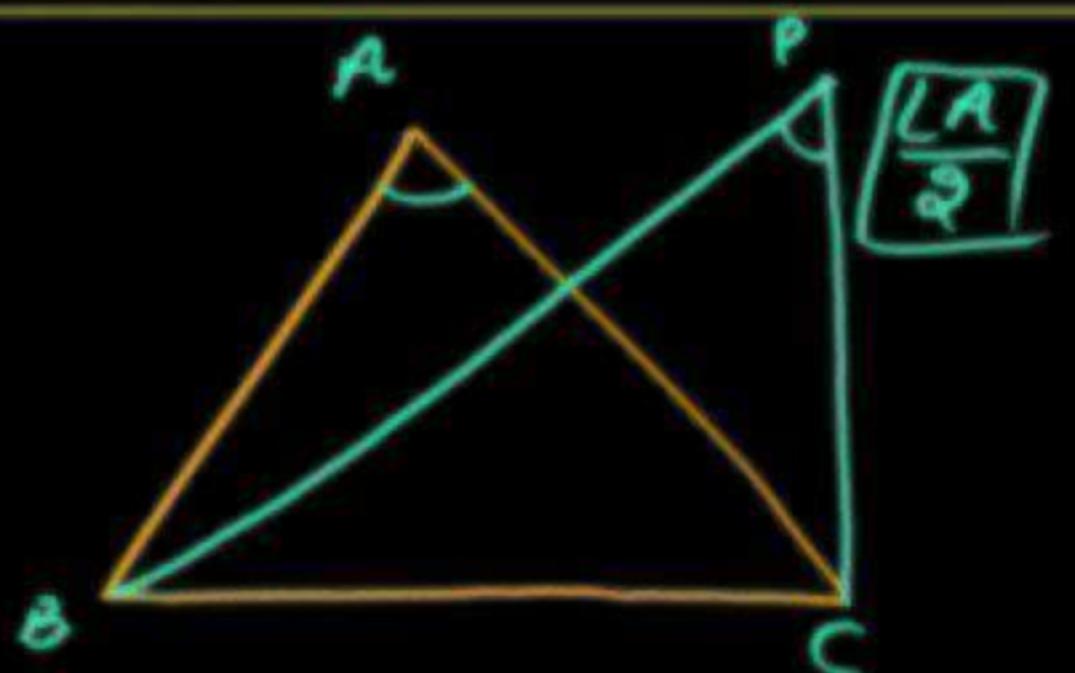
$$\begin{aligned} a+b+c &= 24 \\ \downarrow & \\ b+c &= 15 \end{aligned}$$

(B) 5:2

(D) 5:3

(C) 3:2

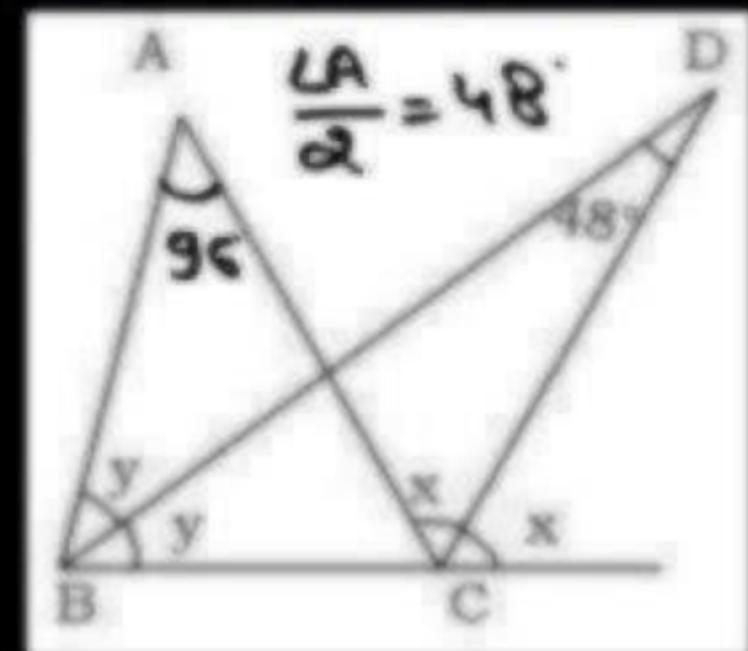
$$\frac{5}{3}$$



Q29. In the given figure, ABC is a triangle. The bisectors of internal  $\angle B$  and external  $\angle C$  intersect at D. If  $\angle BDC = 48^\circ$ , then what is the value (in degrees) of  $\angle A$ ?

दी गई आकृति में, ABC एक त्रिभुज है।  $\angle B$  का अन्तर्टिक तथा  $\angle C$  का बाह्य द्विभाजक बिंदु D पर प्रतिच्छेद करते हैं। यदि  $\angle BDC = 48^\circ$  है, तो  $\angle A$  का मान (डिग्री में) क्या है?

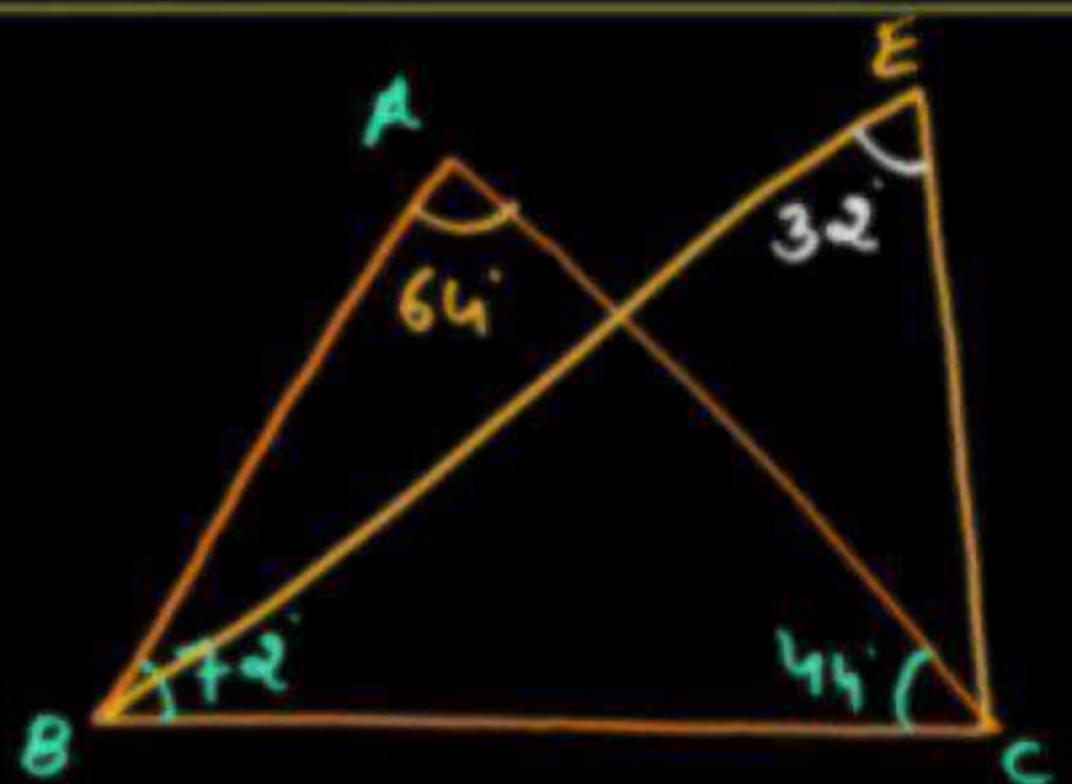
- (A) 48
- (B) 96**
- (C) 100
- (D) 114



Q30. In a triangle ABC, AB: AC = 5: 2. BC = 9 cm. BA is produced to D, and the bisector of the Angle CAD meets BC produced at E. What is the length (in cm) of CE?

त्रिभुज ABC में  $AB : AC = 5: 2$ ,  $BC = 9 \text{ cm}$  हैं। BA को D तक बढ़ाया जाता है और कोण CAD का समद्विभाजक बढ़ाई गई BC से E पर मिलता है। CE की लंबाई (cm में) ज्ञात करें।

- (A) 6
- (B) 9
- (C) 10
- (D) 3



Q31. In  $\triangle ABC$ ,  $\angle B = 72^\circ$  and  $\angle C = 44^\circ$ . Side BC is produced to D. The bisectors of  $\angle B$  and  $\angle ACD$  meet at E. What is the measure of  $\angle BEC$ ?

$\triangle ABC$  में,  $\angle B = 72^\circ$  और  $\angle C = 44^\circ$  है। भुजा BC, बिन्दु D तक बढ़ाई जाती है।  $\angle B$  और  $\angle ACD$  के द्विभाजक बिन्दु E पर मिलते हैं।  $\angle BEC$  की माप क्या है?

$$E = \frac{\angle A}{2} = \frac{64}{2}$$

- (A)  $58^\circ$  (B)  $46^\circ$
- (C)  $32^\circ$  (D)  $36^\circ$

$$\frac{1}{r} = \frac{1}{h_1} + \frac{1}{h_2} + \frac{1}{h_3}$$

Q32. If the altitudes of a triangle be 3,4,6  
find its in radius.

यदि किसी त्रिभुज के लम्ब 3,4,6 हो तो उस त्रिभुज की  
अन्त वृत्त की त्रिज्या जात करो।

$$\frac{1}{r} = \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{6}$$

(A) 3/4

(B) 4/3

(C) 6/7

(D) 5/4

$$\frac{1}{r} = \frac{4+3+2}{12}$$

$$\frac{1}{r} = \frac{9}{12}$$

$$r = \frac{4}{3}$$

Q33. If the given figure point I is the incenter of  $\triangle ABC$  then find EC.

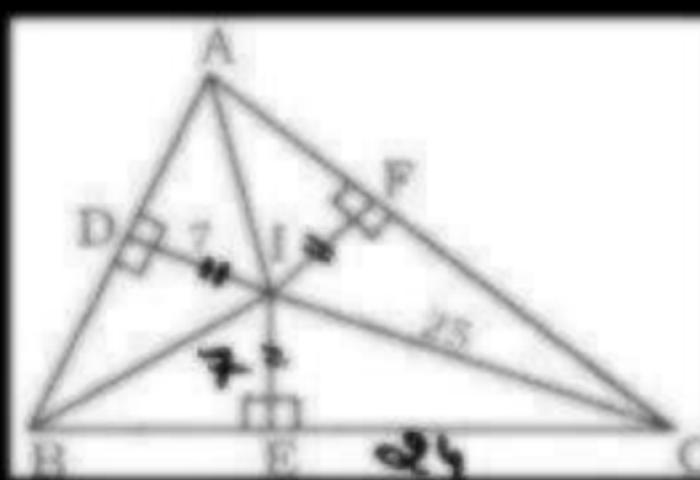
दिए गए चित्र में यदि I,  $\triangle ABC$  का अन्तः केंद्र है तो EC की लम्बाई ज्ञात कीजिए।

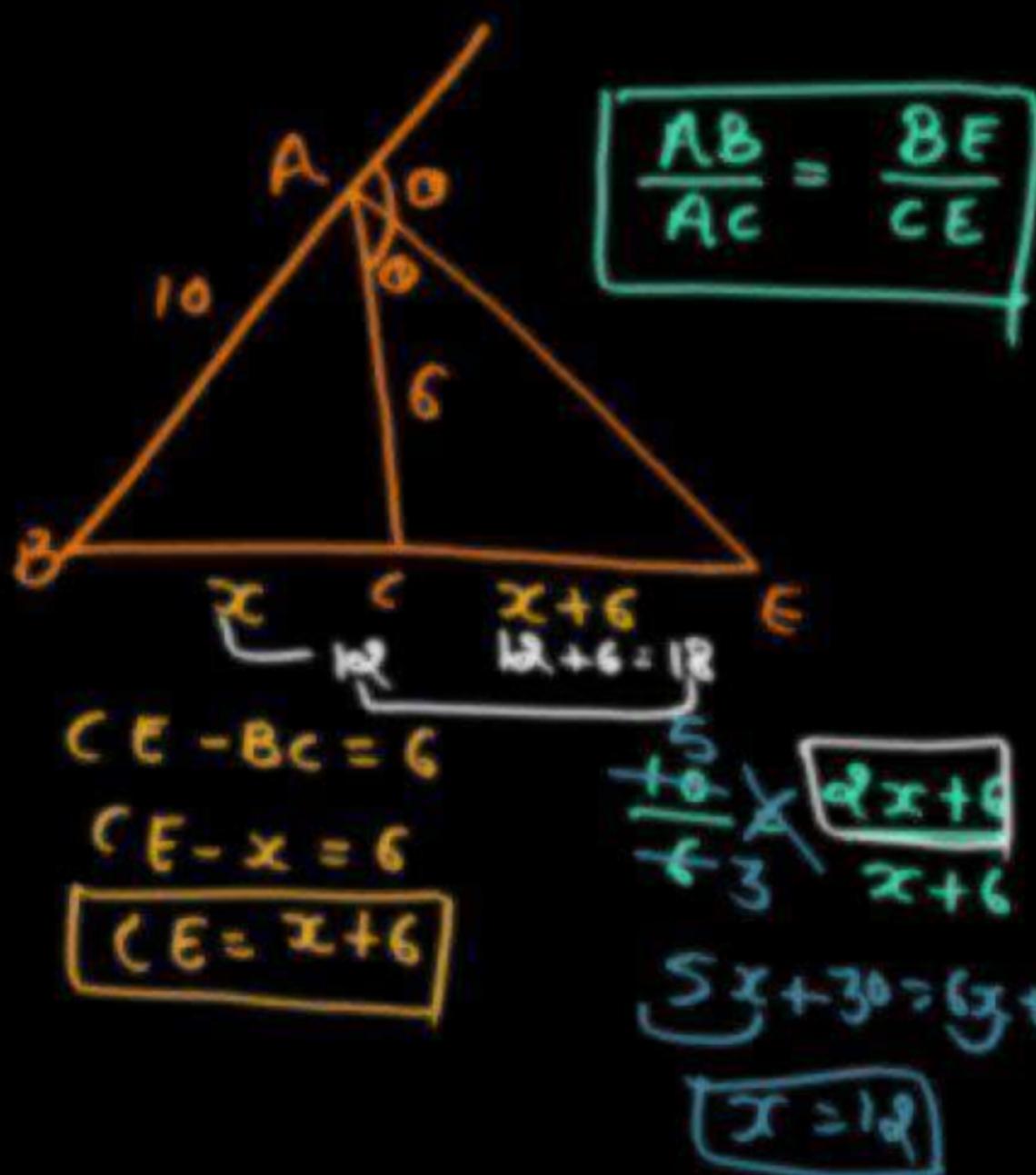
(A) 22

(B) 24

(C) 26

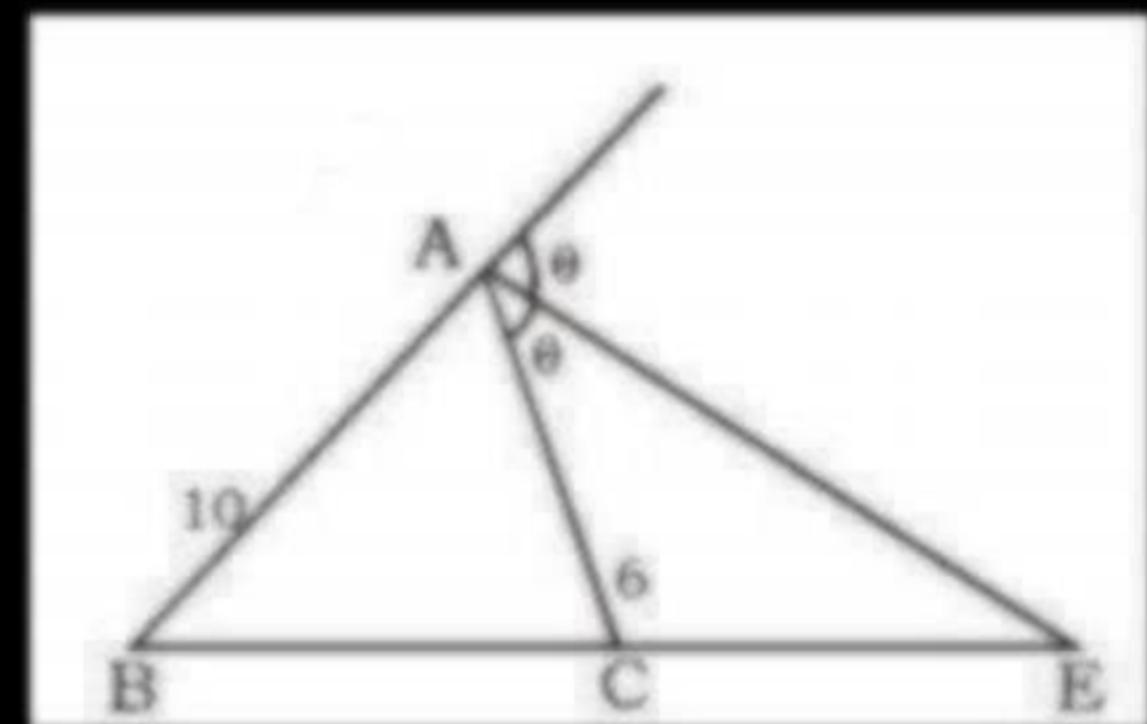
(D) 28

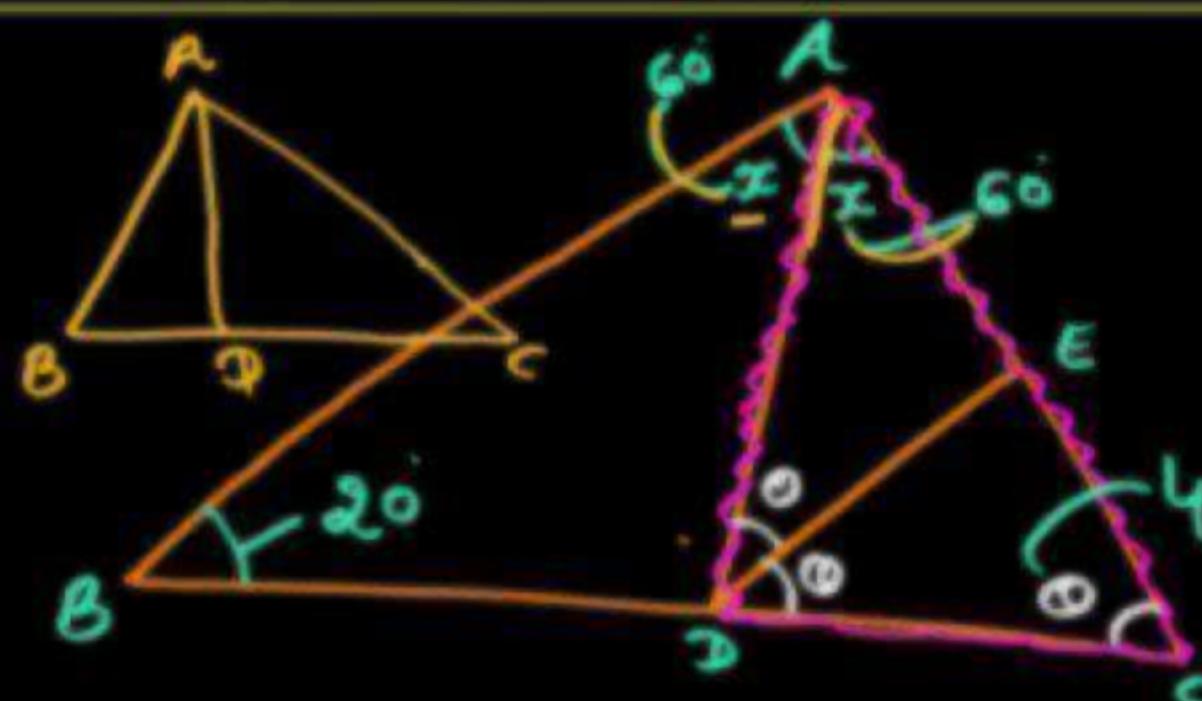




Q34. If the given figure  $CE - BC = 6$  then find the value of BE.

दिए गए चित्र में यदि  $CE - BC = 6$  है तो BE की लम्बाई ज्ञात कीजिए।





$$60 + \Theta + 20 = 180$$

$$\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC}$$

$$120 = 30$$

$$\Theta = 40^\circ$$

$$\frac{AD}{DC} = \frac{AE}{EC}$$

$$\frac{AD \times AB}{DC} = \frac{AE \times AC}{EC}$$

$$\frac{\cancel{AD} \times AB}{\cancel{DC}} = \frac{AE \times AC}{EC}$$

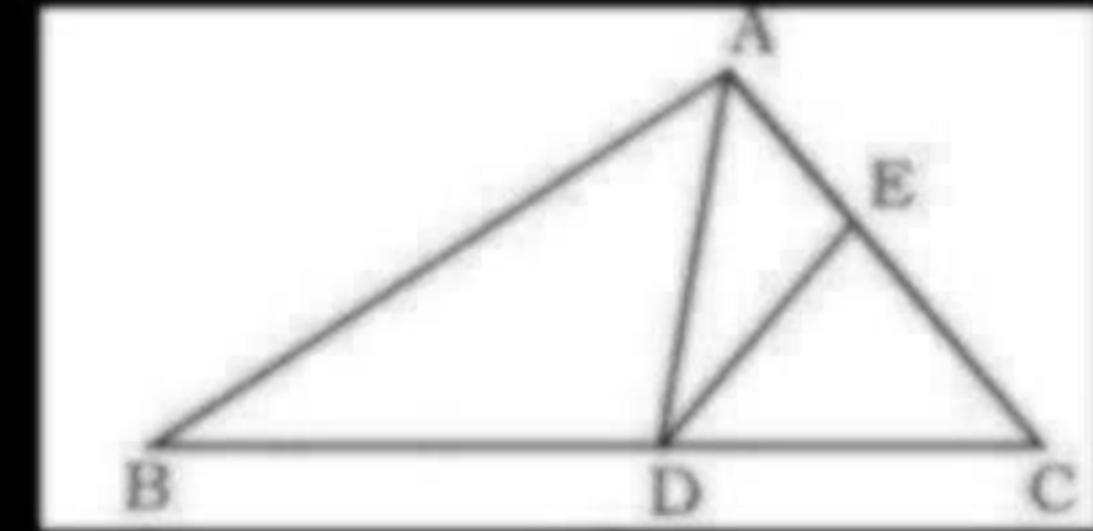
35. दिए गए चित्र में  $\angle BAC = 120^\circ$  और  $AD, \angle BAC$  का कोण समद्विभाजक है। यदि  $\frac{AD \cdot AB}{BD} = \frac{AE \times AC}{EC}$  और  $\angle EDC = \angle ECD$  है, तो  $\angle B$  का मान ज्ञात कीजिए।

(A) 40

**(B) 20**

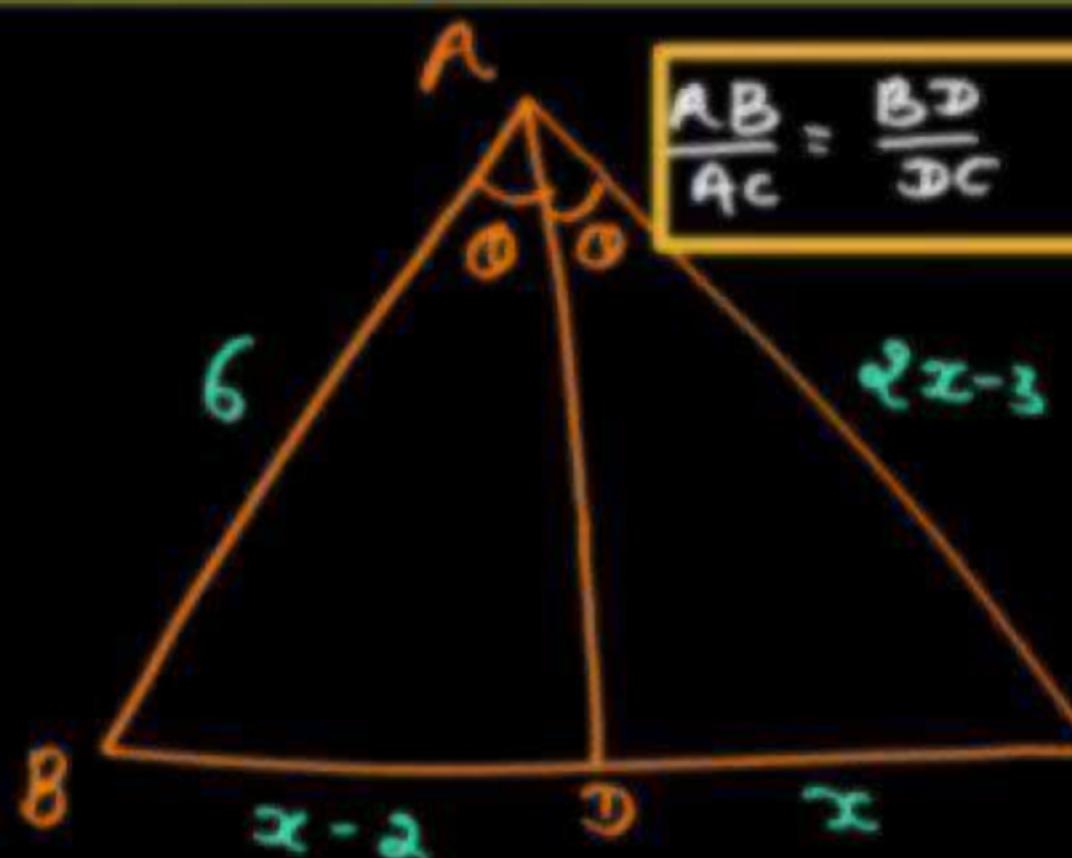
(C) 60

(D) 80



$$\frac{\cancel{AD} \times AB}{\cancel{DC}} = \frac{AE \times AC}{EC}$$

~~$$\frac{\cancel{AD} \times AB}{AC} = \frac{AE \times BD}{EC}$$~~



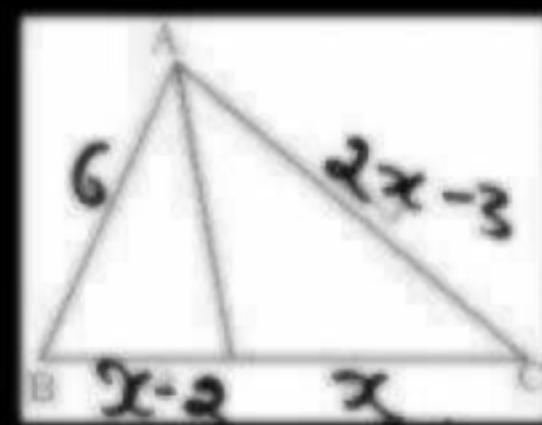
$$\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC}$$

36. If the following figure, AD bisects angle BAC. Find the length of BD.

निम्न आकृति में AD कोण BAC को समद्विभाजित करता है। BD की लम्बाई ज्ञात कीजिए।

- |                |   |             |
|----------------|---|-------------|
| <del>(A)</del> | 6 | $x - 2 = 6$ |
| <del>(B)</del> | 4 | $x = 8$     |
| <del>(C)</del> | 9 | $x - 2 = 4$ |
| <del>(D)</del> | 5 | $x = 6$     |

$$\frac{6}{2x-3} = \frac{x-2}{x} = \frac{6}{2x-3} = \frac{x-2}{x}$$



$$r = \frac{\Delta}{s} \rightarrow \frac{Area}{s \cdot P} \Rightarrow \frac{\frac{1}{2}ab\sin C}{s \cdot P}$$

$$\Delta = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$

$$s = \frac{a+b+c}{2}$$

$$\frac{13+14+15}{2}$$

$$s = \frac{42}{2} = 21$$

$$\frac{21 \times 8 \times 7 \times 6}{21}$$

$$\frac{21 \times 4 \times 2 \times 7 \times 2 \times 3}{21}$$

37. What is the inradius of the a triangle whose side are 13, 14, 15.

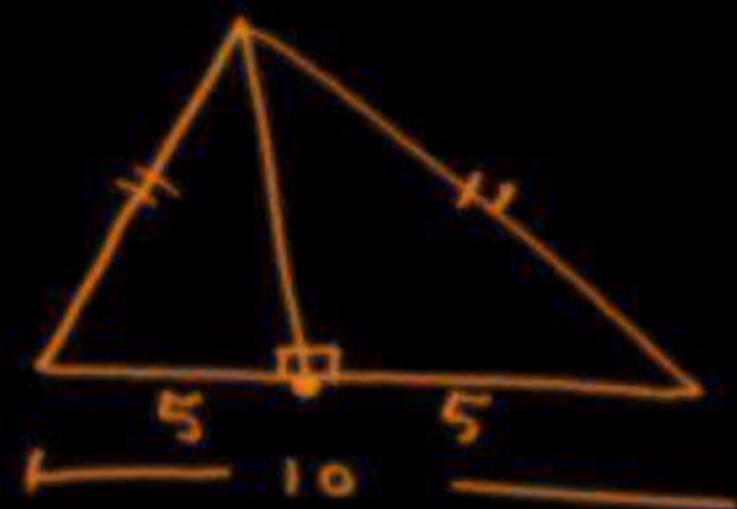
एक त्रिभुज की अंतः त्रिज्या जात करो, यदि उसकी तीनों भुजाएं क्रमशः 13, 14 और 15 हों।

(A) 5

(B) 4

(C) 3

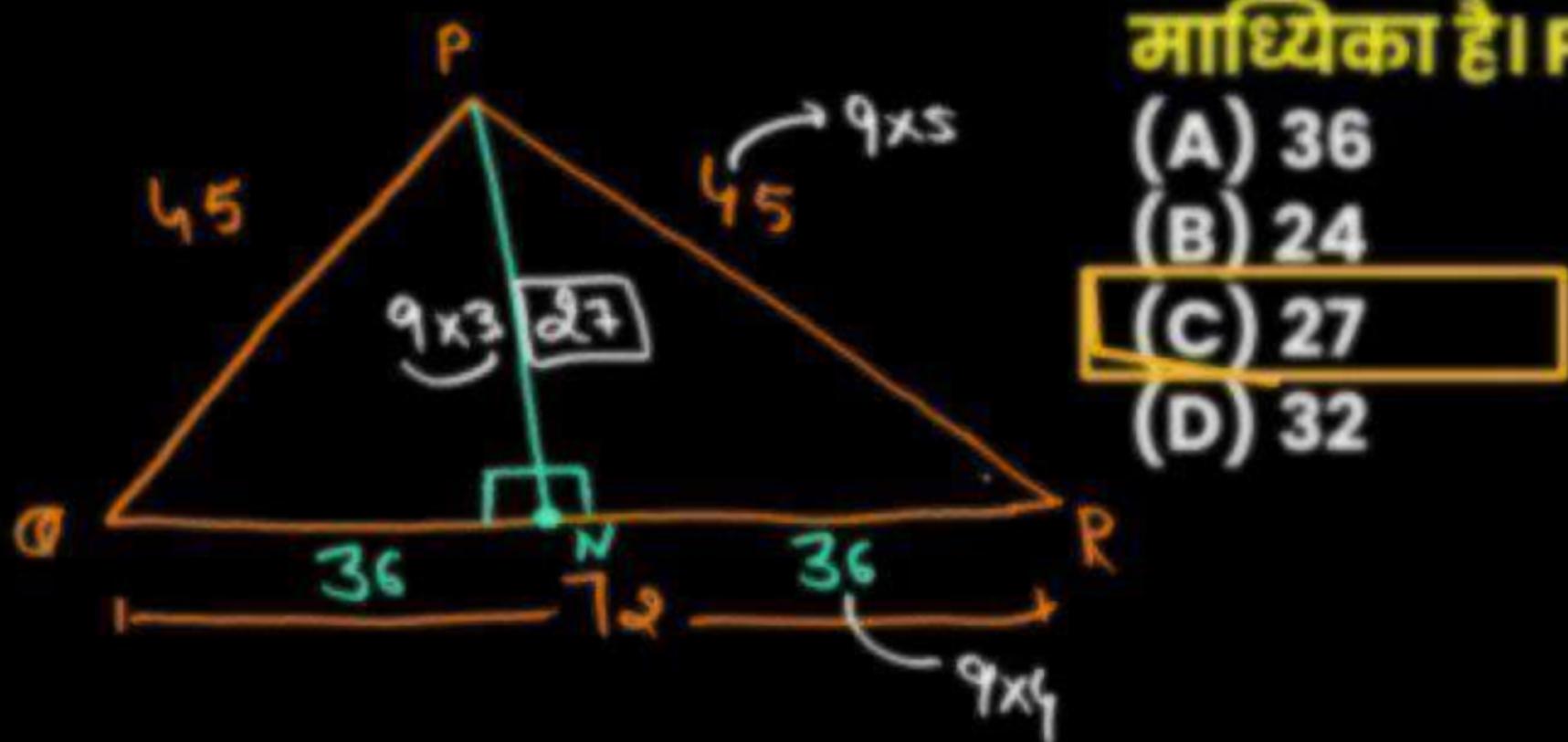
(D) 8

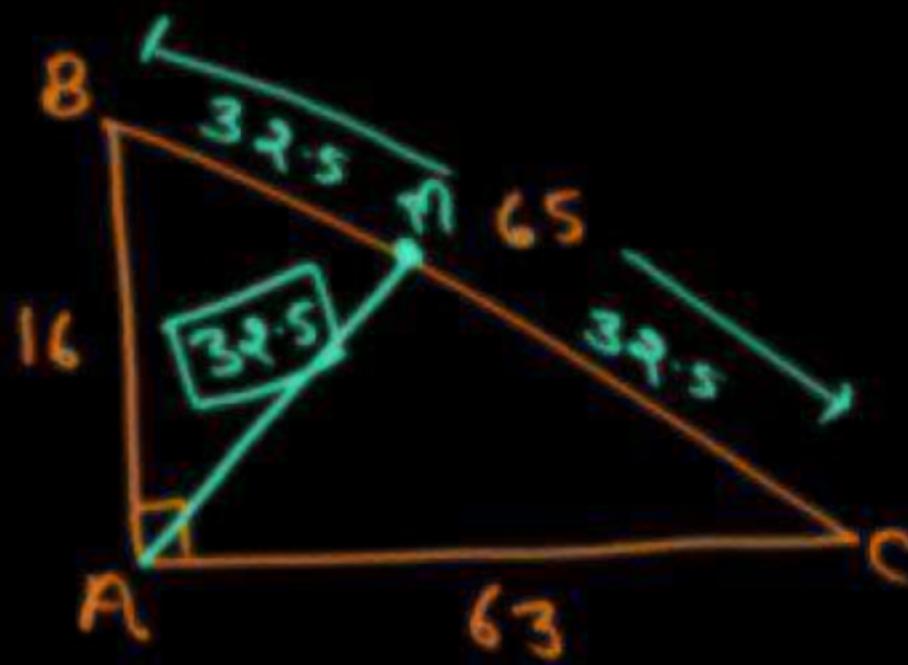
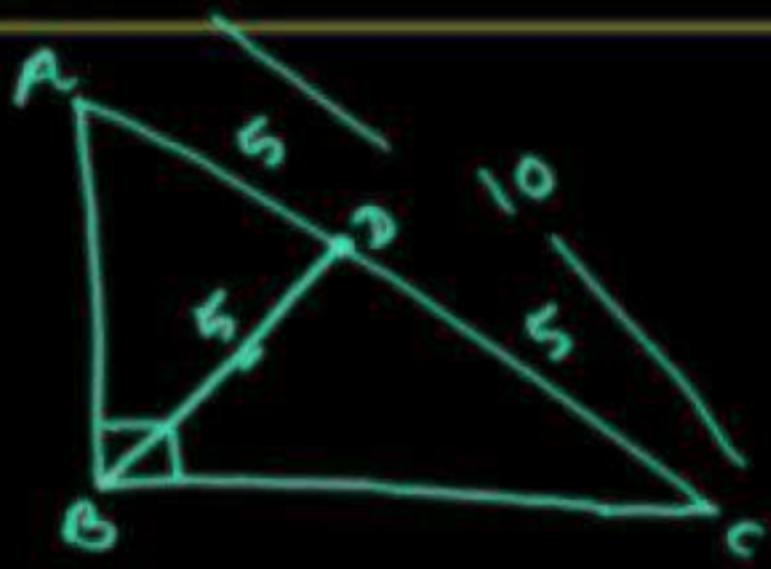


38. PQR is an isosceles triangle with sides  $PQ = PR = 45$  cm and  $QR = 72$  cm. PN is a median to base QR. What will be the length (in cm) of PN?

PQR समद्विबाहु त्रिभुज है जिसकी भुजाएँ  $PQ = PR = 45$  से.मी. तथा  $QR = 72$  से.मी. है। PN आधार QR की माध्यिका है। PN का लम्बाई (से.मी. में) क्या होगी ?

- (A) 36
- (B) 24
- (C) 27
- (D) 32





39. In a  $\triangle ABC$ , the sides are  $AB = 16 \text{ cm}$ ,  $AC = 63 \text{ cm}$ ,  $BC = 65 \text{ cm}$ . From A, a straight line AM is drawn up to the midpoint M of side BC. Then the length of AM is equal to :

$\triangle ABC$  की भुजाएं  $AB = 16 \text{ cm}$ ,  $AC = 63 \text{ cm}$ ,  $BC = 65 \text{ cm}$  है। A से भुजा  $BC$  के मध्य विंदु M तक एक सरल रेखा AM खींची जाती है। AM की लम्बाई बतावट है:

- (A) 32.5 cm
- (B) 24.5 cm
- (C) 23.5 cm
- (D) 31.5 cm

$$16^2 + 63^2 = 65^2$$

$$7^2 + 24^2 = 25^2$$

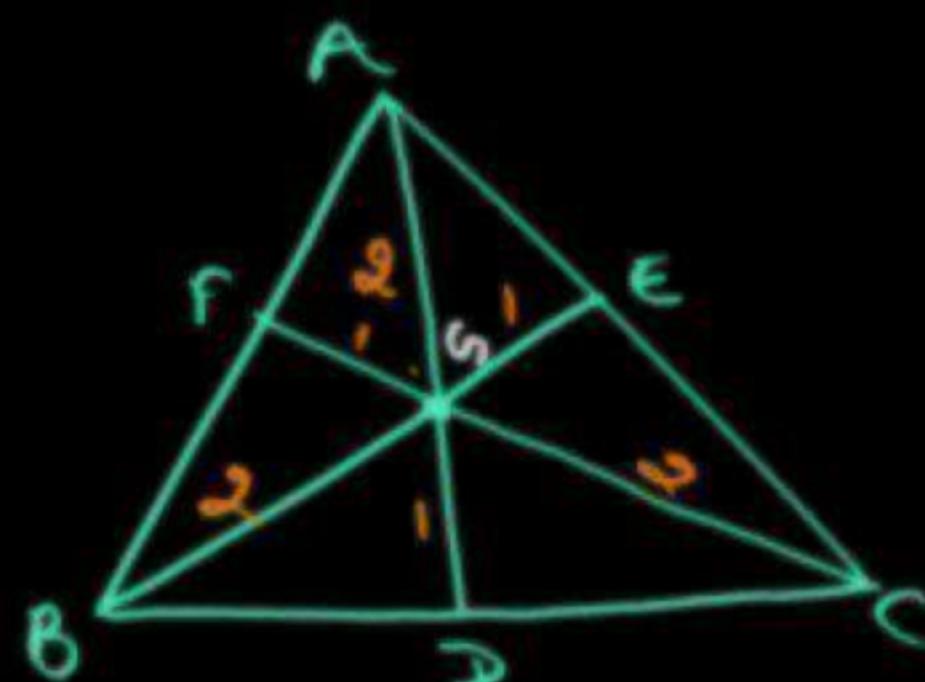


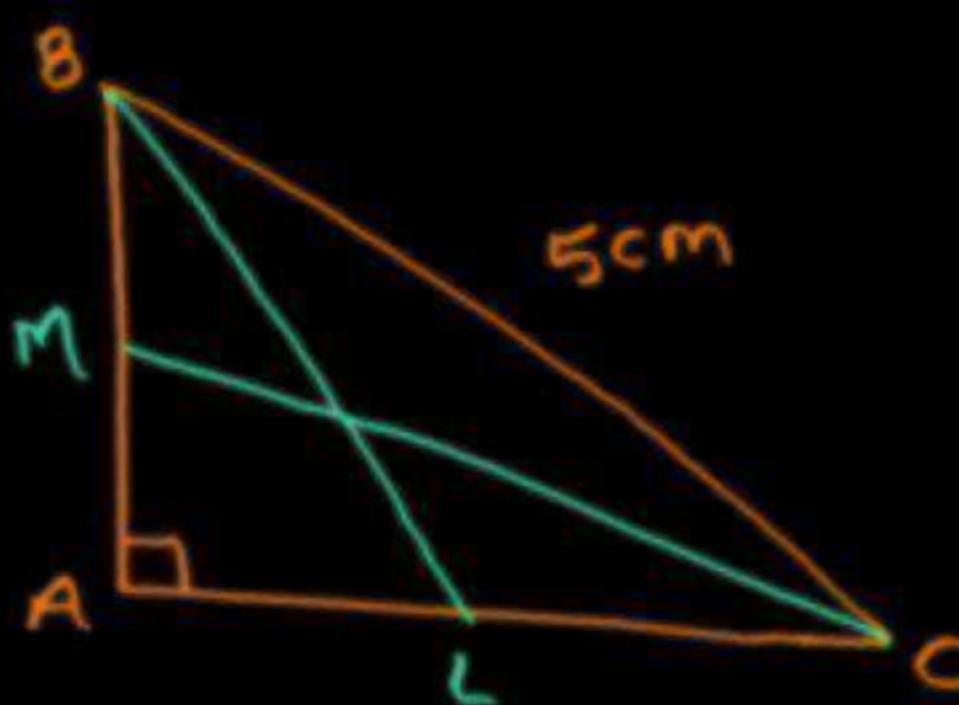
$$\frac{125}{3} \times 2 \Rightarrow \frac{25}{3} \Rightarrow 8\frac{1}{3}$$

40. G is the centroid of the triangle ABC, where AB, BC and CA are 7 cm, 24 cm and 25 cm respectively, then BG is:

त्रिभुज ABC का केन्द्रक G है, उसकी भुजाएँ AB, BC और CA कमशः 7 cm, 24cm और 25 cm हैं। BG का मान है:

- (A)  $6\frac{1}{3}$  cm
- (B)  $8\frac{1}{3}$  cm
- (C)  $5\frac{1}{2}$  cm
- (D)  $4\frac{1}{6}$  cm





$$BL^2 + CM^2 = \frac{5}{4} BC^2$$

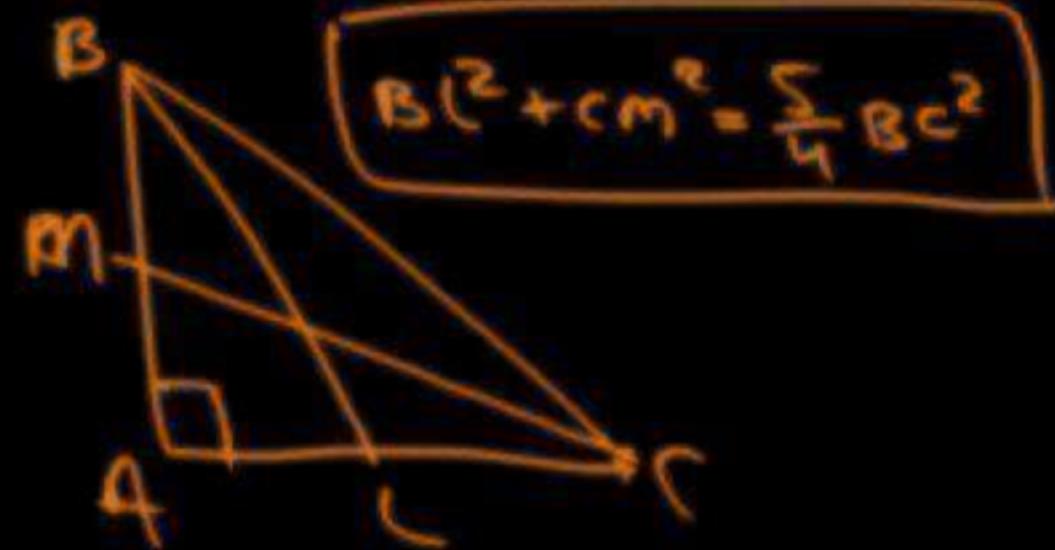
$$\frac{9 \times 5}{4} + CM^2 = \frac{5}{4} \times 25$$

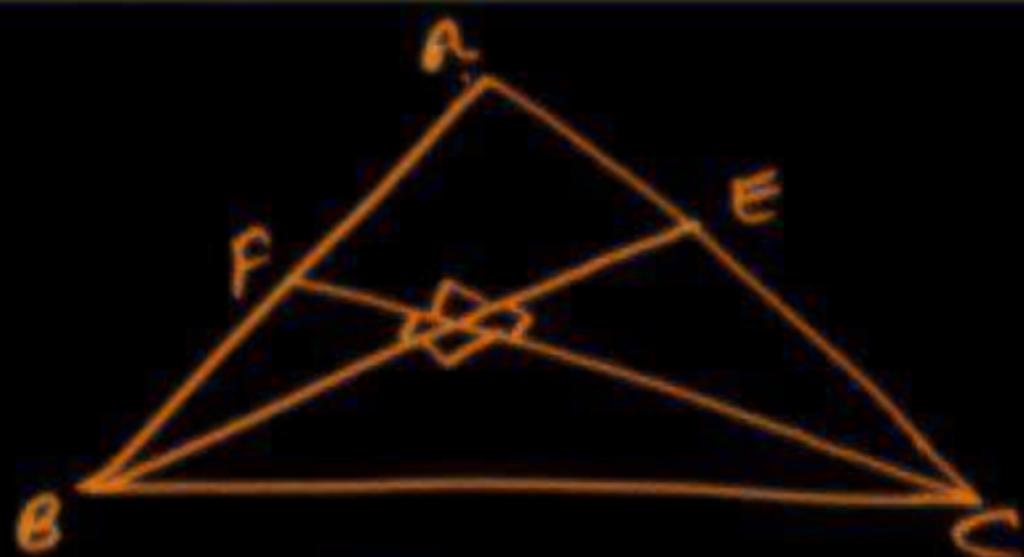
$$CM^2 = \frac{80}{4} \Rightarrow 2\sqrt{5}$$

41. In  $\triangle ABC$  which is right angle at  $A$  and  $BC$  is 5 cm.. BL and CM are medians. If  $BL = \frac{3\sqrt{5}}{2}$  cm. then CM will be

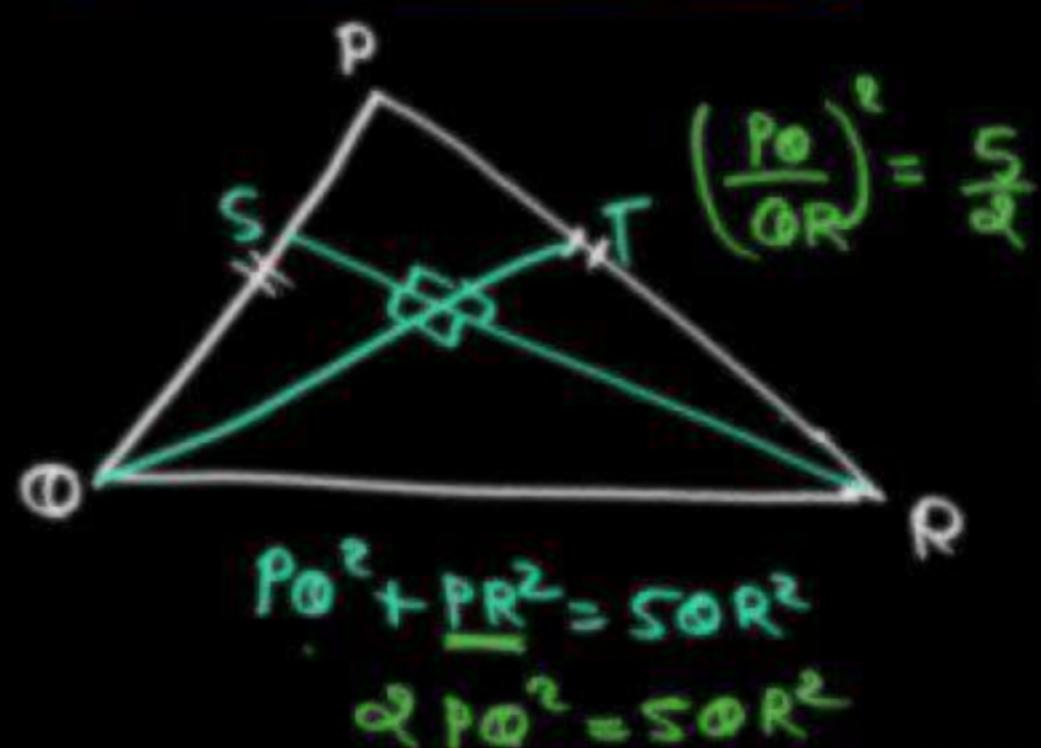
$\triangle ABC$  में, जो  $A$  पर समकोणीय है और जिसमें  $BC = 5$  सेमी. है, दो माध्यिकाएँ  $BL$  तथा  $CM$  हैं। तदनुसार, यदि  $BL = \frac{3\sqrt{5}}{2}$  सेमी. है तो  $CM$  की लम्बाई कितनी होगी?

- (A)  $2\sqrt{5}$  सेमी.
- (B)  $5\sqrt{2}$  सेमी.
- (C)  $10\sqrt{2}$  सेमी.
- (D)  $4\sqrt{5}$  सेमी.





$$AB^2 + AC^2 = 5 BC^2$$



$$PO^2 + PR^2 = 5 OR^2$$

$$\therefore PO^2 = 5 OR^2$$

42. PQR is a triangle such that  $PQ = PR$ . RS and QT are the median to the sides PQ and PR respectively. If the medians RS and QT intersect at right angle, then what is the value of  $(PQ/QR)^2$ ?

PQR इस प्रकार का एक त्रिभुज है कि  $PQ = PR$  है। RS तथा QT क्रमशः भुजाओं PQ तथा PR पर माध्यिकाएँ हैं। यदि माध्यिकाएँ RS तथा QT समकोण पर प्रतिच्छेद करती हैं, तो  $(PQ/QR)^2$  का मान क्या है?

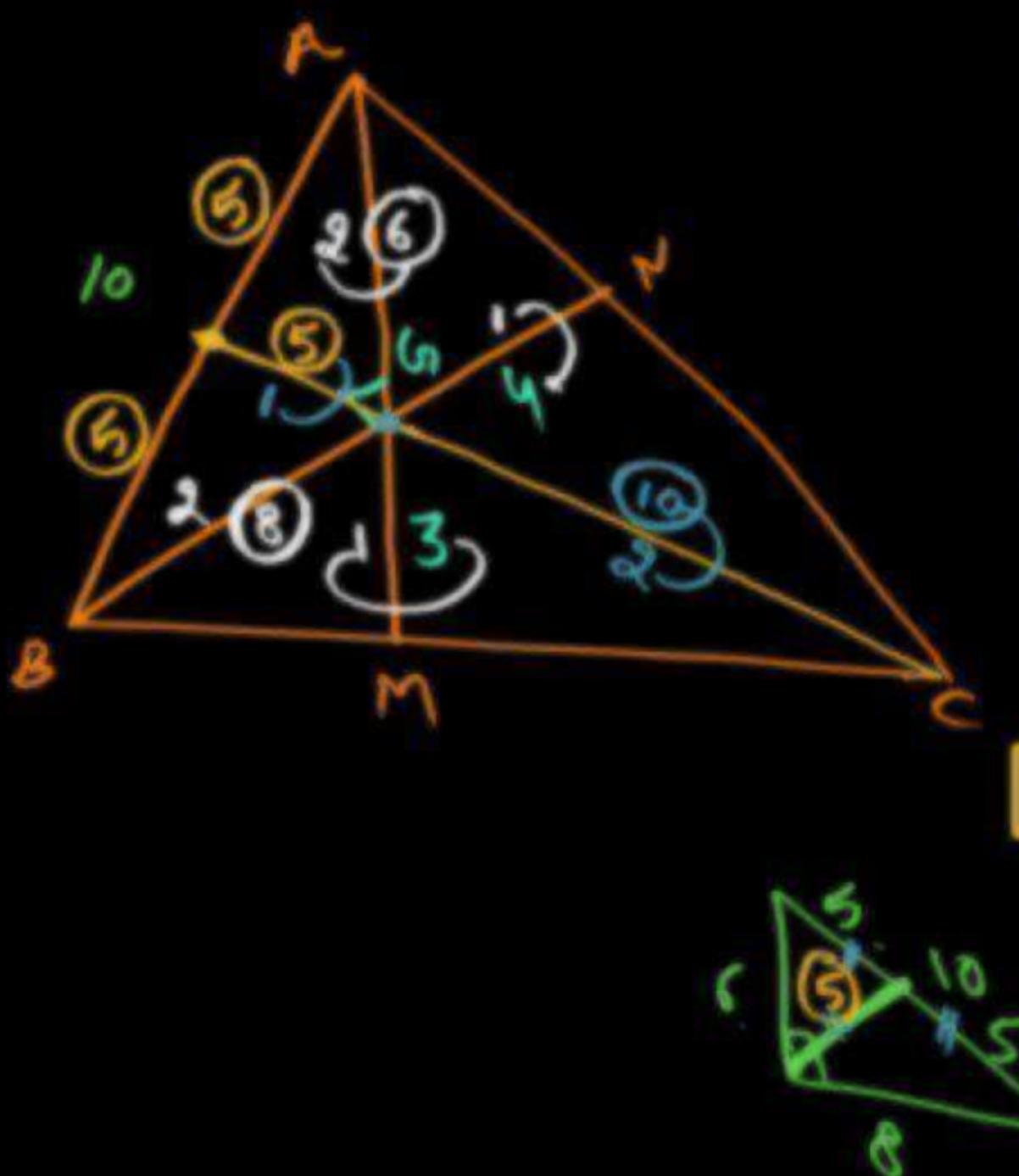
(A)  $3/2$

(B)  $5/2$

(C) 2

(D) None of these

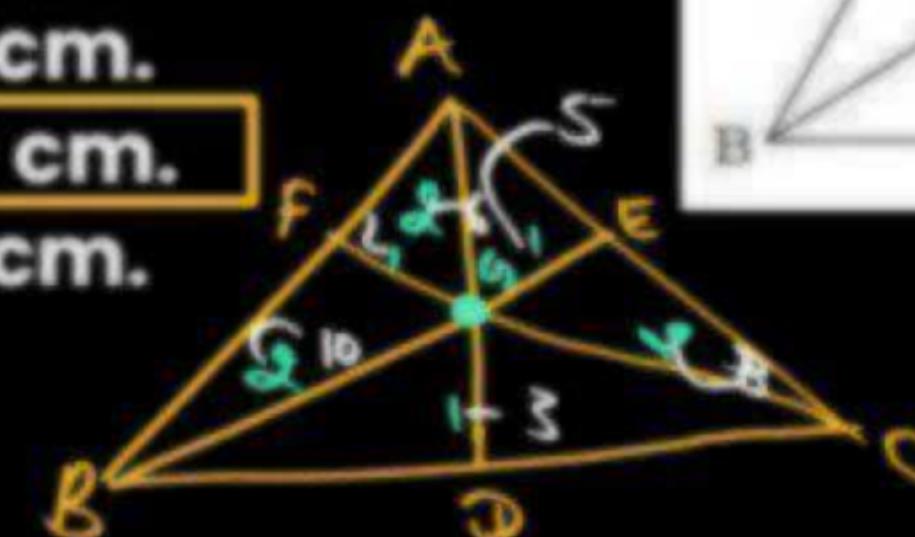
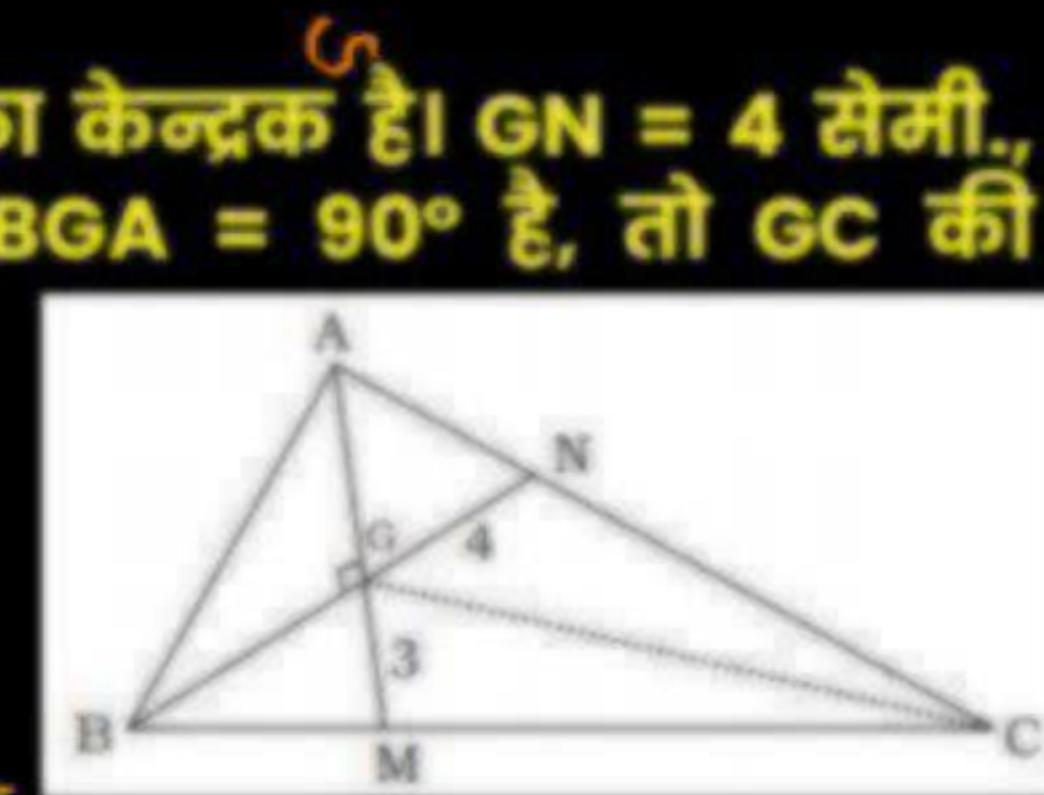
$PQ = PR$



43. G is centroid of given  $\triangle ABC$ .  $GN = 4 \text{ cm}$ ,  $GM = 3 \text{ cm}$ ,  $\angle BGA = 90^\circ$ , then find the length of  $GC$ .

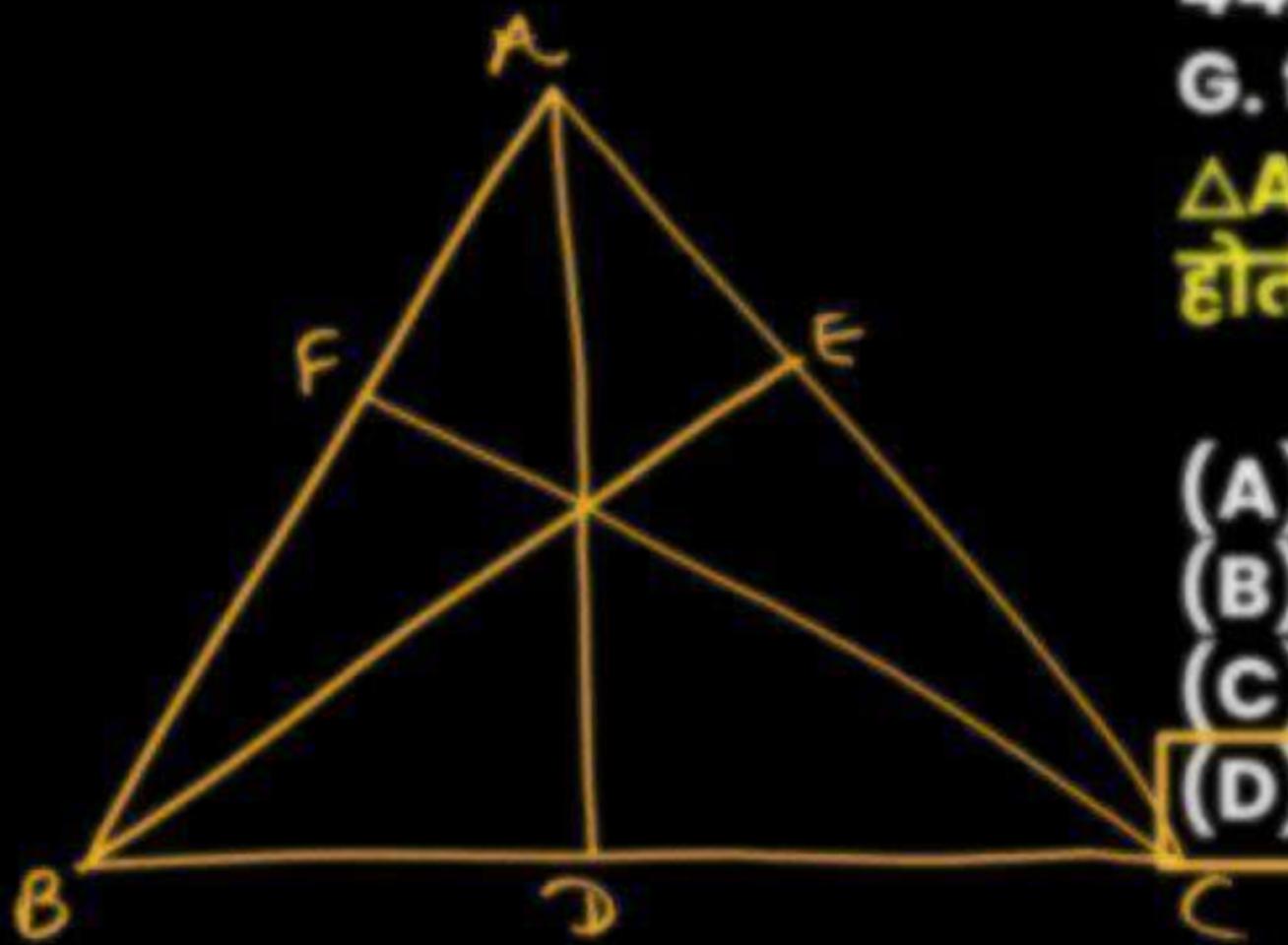
दिये गये त्रिभुज ABC का केन्द्रक है।  $GN = 4 \text{ सेमी.}$ ,  $GM = 3 \text{ सेमी.}$  तथा  $\angle BGA = 90^\circ$  है, तो GC की लम्बाई ज्ञात कीजिए ?

- (A) 6 cm.
- (C) 5 cm.
- (B) 10 cm.**
- (D) 9 cm.



44. In  $\triangle ABC$ , the medians  $AD$ ,  $BE$  and  $CF$  at  $G$ . then which of the following is correct ?

$\triangle ABC$  में माध्यक  $AD$ ,  $BE$  और  $CF$  अक्षसंधि  $G$  पर होती हैं, तो निम्न में से क्या सही हैं ?



- (A)  $AD + BE + CF > (AB + BC + AC)$
- (B)  $2(AD + BE + CF) > (AB + BC + AC)$
- (C)  $3(AD + BE + CF) > 4(AB + BC + AC)$
- (D)  $4(AD + BE + CF) > 3(AB + BC + AC)$

$$3(AB + BC + CA) < 4(AD + BE + CF)$$

45. Consider the following statements:

- 1) The perimeter of a triangle is greater than the sum of its three medians.
- 2) In any triangle ABC, if D is any point on BC, then  $AB + BC + CA > 2AD$ .

Which of the above statements is/are correct?

निम्नलिखित कथनों पर विचार कीजिए:

1. किसी त्रिभुज की परिमाप उसकी तीन मध्यिकाओं के योगफल से बड़ी होती है।
2. किसी त्रिभुज ABC में, यदि BC पर कोई बिन्दु D है, तो  $AB + BC + CA > 2AD$  होता है।

- (A) 1 only
- (B) 2 only
- (C) Both 1 and 2
- (D) Neither 1 nor 2

$m_1, m_2, m_3$ 

$$\text{Area} = \frac{4}{3} \times \sqrt{s_m(s_m - m_1)(s_m - m_2)(s_m - m_3)}$$

$$s_m = \frac{m_1 + m_2 + m_3}{2}$$

$$m_1^2 + m_2^2 = m_3^2$$

$$\text{Area} = \frac{2}{3} \times m_1 \times m_2$$

47. In  $\triangle ABC$ , the medians AD, BE and CF meet at O. If AD, BE, CF are 10, 24, 26 cm. then find the area of  $\triangle ABC$ .

$\triangle ABC$  में AD, BE और CF माध्यिकाएं पर मिलती हैं। AD, BE, CF 10, 24, 26 सेमी हैं। तो  $\triangle ABC$  का क्षेत्रफल बताओ।

(A) 160

(B) 180

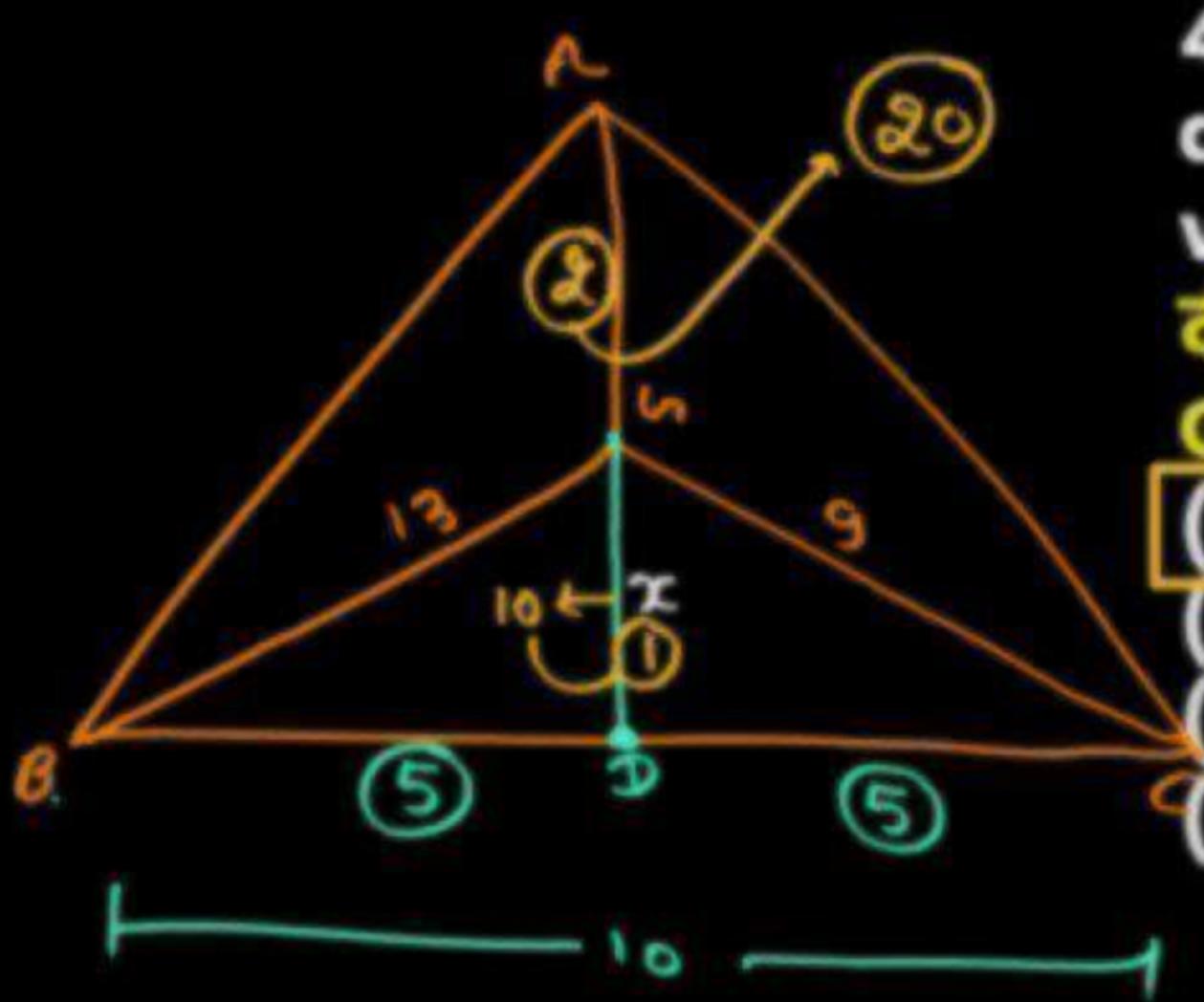
(C) 80

(D) 170

$$10^2 + 24^2 = 26^2$$

~~$$\frac{2}{3} \times 10 \times 24$$~~

$$\Rightarrow 160$$



- (A) 20
- (B) 10
- (C) 15
- (D) 18

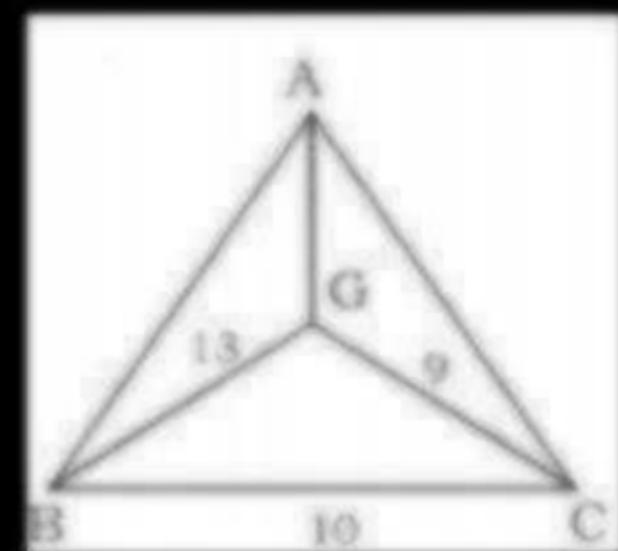
$$BG^2 + GC^2 = 2(x^2 + BC^2)$$

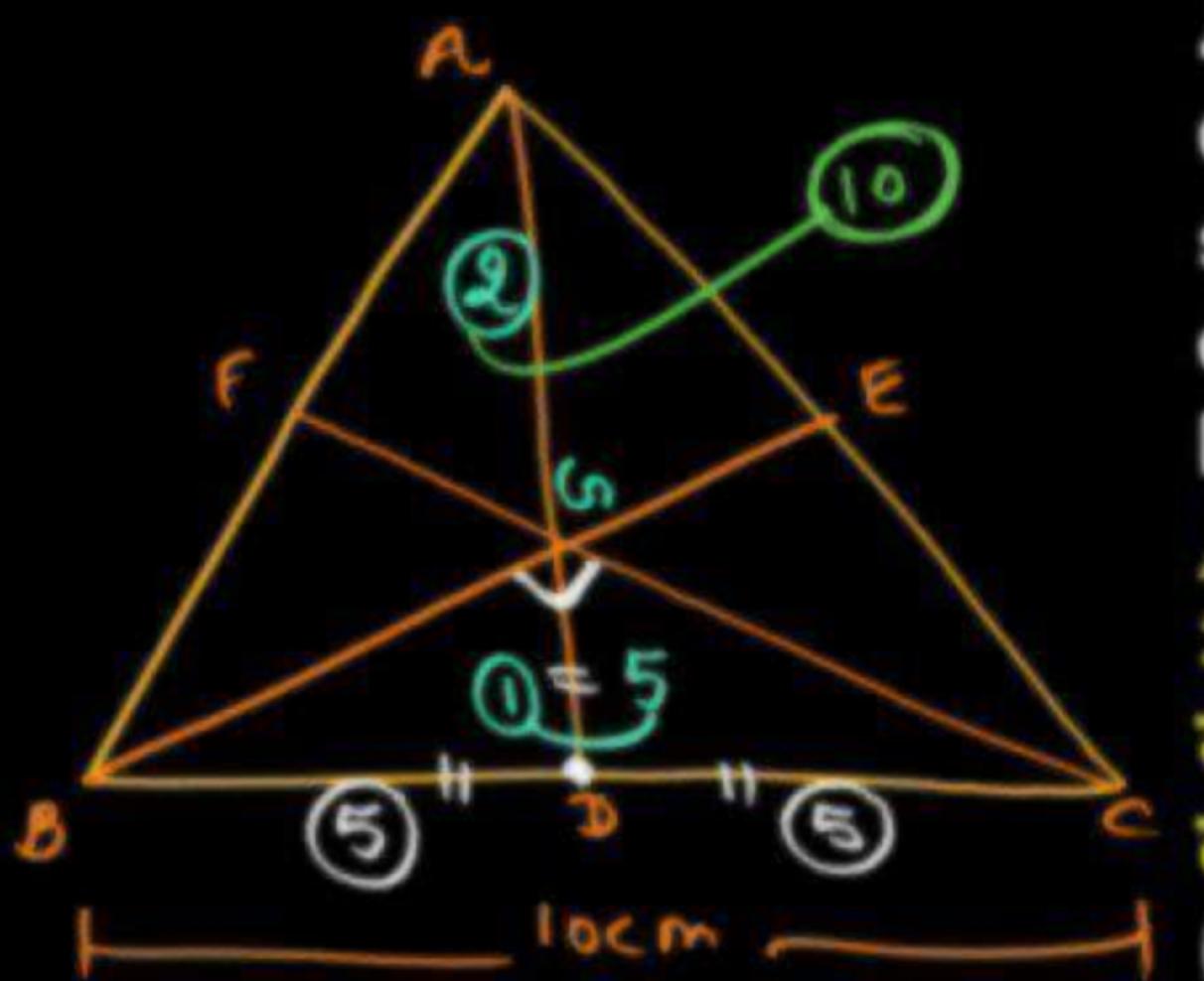
$$169 + 81 = 2(x^2 + 25)$$

$$\begin{aligned}x^2 &= 100 \\x &= 10\end{aligned}$$

48. In the given figure G is centroid of  $\triangle ABC$  and  $BG = 13$ ,  $GC = 9$ ,  $BC = 5$  then find the value of  $AG$ ?

दी गई आकृति में G,  $\triangle ABC$  का केंद्रक है और  $BG = 13$ ,  $GC = 9$ ,  $BC = 10$  है तो  $AG$  का मान ज्ञात कीजिए।



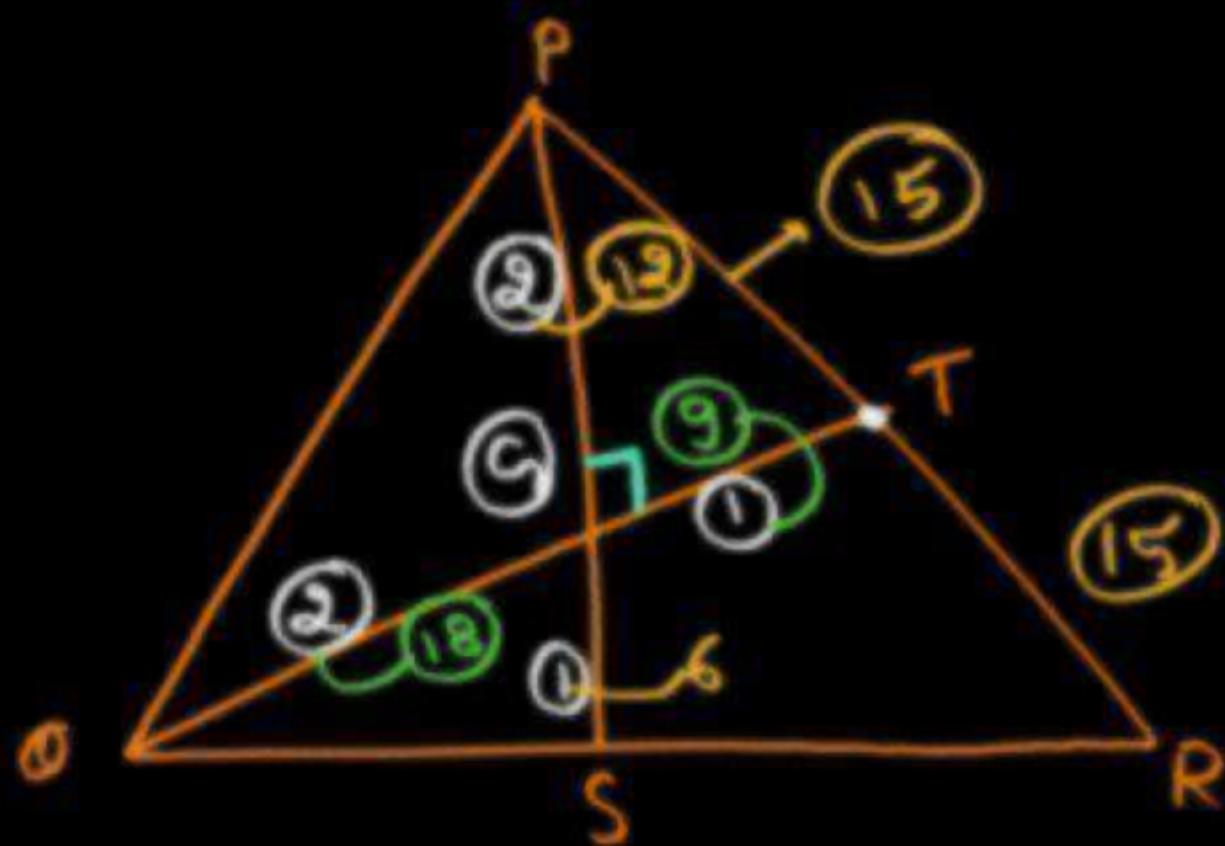


49. In the triangle ABC side BC is 10 cm and G is centroid. BE and CF are medians to the sides AC and AB respectively. If medians BE and CF intersect at right angle then find the length of AG?

$\triangle ABC$  में भुजा  $BC = 10$  सेमी. और  $G$  केन्द्रक है।  $BE$  और  $CF$  क्रमशः भुजाओं  $AC$  और  $AB$  पर माध्यिकाएँ हैं। यदि माध्यिकाएँ  $BE$  और  $CF$  समकोण पर प्रतिच्छेद करती हैं तो भुजा  $AG$  की लम्बाई ज्ञात करो।

- (A) 5
- (B) 10
- (C) 15
- (D) 20





50. G is the centroid of  $\triangle PQR$  and medians QT and PS intersect at right angle. If QT = 27 and PS = 18 then find the length of RT?

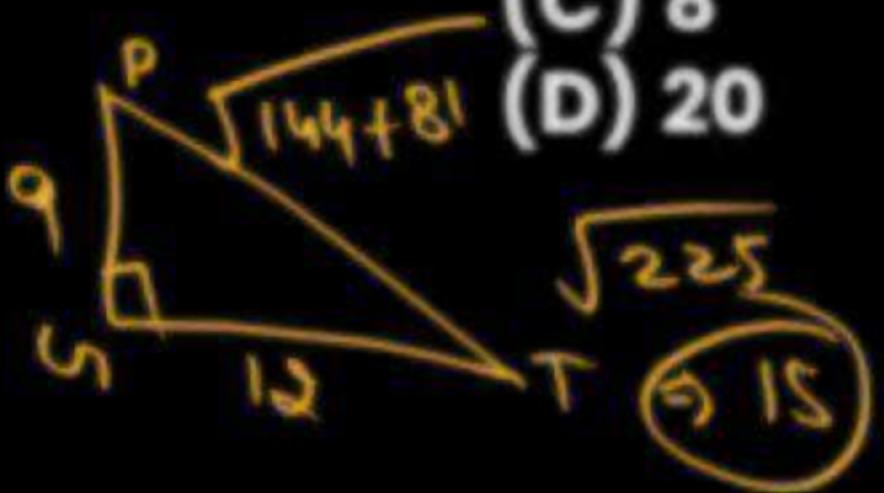
त्रिभुज PQR का केन्द्रक G है और माध्यिकाएँ QT और PS एक-दूसरे को समकोण पर प्रतिच्छेद करती हैं। यदि QT = 27 और PS = 18 है तो RT की लम्बाई ज्ञात करो।

(A) 10

**(B) 15**

(C) 8

(D) 20

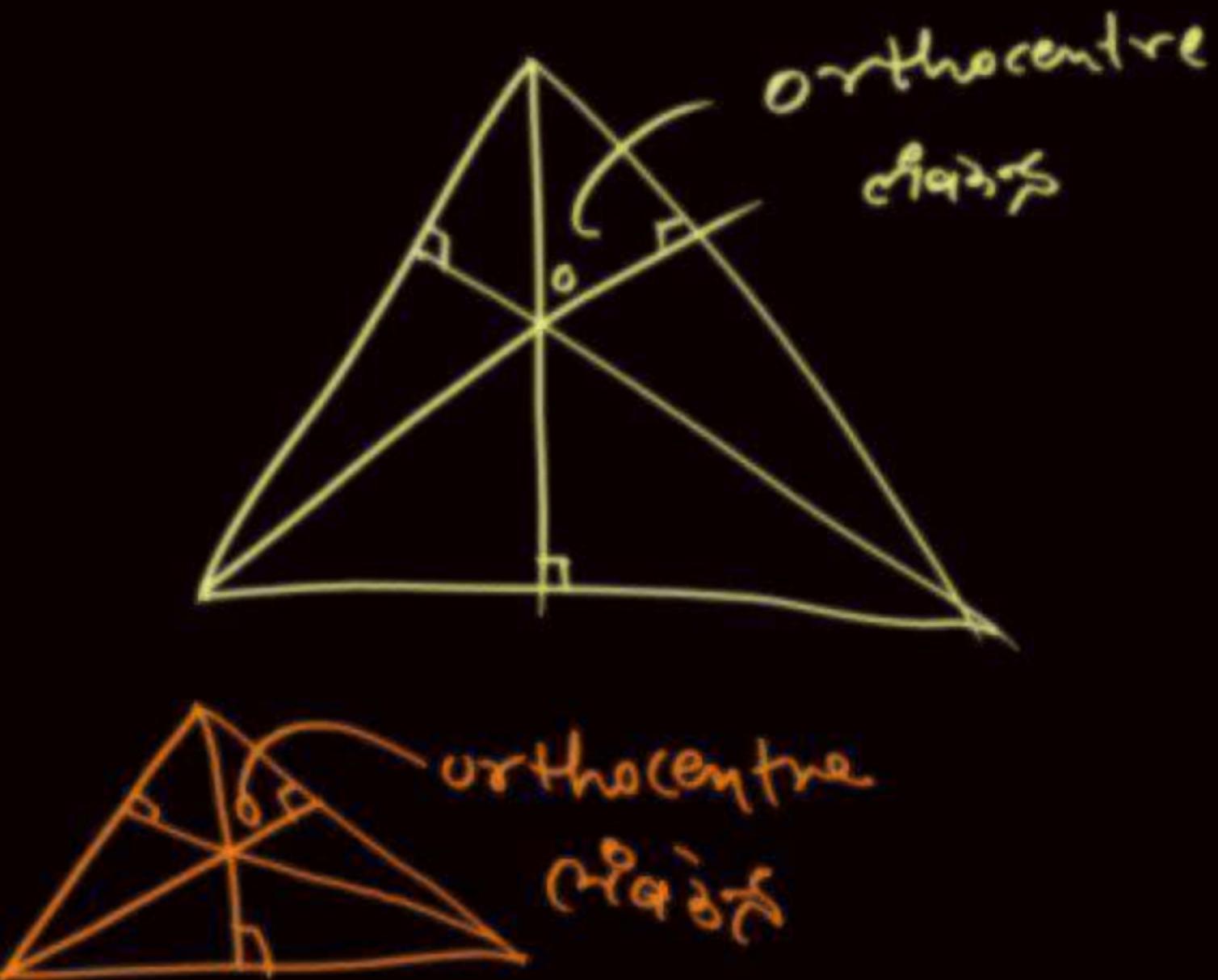
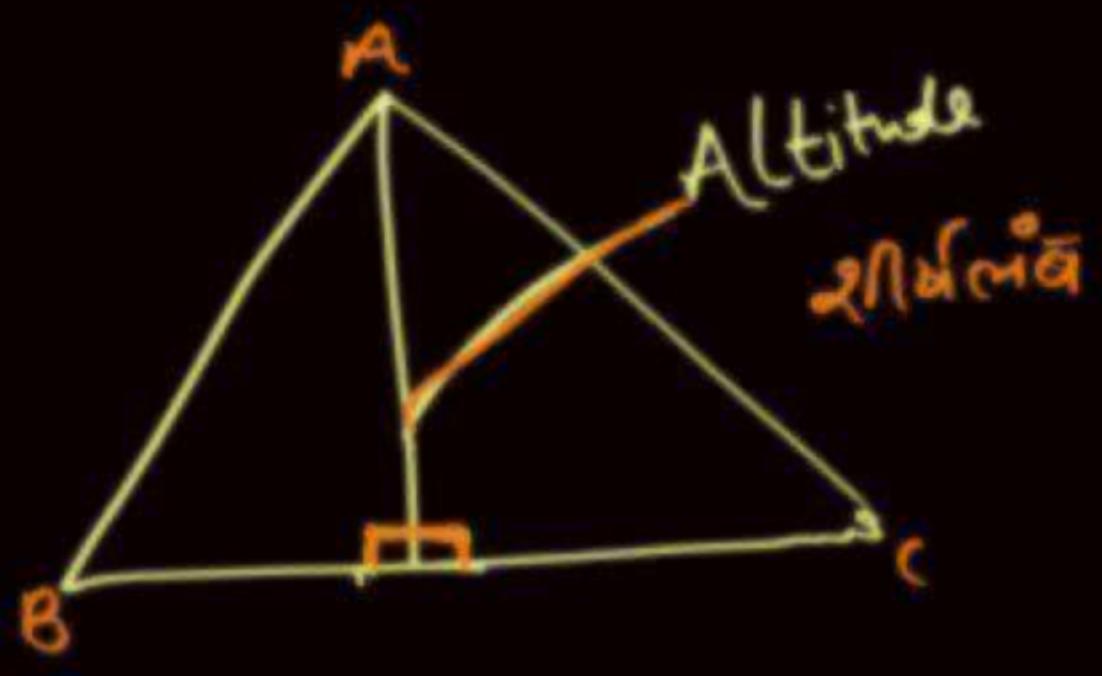


$$QT = 27 \rightarrow \frac{27}{3} = 9$$

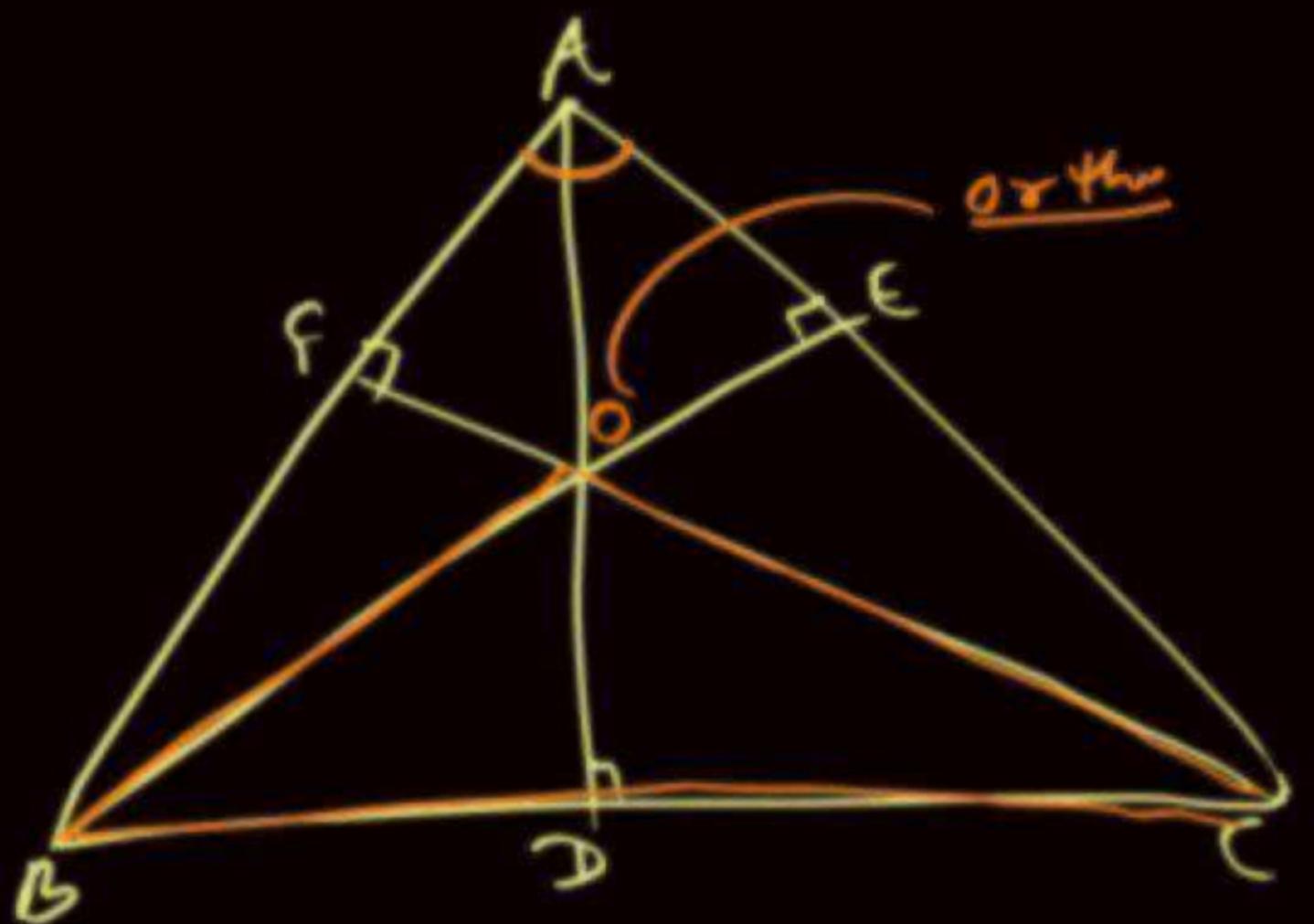
$$PS = 18 \rightarrow \frac{18}{3} = 6$$

## Altitudes of Triangles

ફોર્મેડ બાઈ ઓન



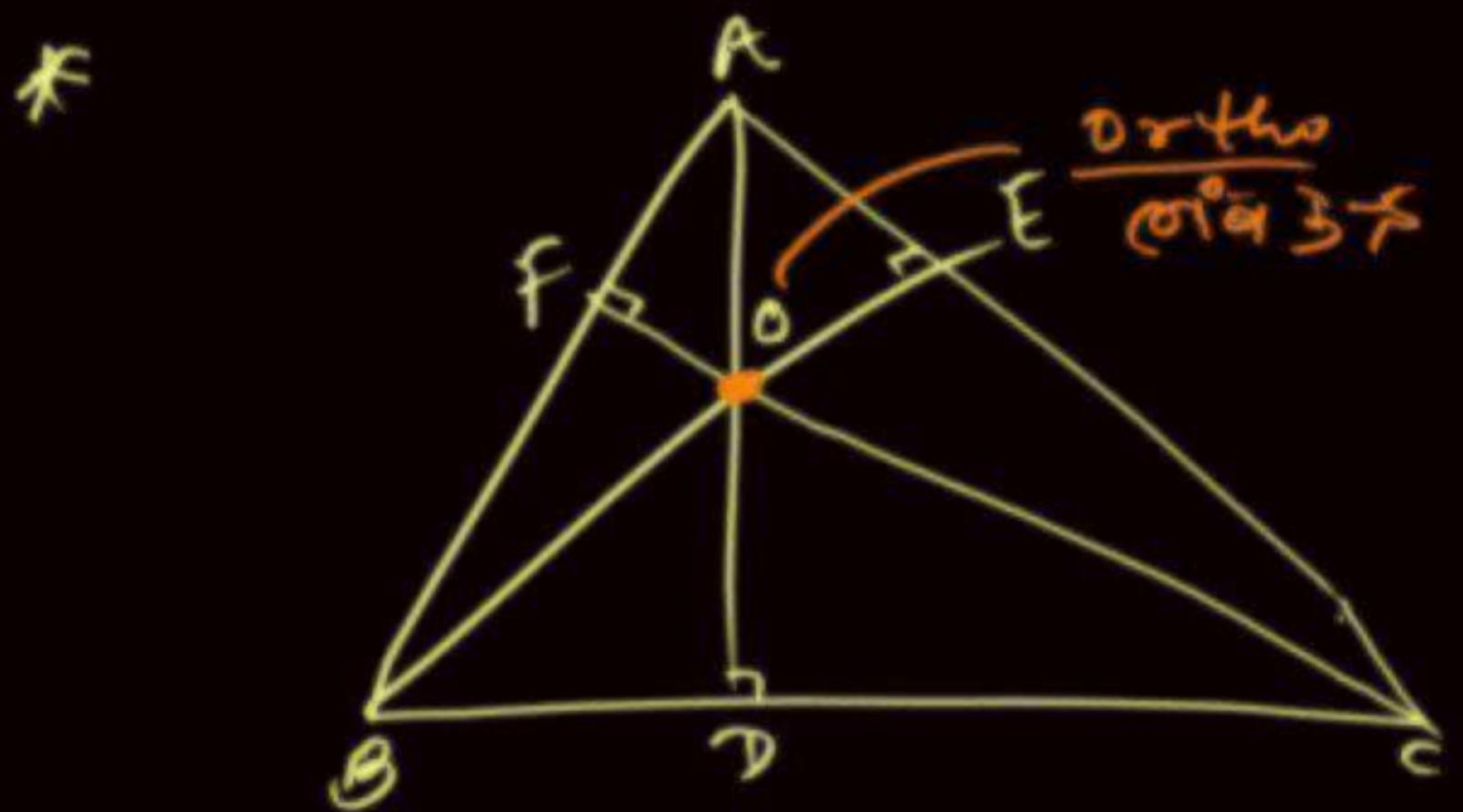
①



$$\angle BOC = 180 - LA$$

$$\angle AOC = 180 - LB$$

$$\angle AOB = 180 - LC$$

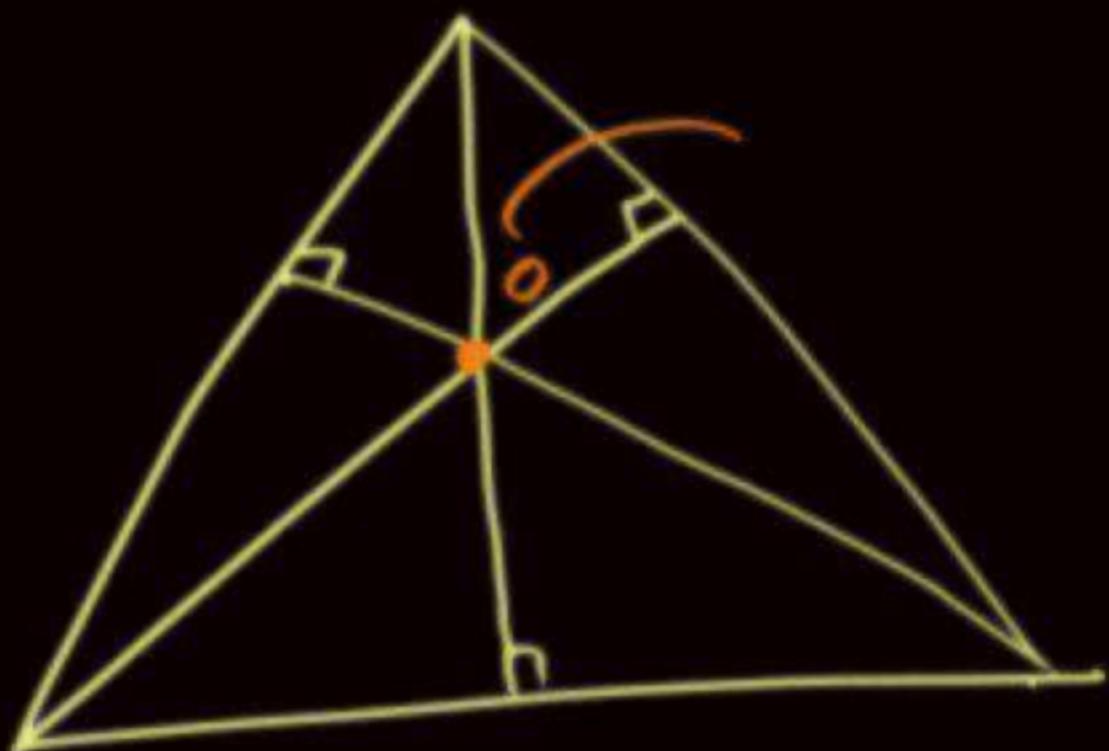


$$AO \times OD = BO \times OE = CO \times OF$$

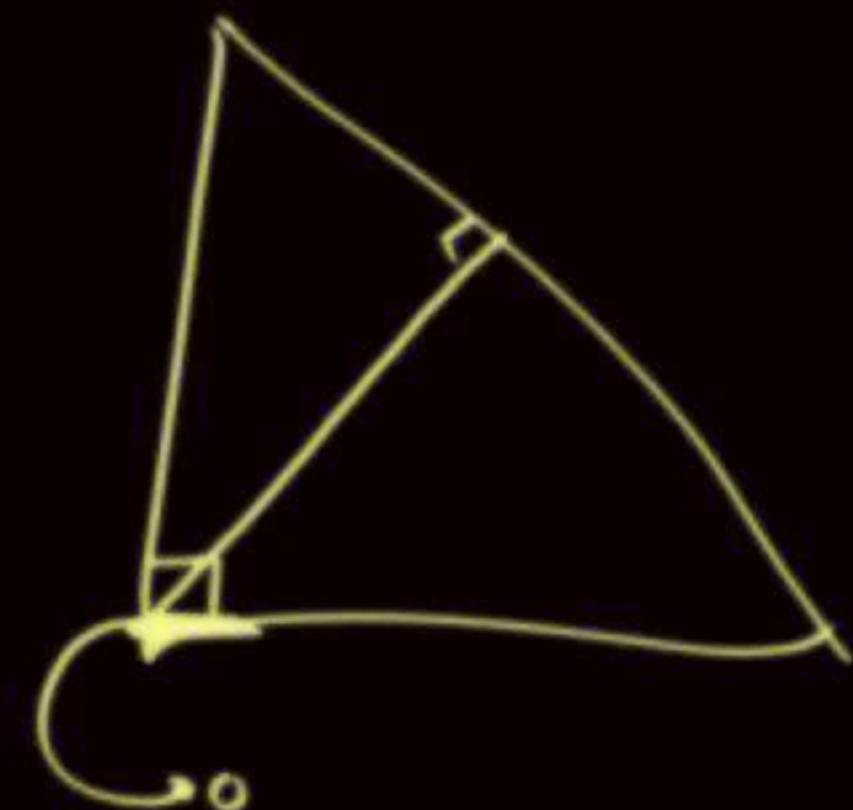


$$AO \times OD = BO \times OE = CO \times OF$$

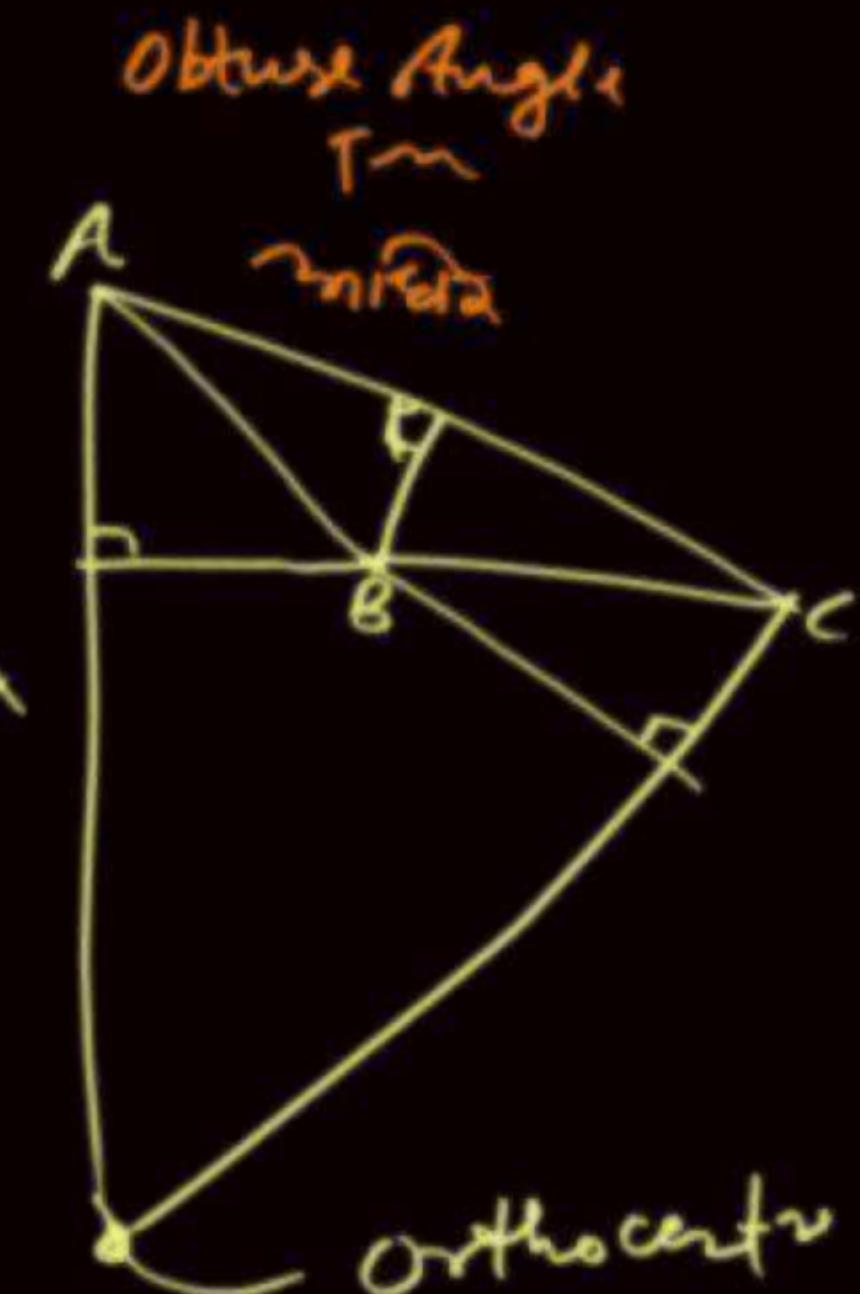
## orthocentres of triangles



Acute Angle Triangle  
锐角三角形

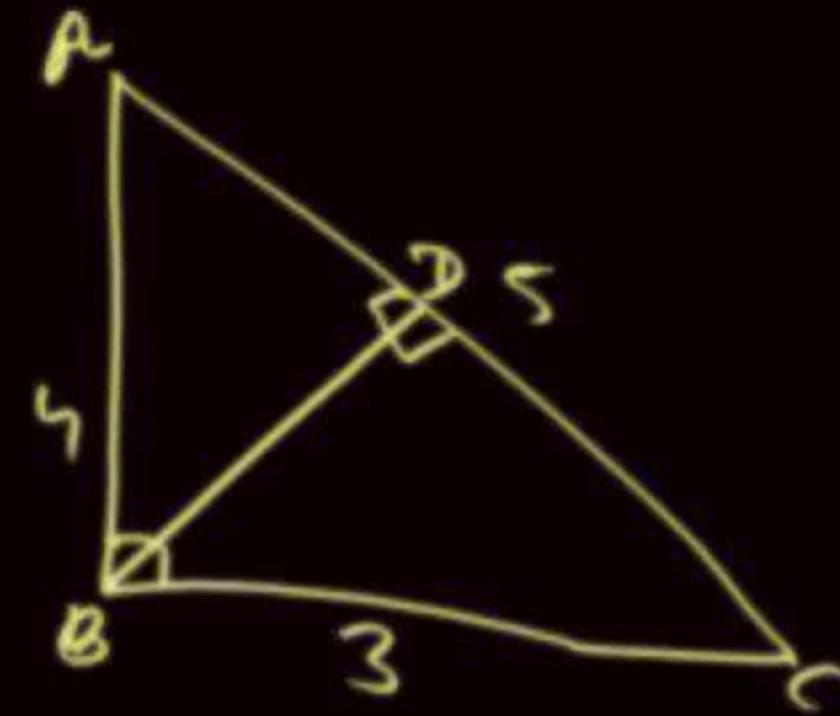


Right Angle Tri.  
直角三角形

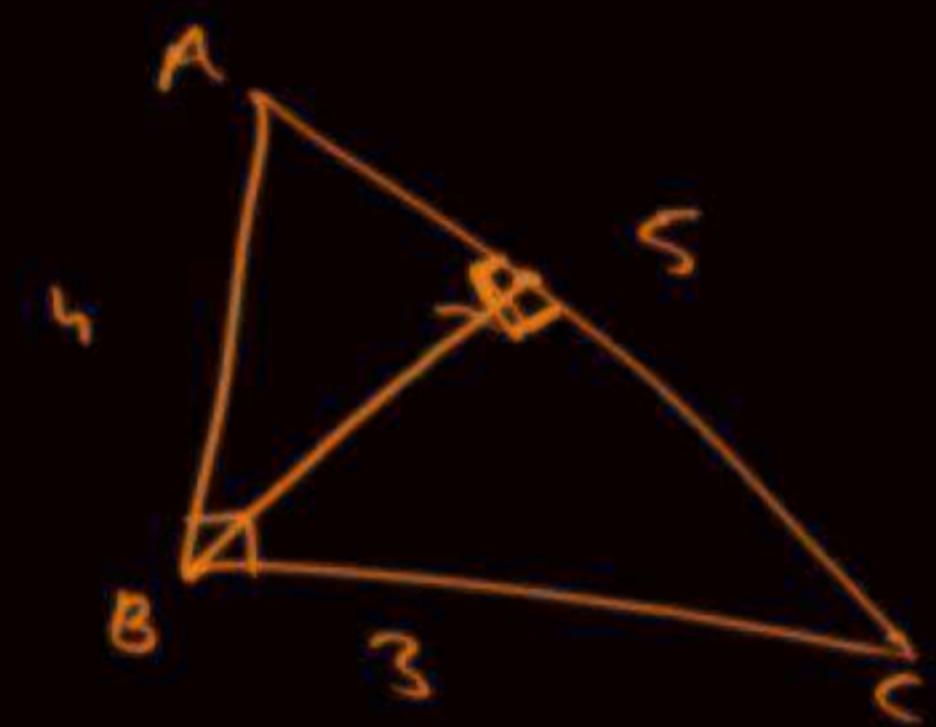


orthocentre

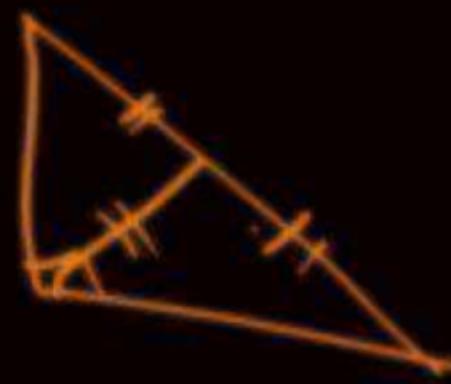




$$BD = \frac{AB \times BC}{AC}$$



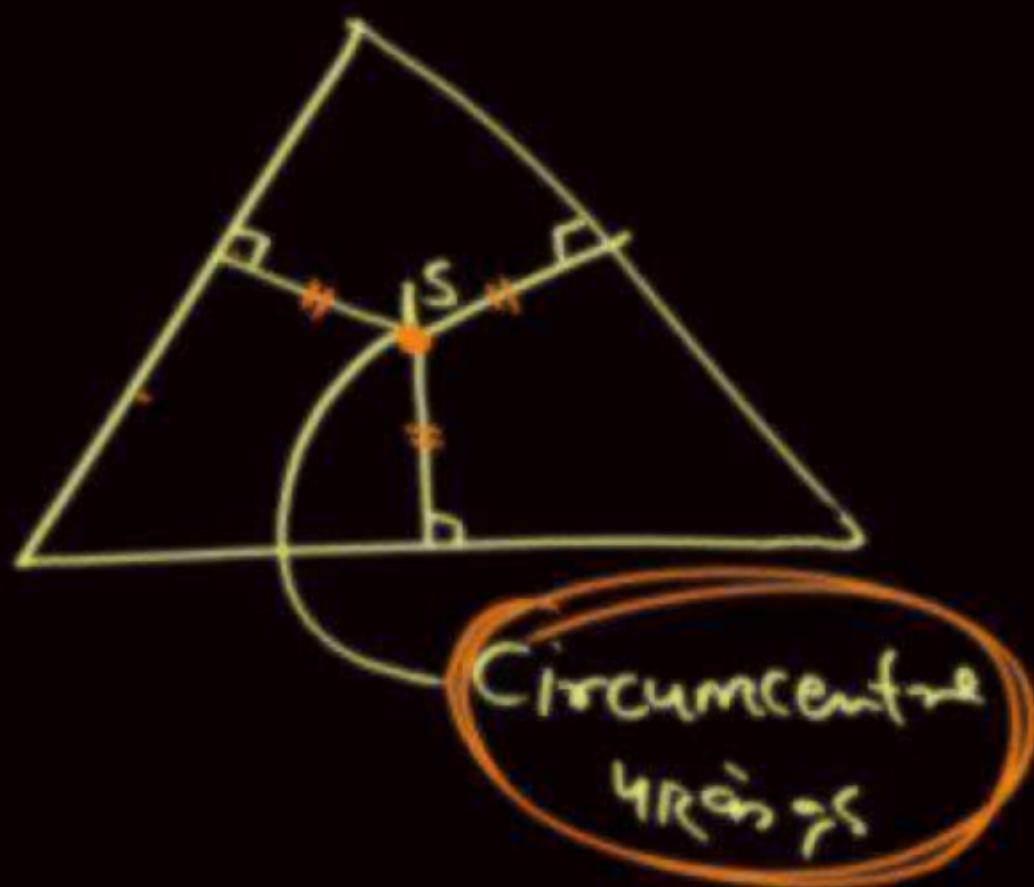
$$BD = \frac{AB \times BC}{AC}$$
$$\Rightarrow \frac{4 \times 3}{5}$$

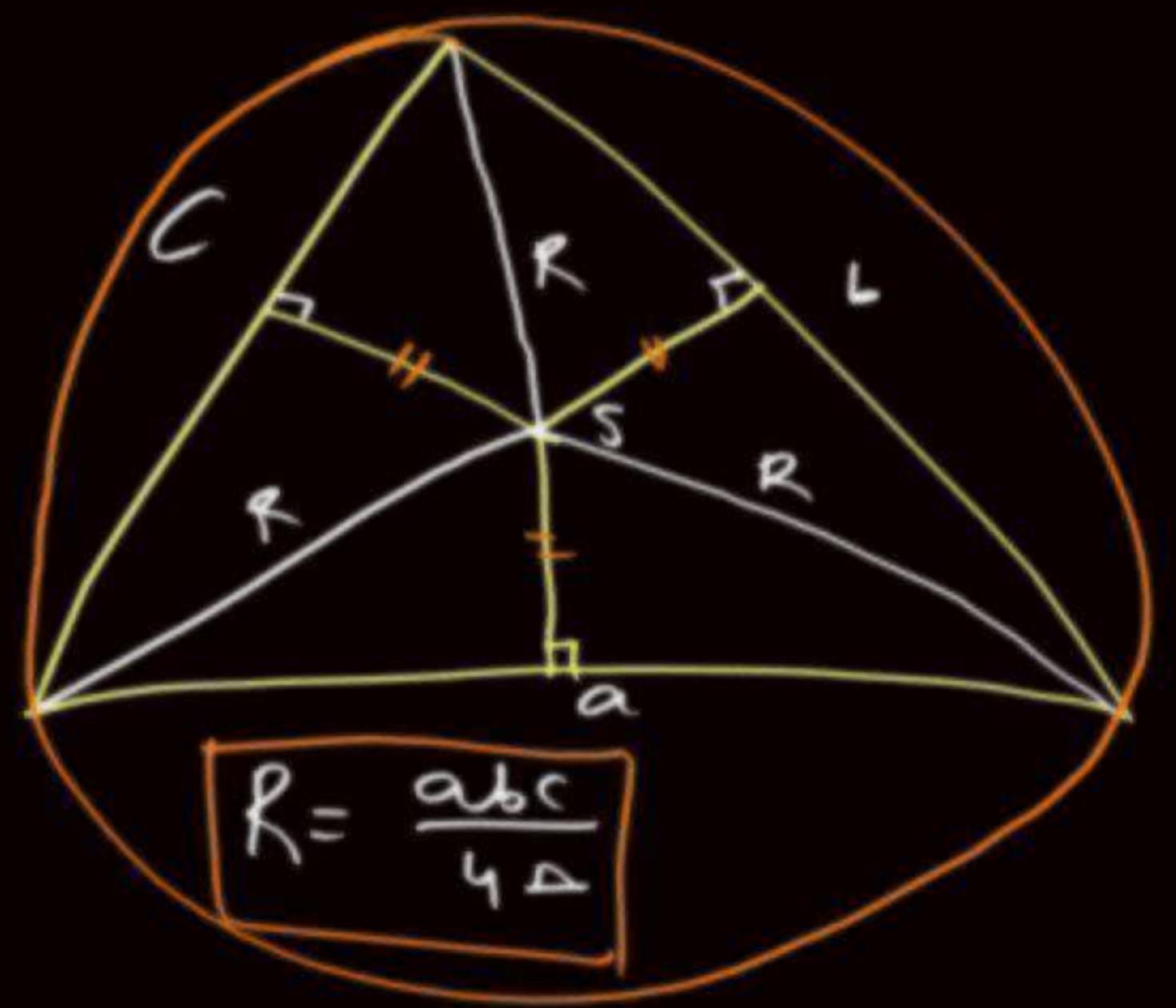


$h_1, h_m, h_3$

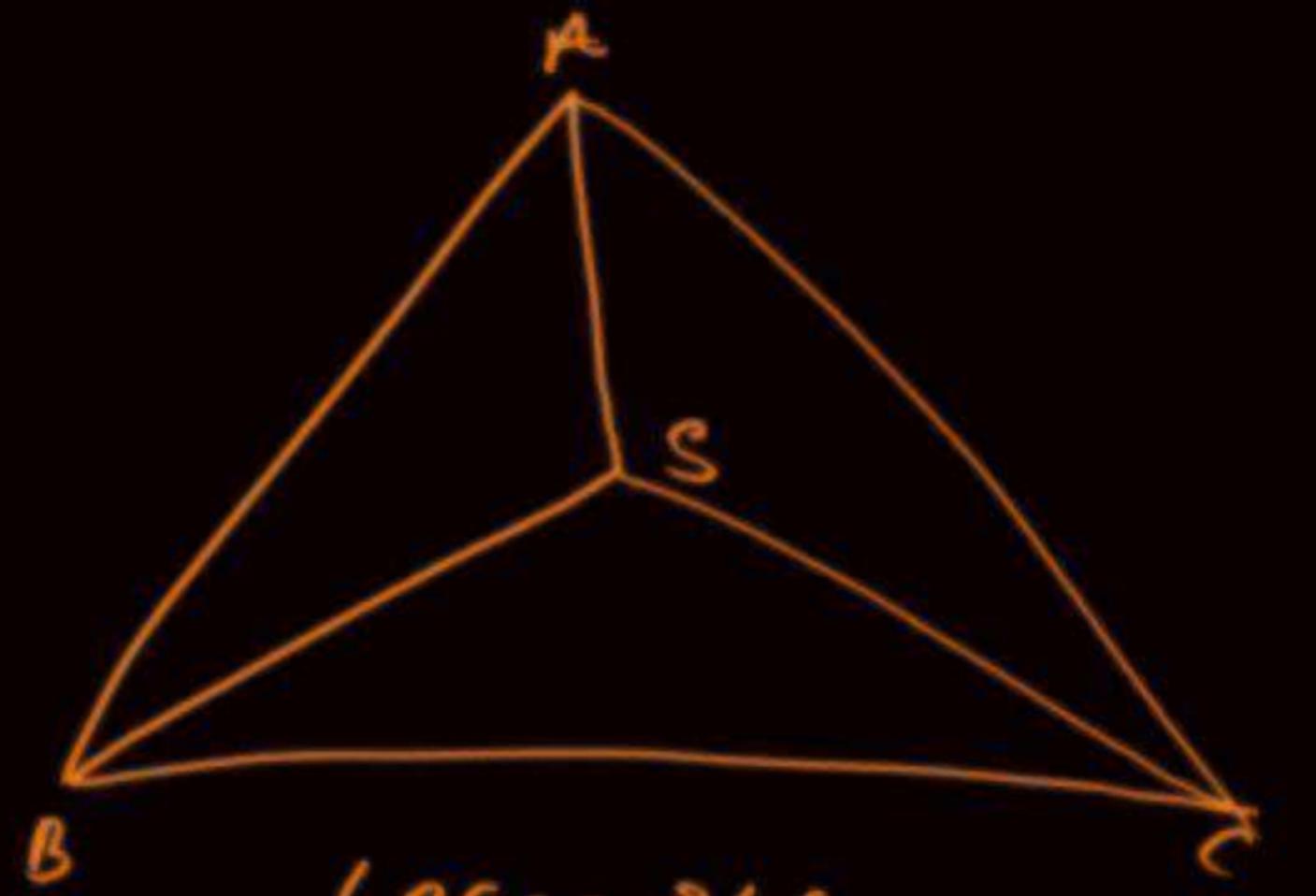
$$\frac{h_1 \times h_3}{h_3 + h_1} < h_2 < \frac{h_1 \times h_3}{h_3 - h_1}$$

# Side Perpendicular Bisector (30°/60° Angle Bisector)





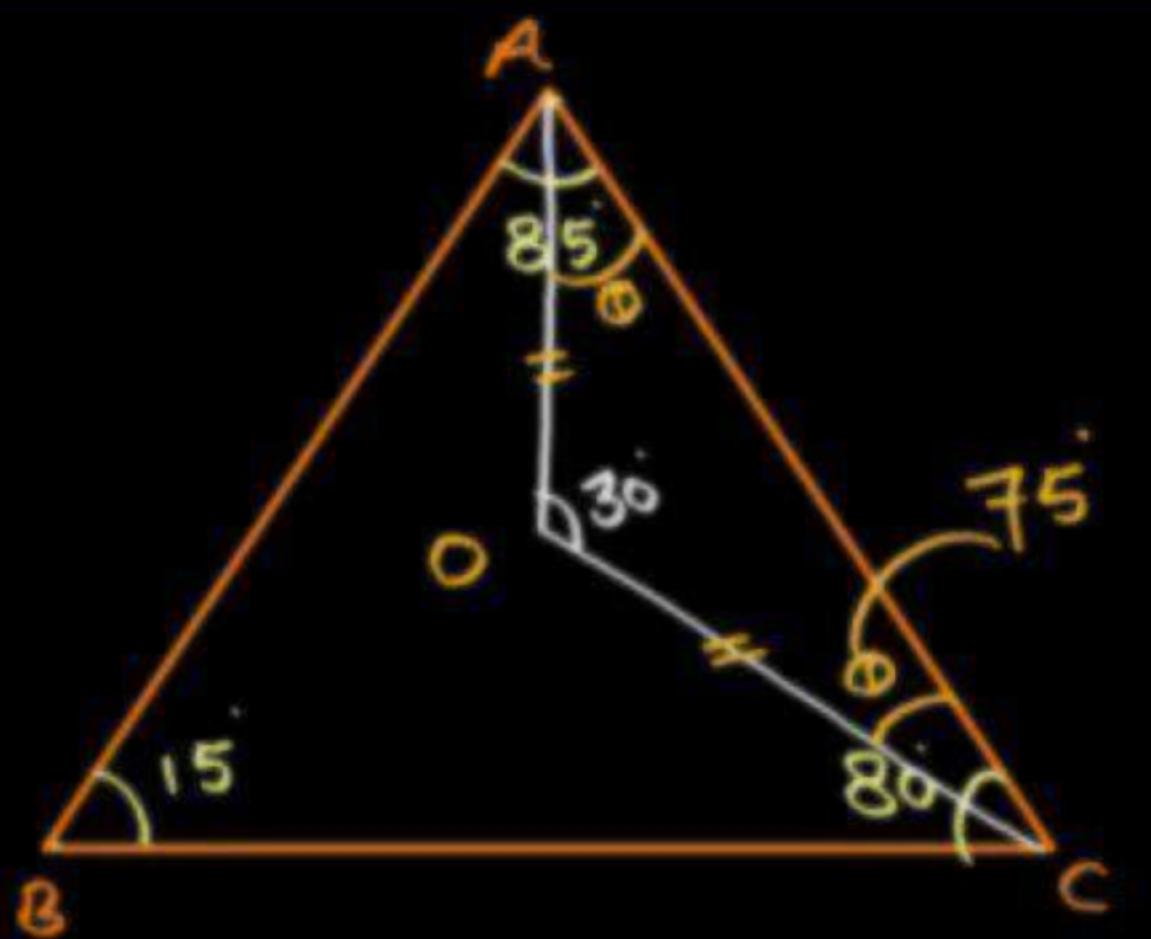
$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$$



$$\angle BSC = 2\angle A$$

$$\angle ASC = 2\angle B$$

$$\angle ASB = 2\angle C$$



55. O is circumcentre of  $\triangle ABC$  if  $\angle BAC = 85^\circ$   
 $\angle BCA = 80^\circ$  find  $\underline{\angle OAC}$ .

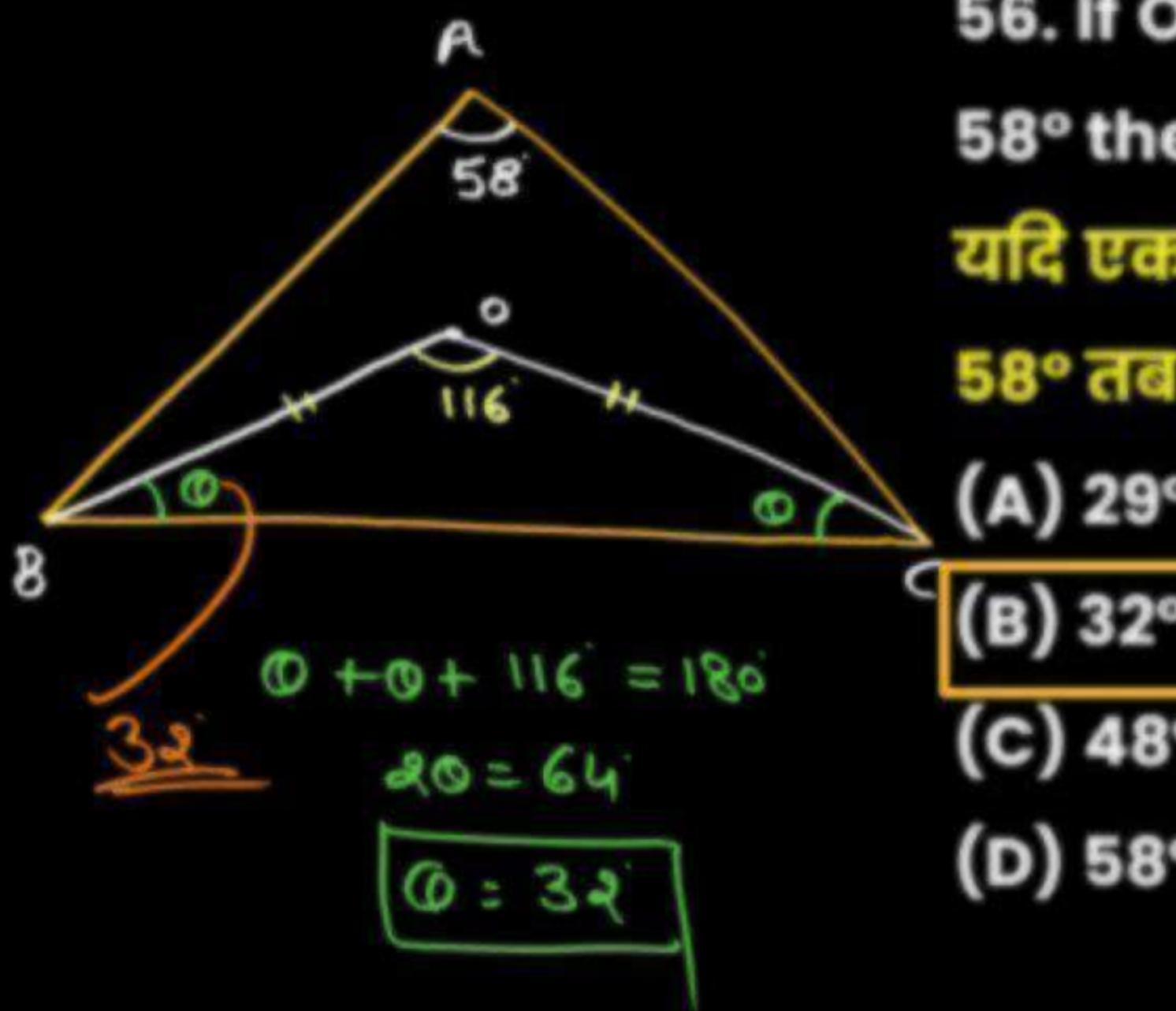
$\triangle ABC$  का परिकेन्द्र  $\underline{\text{O}}$  है। यदि  $\angle BAC = 85^\circ$ ,  $\angle BCA = 80^\circ$  तो  $\underline{\angle OAC}$  है-

- (A)  $60^\circ$
- (B)  $75^\circ$
- (C)  $80^\circ$
- (D)  $30^\circ$

$$\textcircled{1} + \textcircled{1} + 30 = 180$$

$$2\textcircled{1} = 150$$

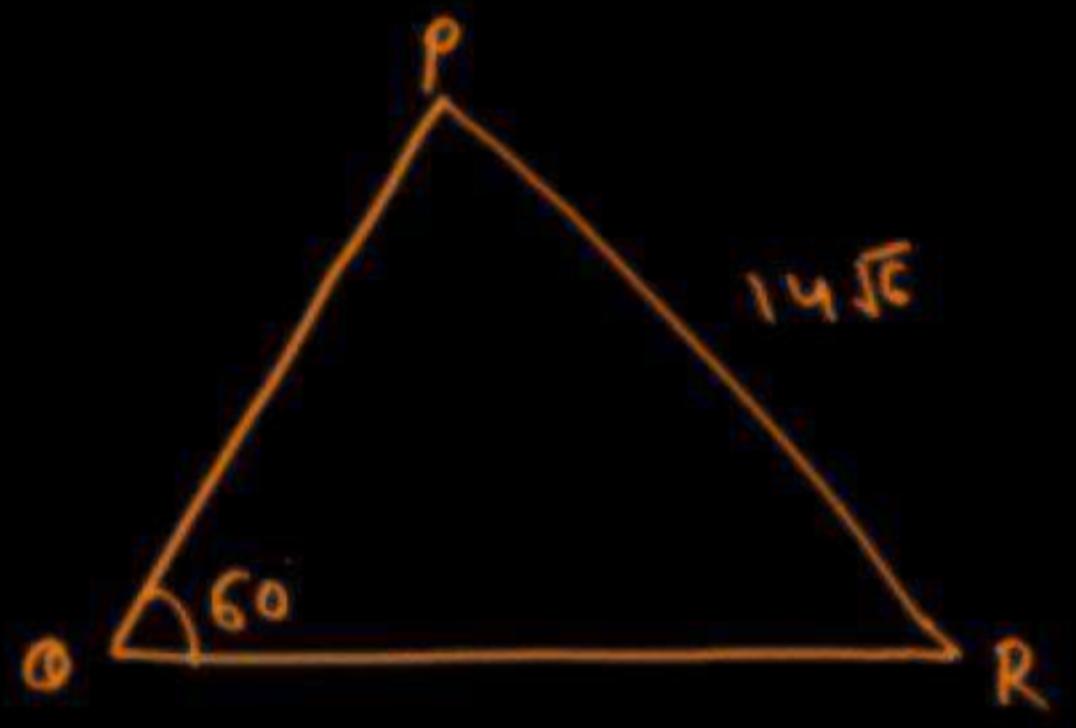
$$\textcircled{1} = 75$$



56. If O is circumcentre of  $\triangle ABC$  and  $\angle BAC = 58^\circ$  then find the value of  $\angle OBC$ ?

यदि एक त्रिभुज ABC का परिकेन्द्र O है तथा  $\angle BAC = 58^\circ$  तब  $\angle OBC$  का मान क्या है?

- (A)  $29^\circ$
- (B)  $32^\circ$
- (C)  $48^\circ$
- (D)  $58^\circ$



$$\frac{14\sqrt{6}}{\sin 60^\circ} = 2R \quad \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\frac{7\sqrt{42}}{\sqrt{2}} = 2R \quad (B) 7\sqrt{3} \text{ cm}$$

$$R = \frac{7\sqrt{42}}{2\sqrt{2}} \quad (C) 7\sqrt{6} \text{ cm}$$

$$R = \frac{7\sqrt{21}}{2} \quad (D) 14\sqrt{2} \text{ cm}$$

57. In a  $\triangle PQR$ ,  $\angle Q = 60^\circ$ ,  $PR = 14\sqrt{6}$  cm. find the circumradius of triangle PQR.

त्रिभुज  $\triangle PQR$  में  $\angle Q = 60^\circ$ ,  $PR = 14\sqrt{6}$  सेमी हैं, त्रिभुज  $PQR$  के बाह्य वृत्त की त्रिज्या क्या हैं?

(A)  $7\sqrt{7}$  cm

(B)  $7\sqrt{3}$  cm

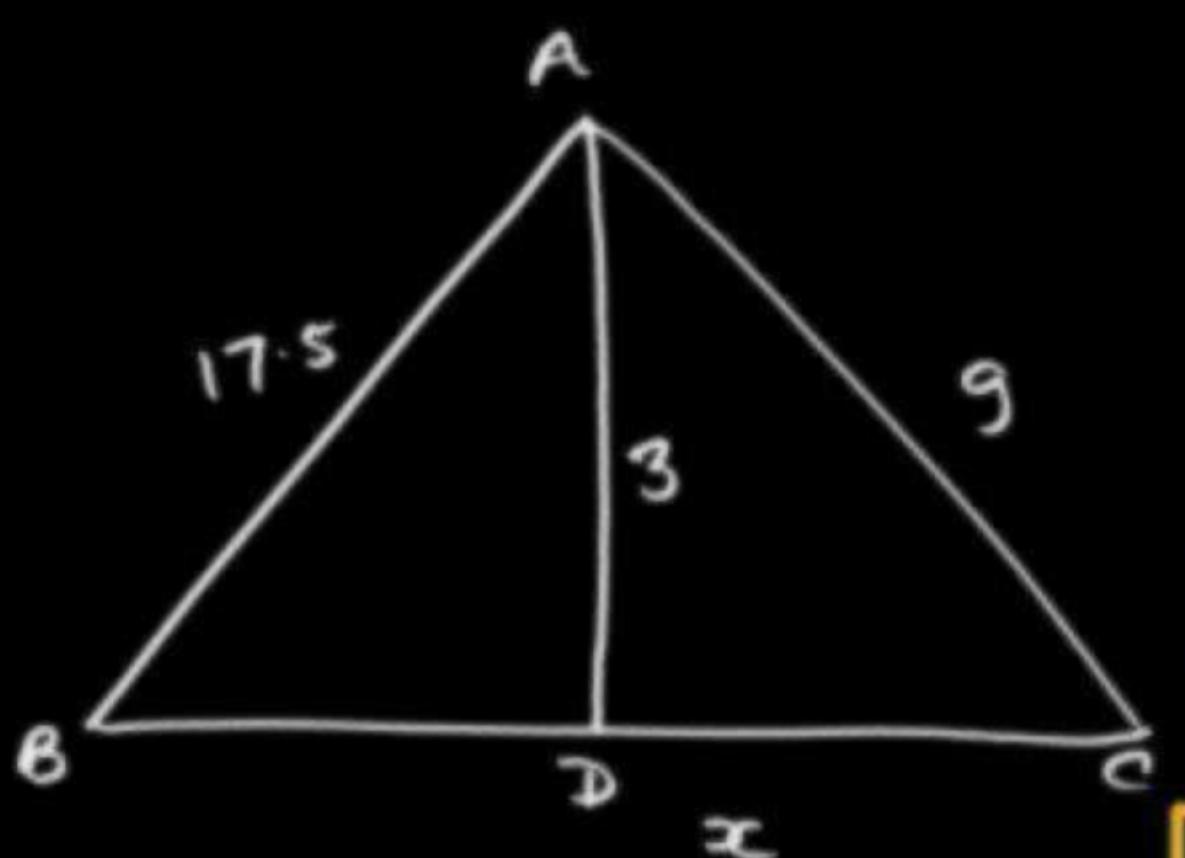
(C)  $7\sqrt{6}$  cm

(D)  $14\sqrt{2}$  cm

58. Find the distance between incentre and circumcenter of a triangle whose sides are 6, 8 and 10 cm?

एक त्रिभुज की भुजाये 6, 8 और 10 हैं। इस त्रिभुज के अन्तः केंद्र और परिकेन्द्र के बीच की दूरी जात कीजिये।

- (A)  $\sqrt{5}$
- (B)  $\sqrt{6}$
- (C)  $2\sqrt{2}$
- (D)  $\sqrt{7}$



60. In a  $\triangle ABC$ ,  $AB = 17.5$  cm  $AC = 9$  cm. Let's D be a point on BC such that AD is perpendicular to BC. If  $AD = 3$  cm. Then what is the radius of the circle circumscribing the  $\triangle ABC$ ?

$\triangle ABC$  में  $AB = 17.5$  सेमी,  $AC = 9$  सेमी माना BC पर D विन्दु इस प्रकार है कि  $AD \perp BC$  यदि  $AD = 3$  सेमी हैं तो  $\triangle ABC$  के परिकेन्द्र की त्रिज्या ज्ञात करो।

- (A) 26.25
- (B) 52.50
- (C) 13.125
- (D) None of these

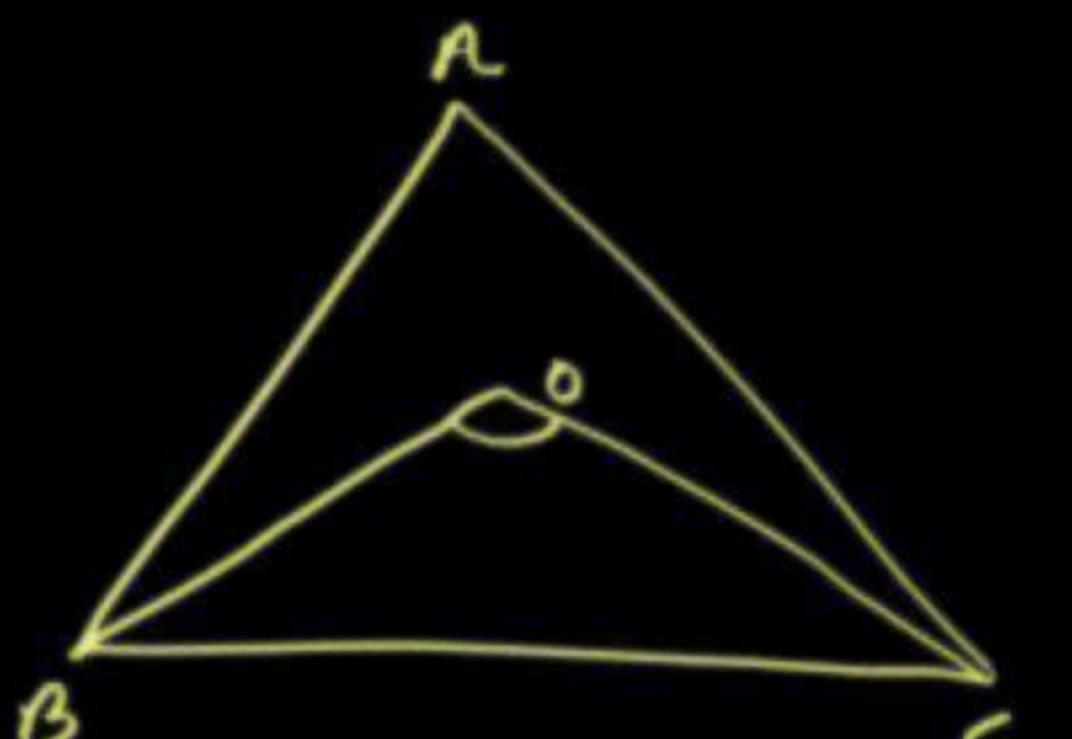
$$R = \frac{abc}{4\Delta}$$

$$R = \frac{17.5 \times 9 \times 3}{17.5 \times \frac{1}{2} \times 3} \Rightarrow \frac{52.5}{2} = \underline{\underline{26.25}}$$

61. What is the maximum number of circum-circles that a triangle can have?

एक त्रिभुज के अधिक से अधिक कितने परिवृत्त हो सकते हैं?

- (A) 1
- (B) 2
- (C) 3
- (D) Infinite / अनंत



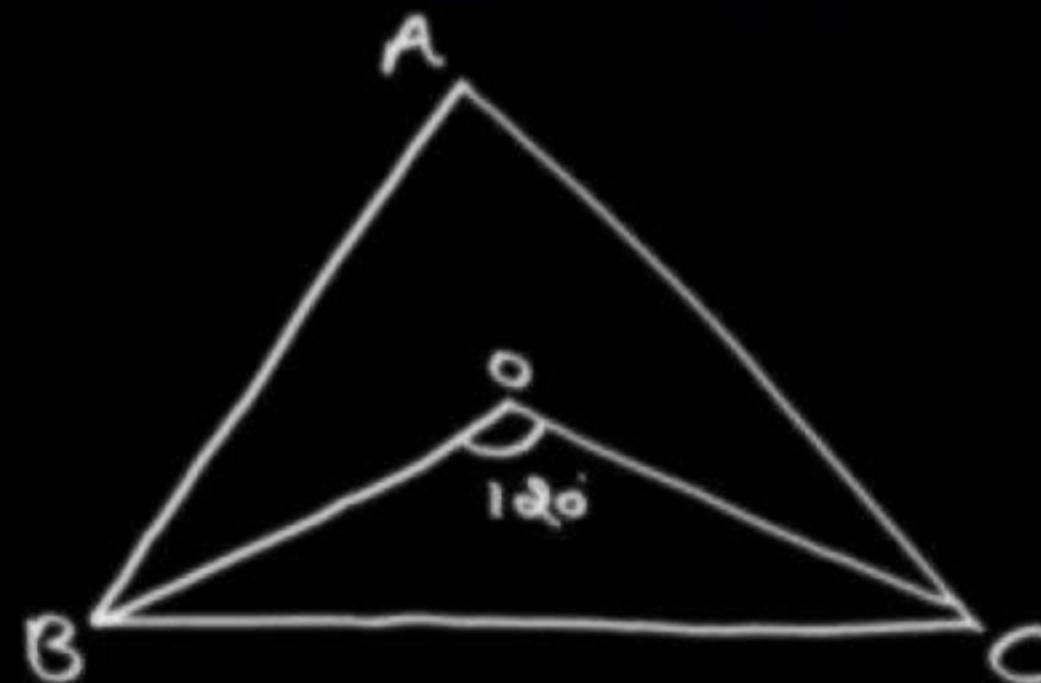
$$\angle BOC = 180 - \angle A$$

62. O is orthocentre of  $\triangle ABC$  if  $\angle BOC = 120^\circ$

find  $\angle BAC$

O त्रिभुज ABC का लम्ब केन्द्र है। यदि  $\angle BOC = 120^\circ$ ,  
तो  $\angle BAC$  है-

- (A)  $135^\circ$
- (B)  $90^\circ$
- (C)  $150^\circ$
- (D)  $60^\circ$



$$\angle BOC = 180 - \angle A$$

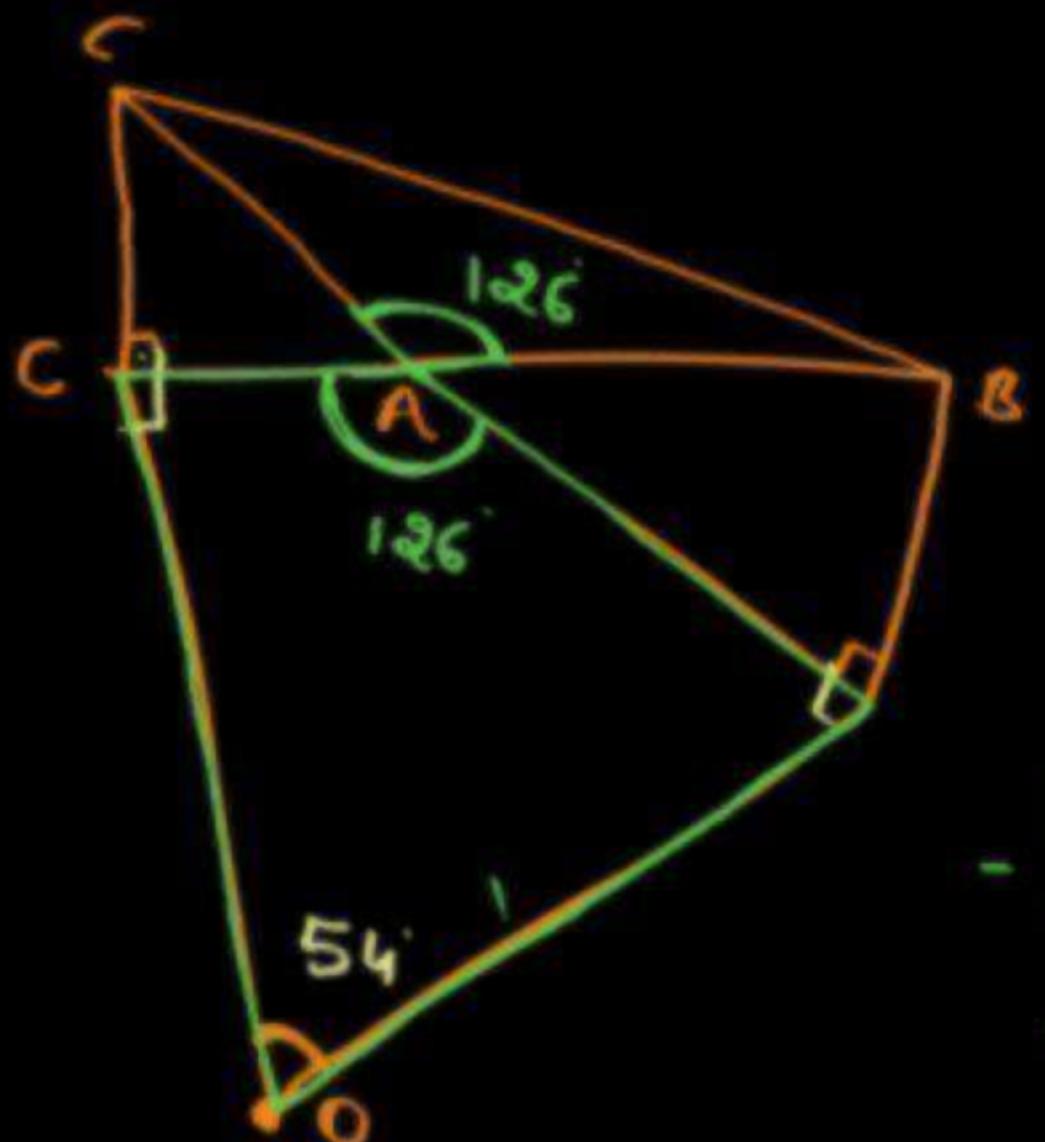
$$120^\circ = 180^\circ - \angle A$$

$$\angle A = 60^\circ$$

63. In a obtuse angled  $\triangle ABC$ ,  $\angle A$  is obtuse and O is orthocentre. If  $\angle BOC = 54^\circ$  then find  $\angle BAC$ .

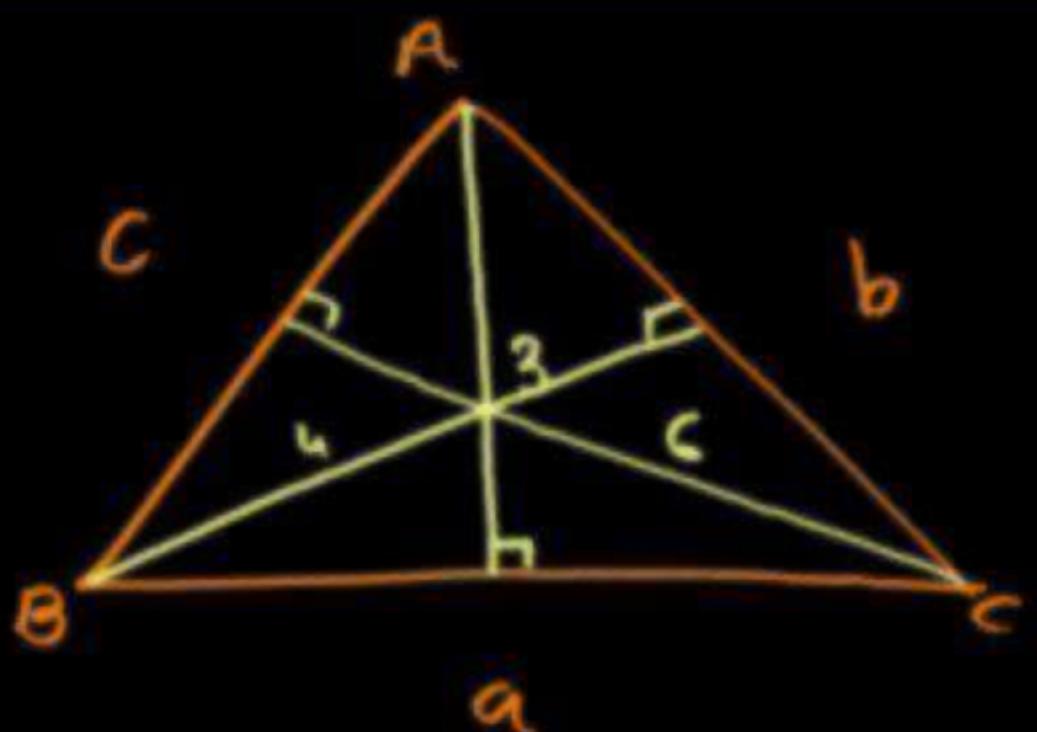
एक अधिककोणीय त्रिभुज ABC में A अधिक कोण है और उसका लम्बकेन्द्र है। तदनुसार, यदि  $\angle BOC = 54^\circ$  हो, तो  $\angle BAC$  कितना होगा ?

- (A) 108
- (B) 126
- (C) 136
- (D) 116



$$\begin{aligned} - & \frac{180}{54} \\ & \underline{\quad 126 \quad} \end{aligned}$$





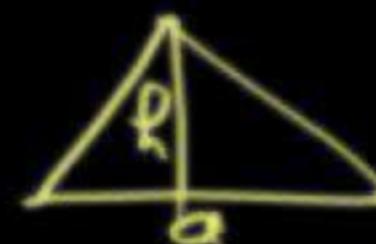
64. If the altitudes of a triangle are 3, 4, 6.  
Find the ratio of its sides.

किसी त्रिभुज के तीनों लम्बों की लम्बाईयाँ 3, 4, 6 हैं  
तो उस त्रिभुज की भुजाओं का अनुपात होगा-

- (A) 3:4:6
- (B) 4:3:2
- (C) 3:4:1
- (D) None

$$\cancel{\frac{1}{2} \times a \times 3} = \cancel{\frac{1}{2} b \times 4} = \cancel{\frac{1}{2} c \times 6}$$

$$\boxed{3a = 4b = 6c}$$



$$A = \frac{1}{2} \times a \times R$$

$$\frac{3}{4} : \frac{1}{3} : \frac{6}{2}$$

$$9 : 3 : 6$$

$$\frac{h_1 \times h_3}{h_1 + h_3} < h_2 < \frac{h_1 \times h_3}{h_1 - h_3}$$

$$\frac{4 \times 12}{4+12} < h_2 < \frac{4 \times 12}{12-4}$$

$$\frac{48}{16} < h_2 < \frac{48}{8}$$

$$\boxed{3 < h_2 < 6}$$

65. In a triangle two altitudes are 4 cm and 12 cm respectively and all the altitudes are integrers. What could be the largest possible length of the third altitude?

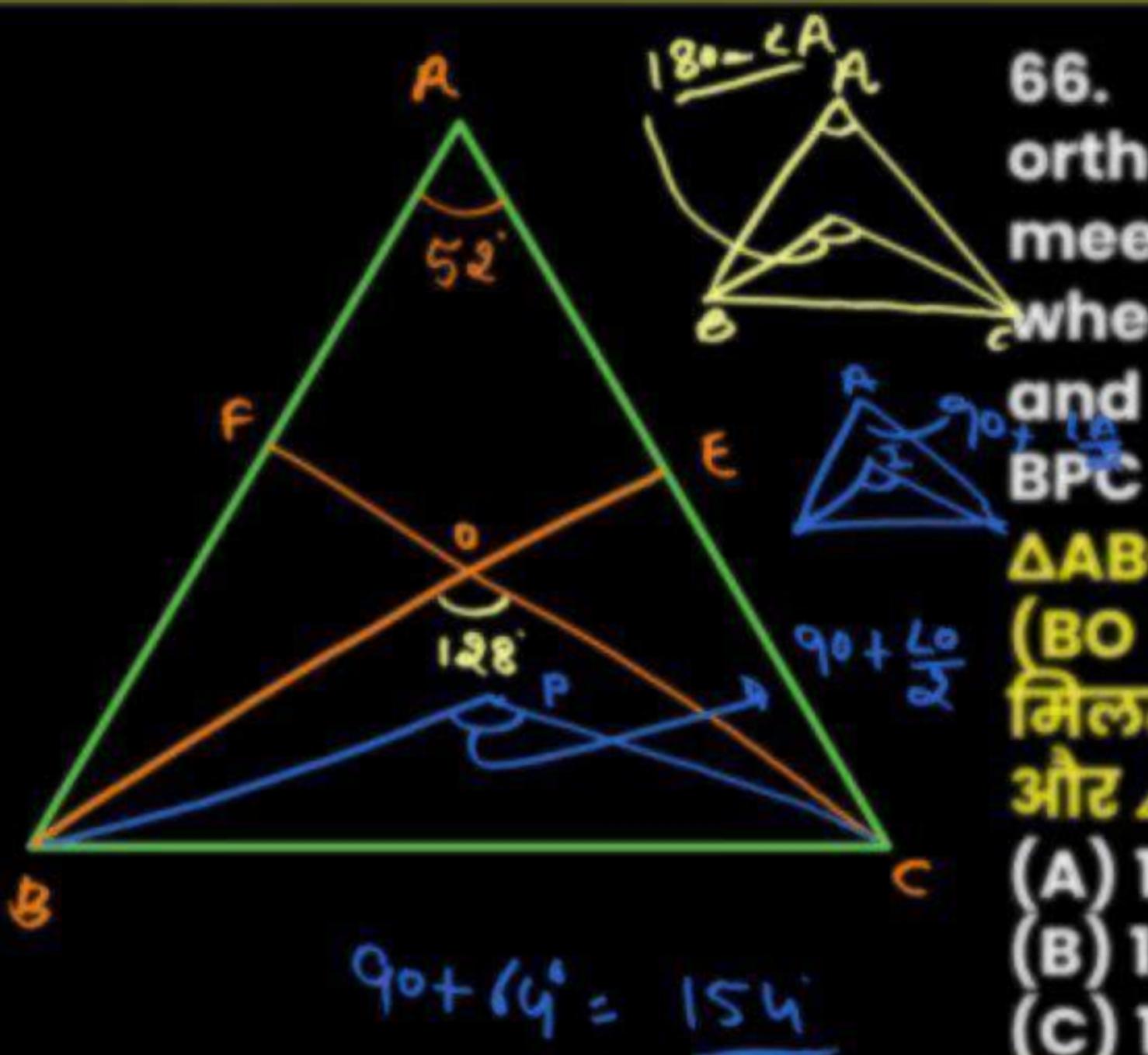
एक त्रिभुज में दो लम्ब 4 cm और 12 cm है। सभी लम्ब पूर्णांक हैं। तीसरे लम्ब की अधिकतम लम्बाई ज्ञात करो।

(A) 4

**(B) 5**

(C) 6

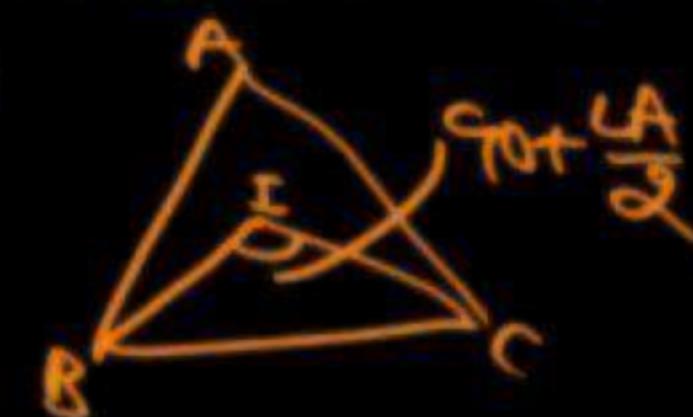
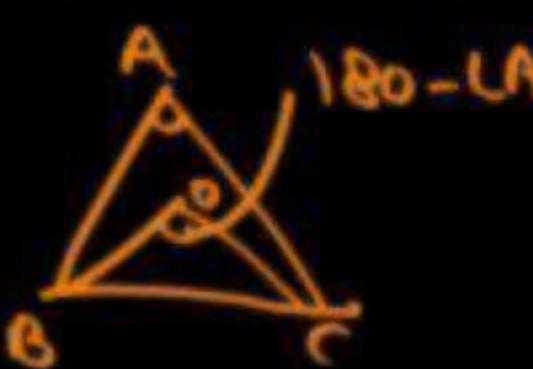
(D) 3

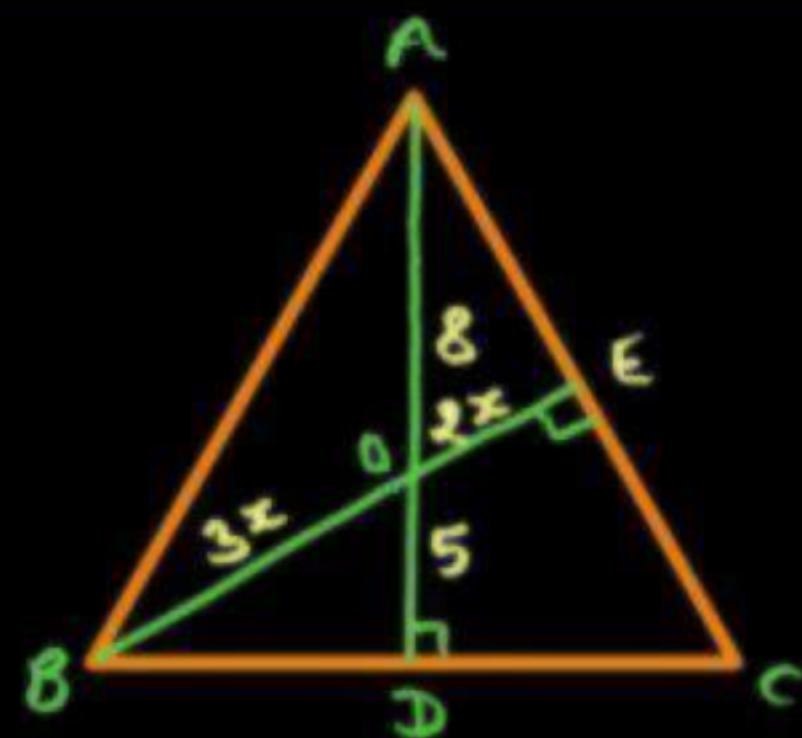


66. In  $\triangle ABC$ ,  $\angle A = 52^\circ$  and  $O$  is the orthocentre of the triangle ( $BO$  and  $CO$  meet  $AC$  and  $AB$  at  $E$  and  $F$  respectively when produced). If the bi-sector of  $\angle OBC$  and  $\angle OCB$  meet at  $P$ , then the measure of  $\angle BPC$  is:

$\triangle ABC$  में,  $\angle A = 52^\circ$  और एक त्रिभुज का लंब केन्द्र है। ( $BO$  और  $CO$  तब क्रमशः  $E$  और  $F$  पर  $AC$  एवं  $AB$  से मिलते हैं जब उन्हें प्रोट्यूस किया जाता है)। यदि  $\angle OBC$  और  $\angle OCB$  के द्विभाजक  $P$  पर मिलते हैं, तो  $\angle BPC$  है:

- (A)  $124^\circ$
- (B)  $132^\circ$
- (C)  $138^\circ$
- (D)  $154^\circ$





$$AO \times OD = BO \times OE$$

$$8x \times 5 = 3x \times 2x$$

$$40 = 3x^2$$

$$x^2 = \frac{40}{3}$$

$$2x = \sqrt{\frac{40}{3}}$$

67. If  $AO = 8 \text{ cm}$  and  $OD = 5 \text{ cm}$   $\frac{BO}{OE} = \frac{3}{2}$  find the value of  $OE$ ?

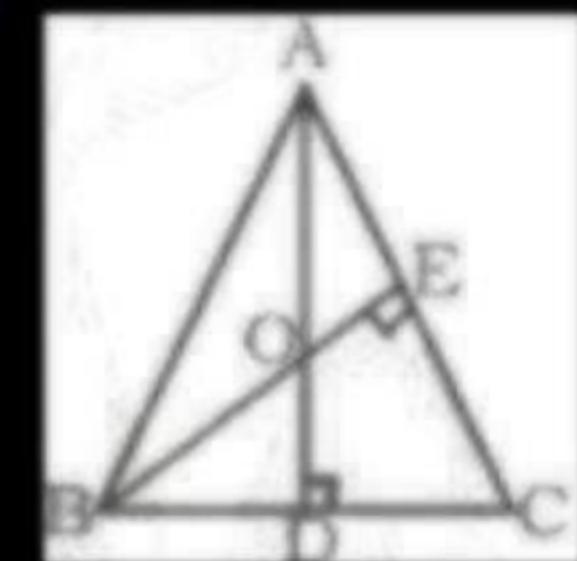
यदि  $AO = 8 \text{ सेमी}$  और  $OD = 5 \text{ सेमी}$   $\frac{BO}{OE} = \frac{3}{2}$  है तो  $OE$  ज्ञात करें।

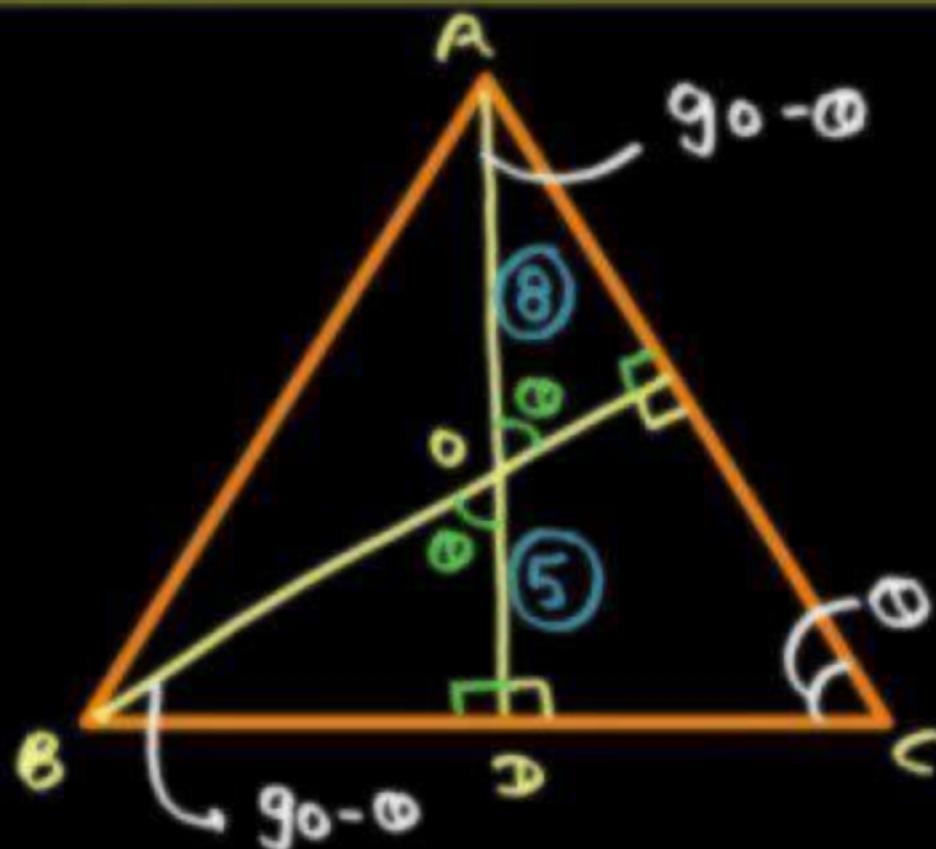
(A)  $2\sqrt{\frac{20}{3}}$

(B)  $2\sqrt{\frac{40}{3}}$

(C)  $\sqrt{\frac{20}{3}}$

(D) None



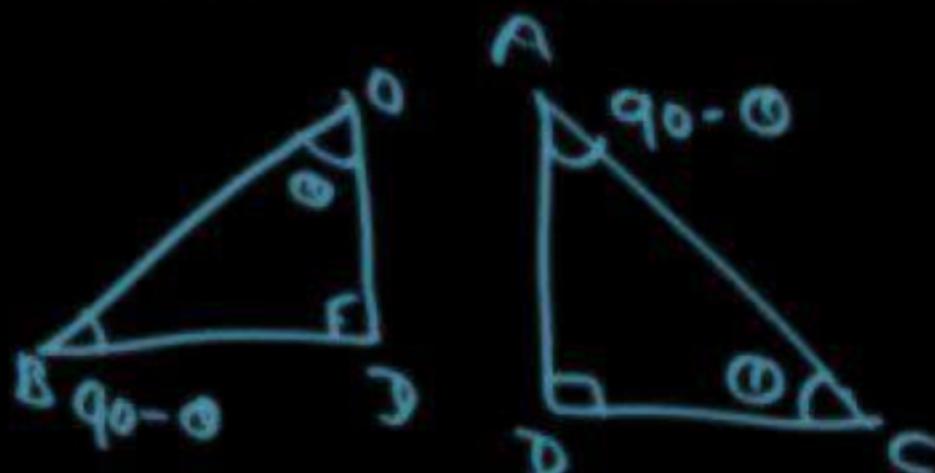


$\triangle BOD \sim \triangle ACD$

$$\frac{BO}{AC} = \frac{OD}{CD} > \frac{BD}{AD}$$

$$OD \times AD = CD \times BD$$

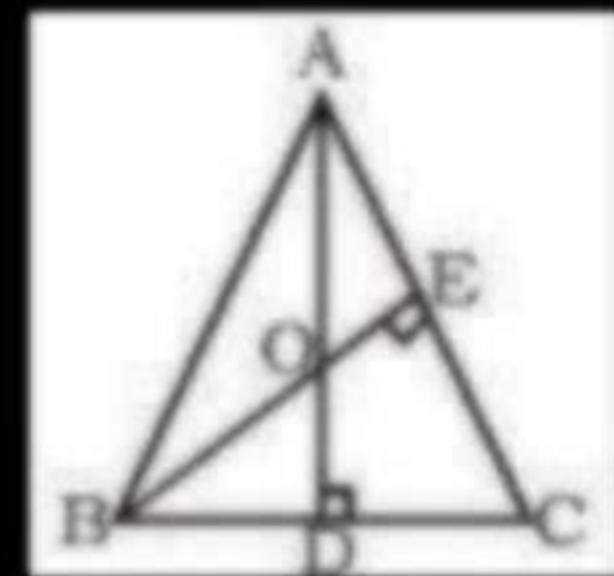
$$5 \times 13 = CD \times BD$$



68. If  $AO = 8 \text{ cm}$  and  $OD = 5 \text{ cm}$  find  $BD \cdot DC = ?$  यदि  $AO = 8 \text{ सेमी}$  और  $OD = 5 \text{ सेमी}$  है तो  $BD \cdot DC$  होगा।

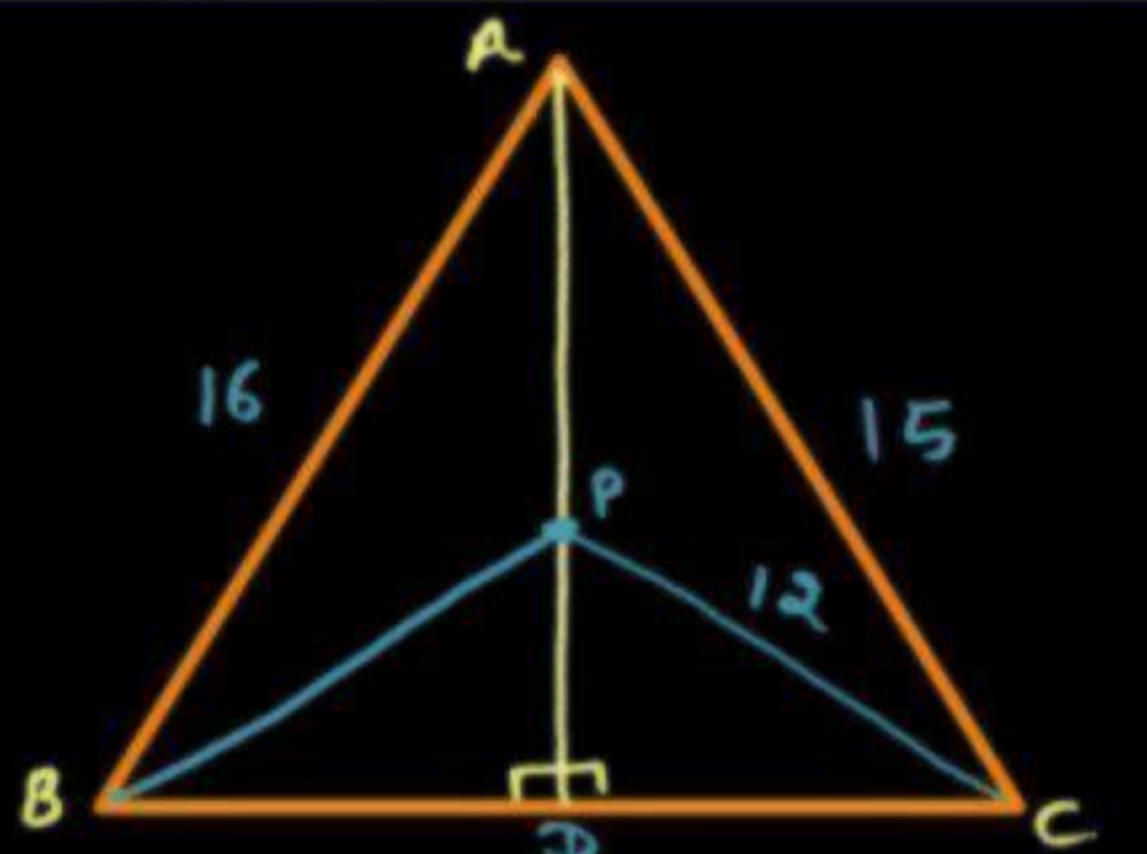
- (A) 60
- (B) 65
- (C) 130
- (D) 110

AAA



AAA

Similarity  
 $\triangle BOD \sim \triangle ACD$



$$AB^2 + CP^2 = AC^2 + BP^2$$

$$256 + 144 = 225 + BP^2$$

$$400 = 225 + BP^2$$

$$BP^2 = 175$$

69. If  $\triangle ABC$  and  $AD \perp BC$ , P is point of  $AD$  if  $AB = 16 \text{ cm}$ ,  $AC = 15 \text{ cm}$ ,  $CP = 12 \text{ cm}$  is  $BP$ ?

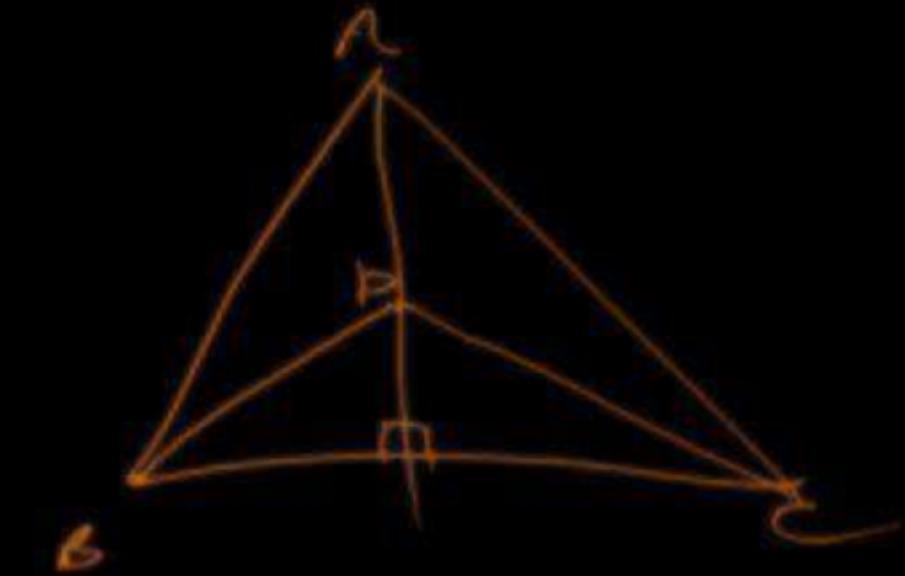
यदि त्रिभुज  $ABC$  और  $AD \perp BC$ , P बिन्दु पर है तो  $AD$  पर  $AB = 16 \text{ सेमी}$ ,  $AC = 15 \text{ सेमी}$   $CP = 12 \text{ सेमी}$  है तो  $BP$  होगा।

(A)  $5\sqrt{7}$

(B)  $\sqrt{7}$

(C)  $4\sqrt{7}$

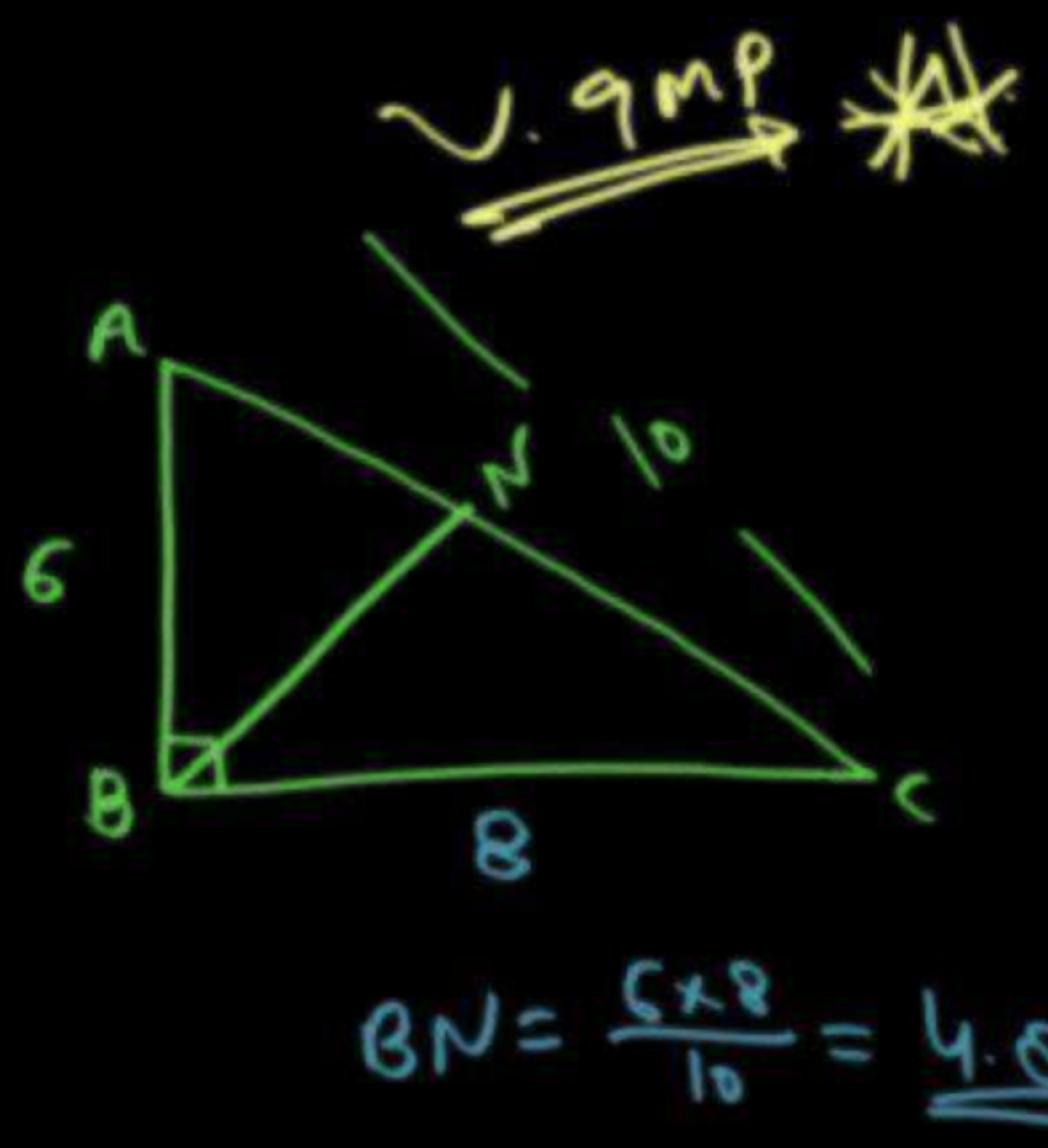
(D)  $6\sqrt{7}$



$$AB^2 + CP^2 = AC^2 + BP^2$$

$$BP^2 = 25 \times 7$$

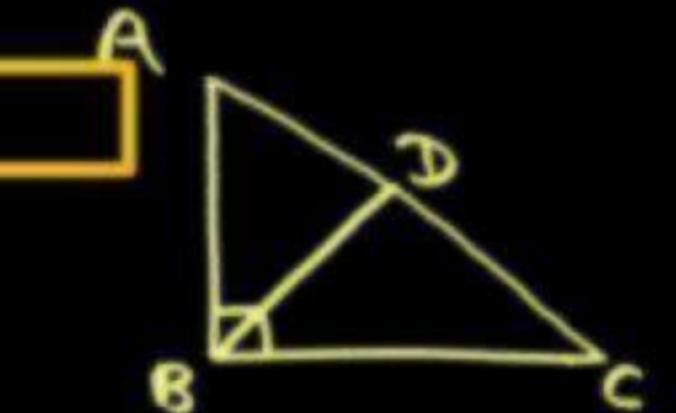
$$BP = 5\sqrt{7}$$



70.  $\triangle ABC$  is right angle triangle where  $\angle ABC = 90^\circ$  and  $BN$  is perpendicular to  $AC$ . Here,  $AB = 6$  cm.,  $AC = 10$  cm. then find  $BN$ ?

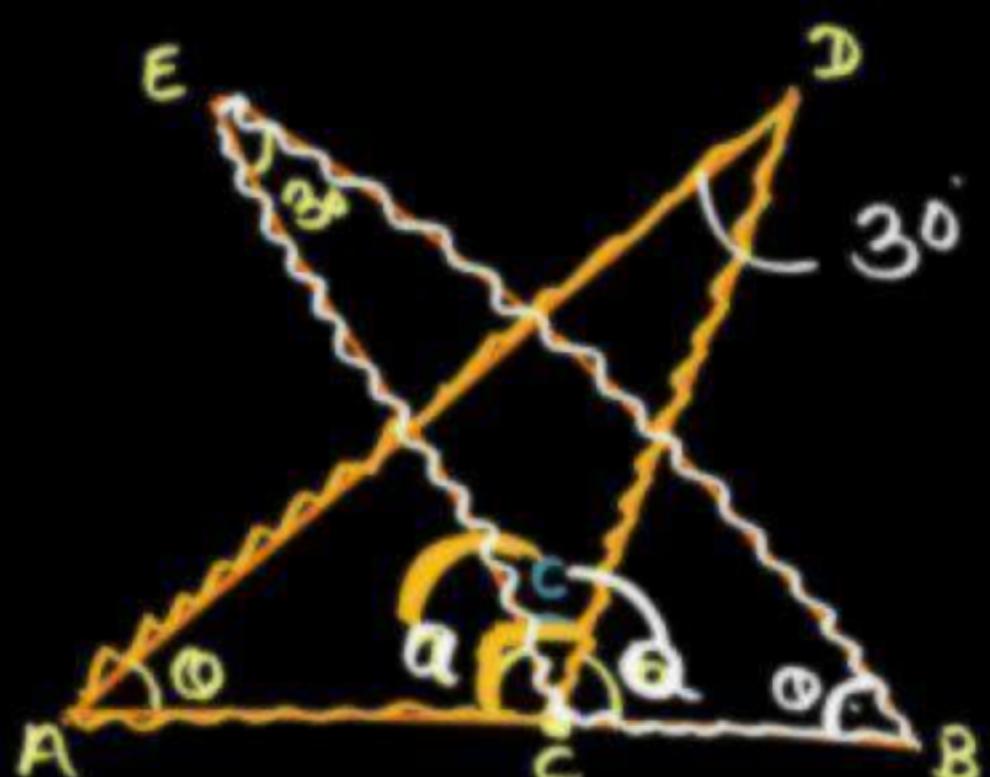
$\triangle ABC$  एक समकोण त्रिभुज है जिसमें  $\angle ABC = 90^\circ$  है और  $BN$ ,  $AC$  पर लम्ब है। उसमें  $AB = 6$  सेमी.,  $AC = 10$  सेमी. है, तो  $BN$  कितना होगा ?

- (A) 3.4
- (B) 4.8
- (C) 9.6
- (D) 4.4



$$BD = \frac{AB \times BC}{AC}$$

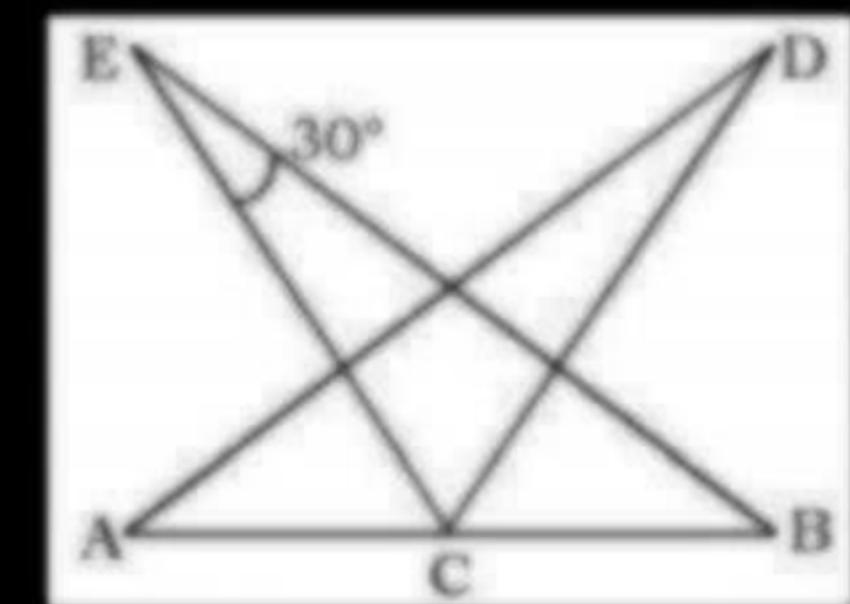
$$6^2 + 8^2 = 10^2$$

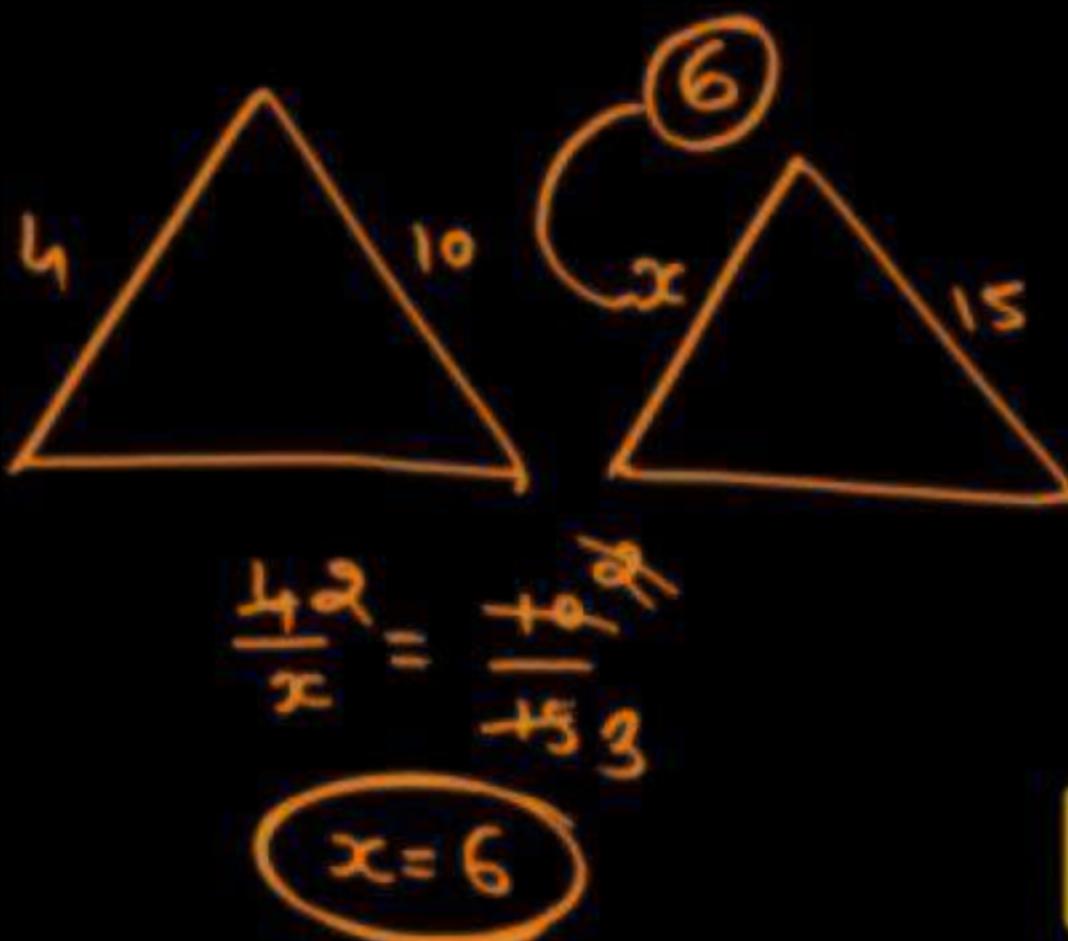


71. C is the mid point of AB and  $\angle BAD$  is equal to  $\angle CBE$  and  $\angle ECA$  is equal to  $\angle DCB$ . If  $\angle E = 30^\circ$ . Find D.

यदि C, AB का मध्य बिन्दु है और  $\angle BAD$ ,  $\angle CBE$  के और  $\angle ECA$ ,  $\angle DCB$  के बराबर हैं। अगर  $\angle E = 30^\circ$  है, तो  $\angle D = ?$

- (A)  $60^\circ$
- (B)  $15^\circ$
- (C)  $45^\circ$
- (D)  $30^\circ$

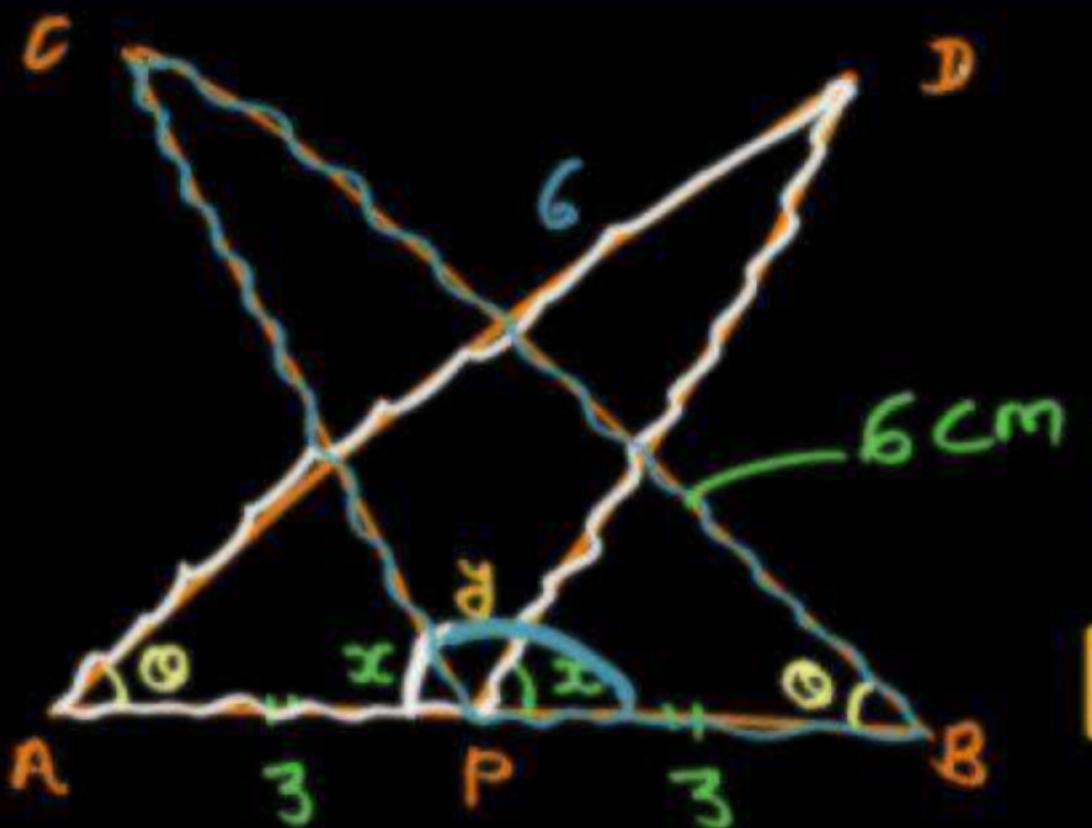




72. The sides of a triangle are 4 cm, 8 cm and 10 cm. Find the length of the shortest side of similar triangle whose longest side is 15 cm?

एक त्रिभुज की भुजाएं 4 सेमी, 8 सेमी और 10 सेमी हैं। उस समानांग त्रिभुज की सबसे छोटी भुजा क्या होगी, जिसकी सबसे लम्बी भुजा 15 सेमी है।

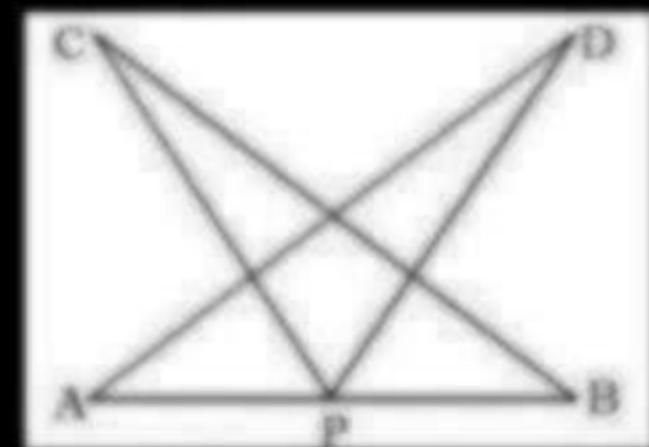
- (A) 4 cm / सेमी
- (B) 8 cm / सेमी
- (C) 6 cm / सेमी**
- (D) 9 cm / सेमी

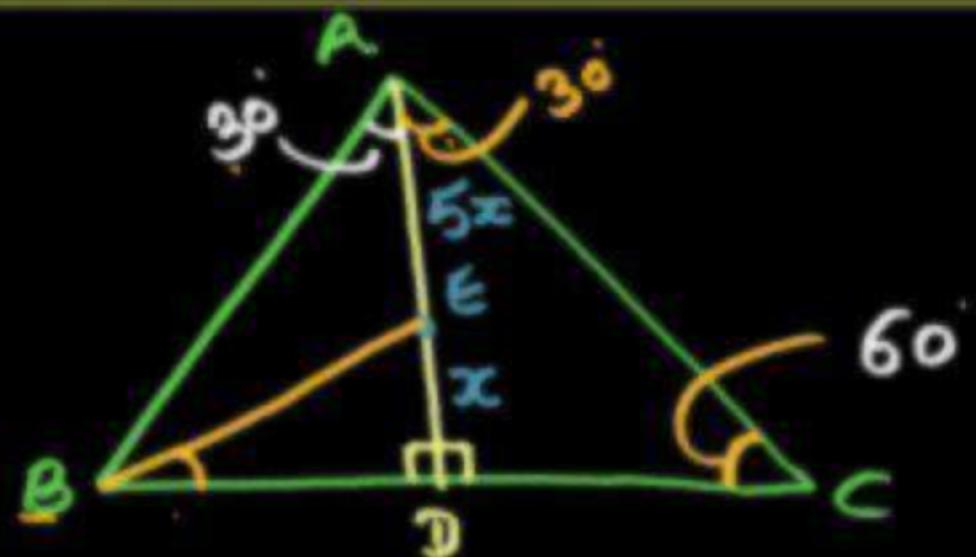


73. In given figure  $AD = 6 \text{ cm}$ ,  $AP = BP = 3 \text{ cm}$ ,  $\angle APC = \angle BPD$  and  $\angle DAP = \angle EBP$  then find BC?

दिये गये चित्र में  $AD = 6 \text{ सेमी}$ ,  $AP = BP = 3 \text{ सेमी}$ ,  $\angle APC = \angle BPD$  और  $\angle DAP = \angle EBP$  है, तो BC का मान ज्ञात कीजिये ?

- (A) 3 cm/ सेमी
- (B) 6 cm/ सेमी
- (C) 5 cm/ सेमी
- (D) None





$$\tan \angle ACB = 6 \tan \angle DBE$$

$$\frac{6x}{DC} = \frac{6+x}{BD}$$

$$\frac{DC}{BD}$$

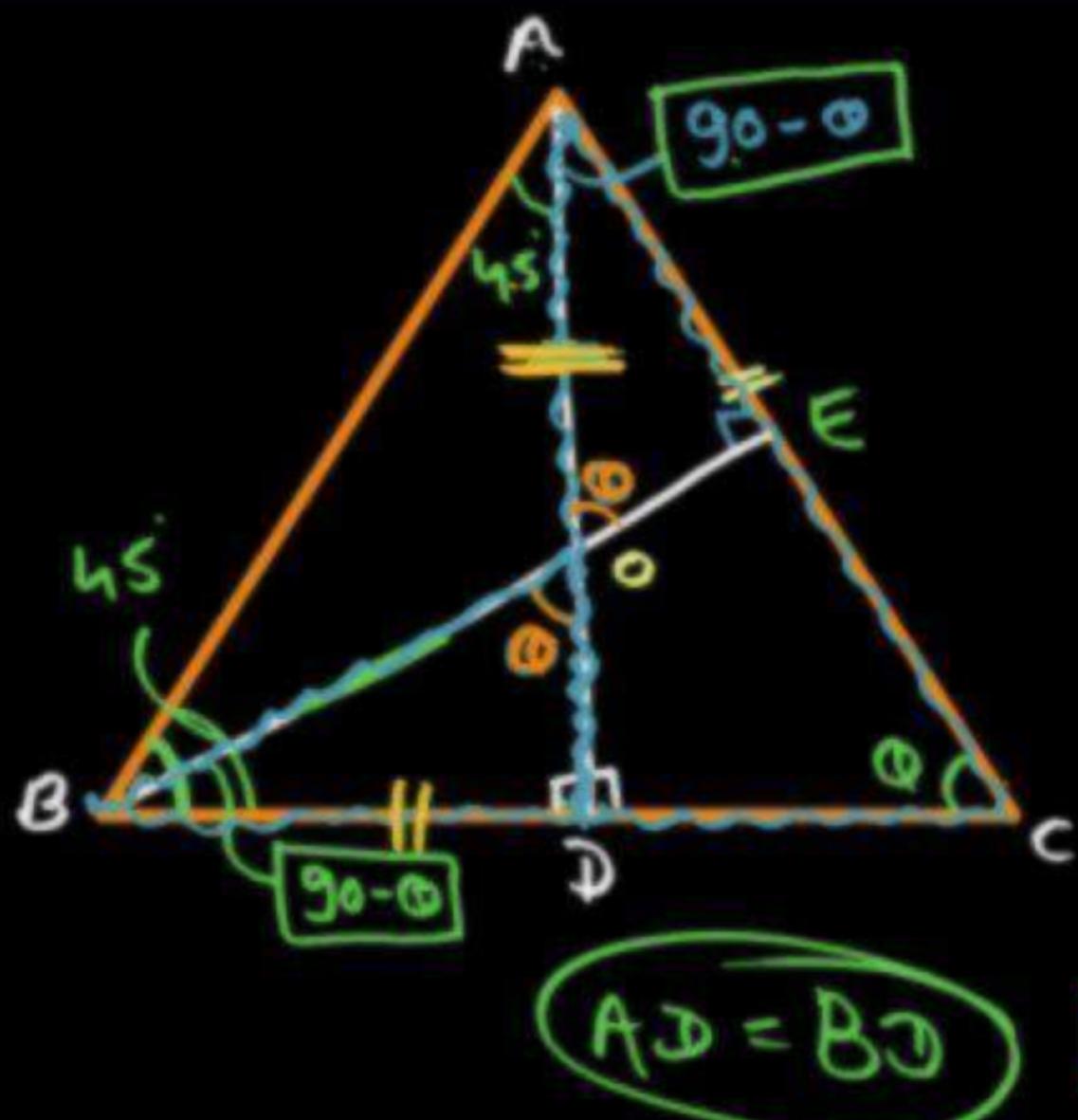
$$DC = BD$$

- (A)  $45^\circ$   
 (B)  $30^\circ$   
 (C)  $60^\circ$   
 (D)  $90^\circ$

74. D is a point on side BC of  $\triangle ABC$  such that  $AD \perp BC$ . E is a point on AD for which  $AE : ED = 5 : 1$ . If  $\angle BAD = 30^\circ$  and  $\tan \angle ACB = 6 \tan \angle DBE$  then  $\angle ACB$  is?

त्रिभुज  $\triangle ABC$  की भुजा BC पर D एक ऐसा बिन्दु है, कि AD, भुजा BC पर लम्ब है। E, AD पर एक बिन्दु है और  $AE : ED = 5 : 1$  है। यदि  $\angle BAD = 30^\circ$  और  $\tan \angle ACB = 6 \tan \angle DBE$  हो, तो  $\angle ACB = ?$

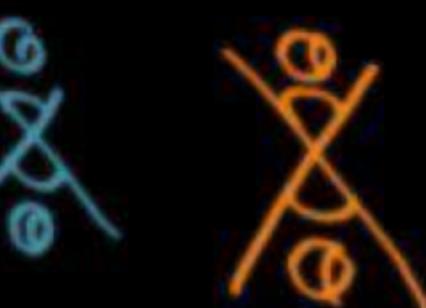
$$\tan \theta = \frac{P}{B} \cdot \frac{L}{R}$$

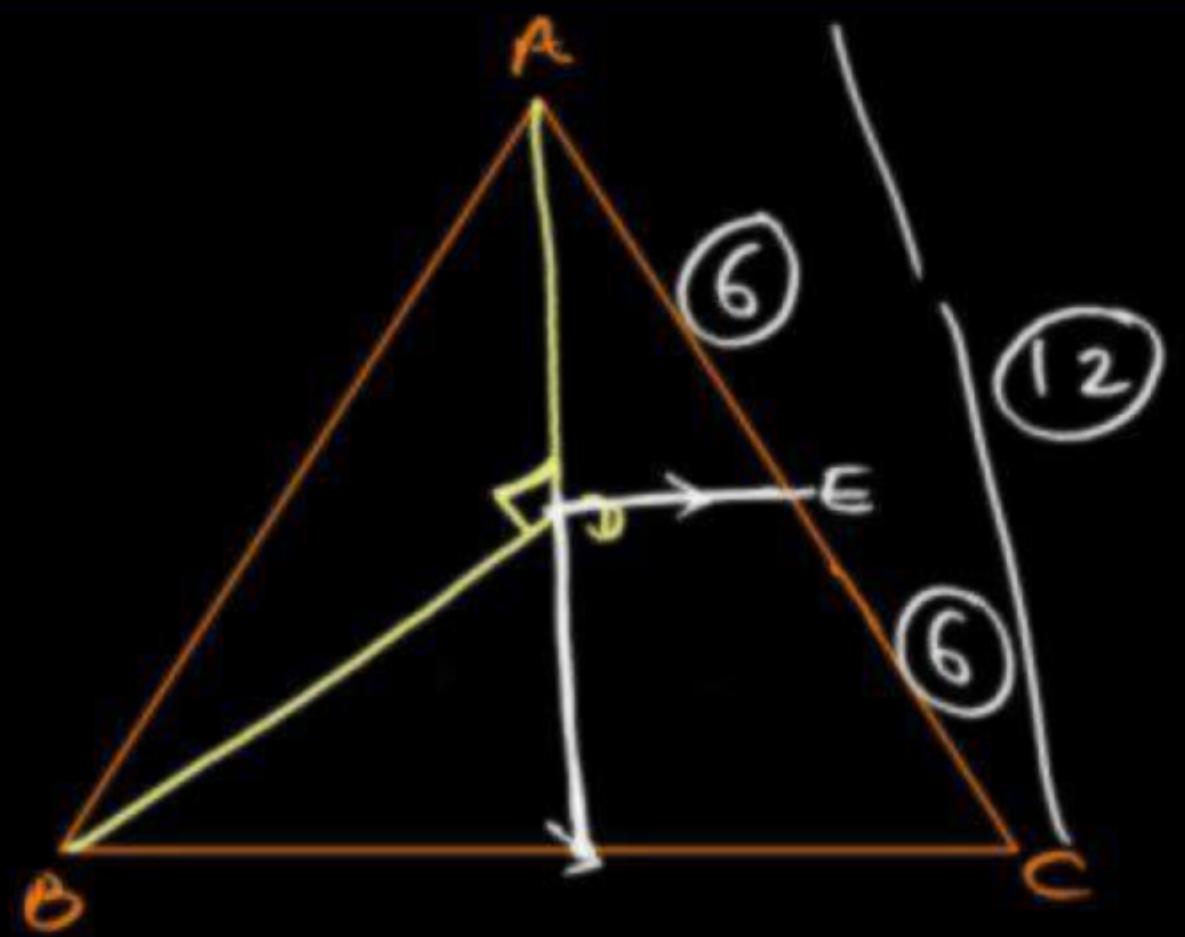


75. In a triangle ABC, AD is perpendicular on side BC. E is the foot of perpendicular on side AC from vertex B. AD and BE intersect each other at point O. If  $AC = BO$  then find  $\angle ABC$ ?

त्रिभुज ABC में AD भुजा BC पर लंब है। भुजा AC पर विन्दु B से डाले गये लम्ब का पाद है। AD और BE एक दूसरे को विन्दु O पर प्रतिच्छेद करते हैं। यदि  $AC = BO$  है, तो  $\angle ABC$  का मान जात कीजिये?

- (A)  $30^\circ$
- (B)  $45^\circ$**
- (C)  $60^\circ$
- (D)  $90^\circ$

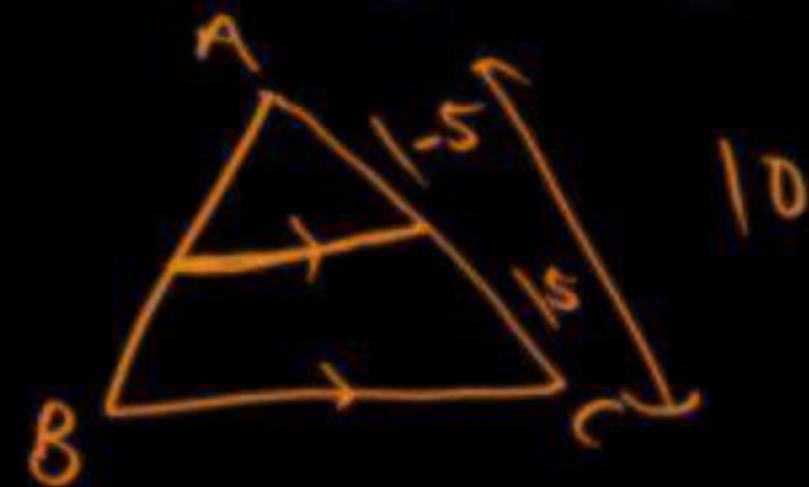


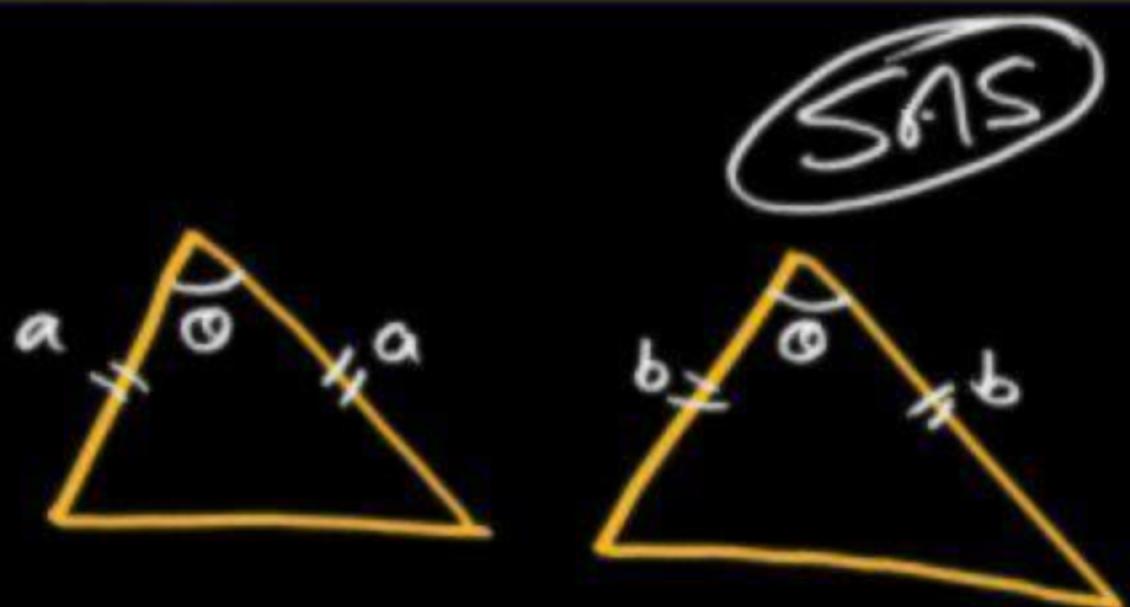


76. AD is perpendicular to the internal bisector of  $\angle ABC$  of triangle ABC. DE is drawn through D and parallel to BC to meet AC at E. If the length of AC is 12cm. then the length of AE (in cm) is.

**AD** त्रिभुज ABC के  $\angle ABC$  के आंतरिक द्विभाजक का लंब है। DE, D से होकर और BC के समानांतर बनाया जाता है जिससे AC को E पर मिल सके। यदि AC की लंबाई 12 सेमी. है तो AE की लंबाई (सेमी. में) कितनी होगी?

- (A) 4
- (B) 3
- (C) 6**
- (D) 8





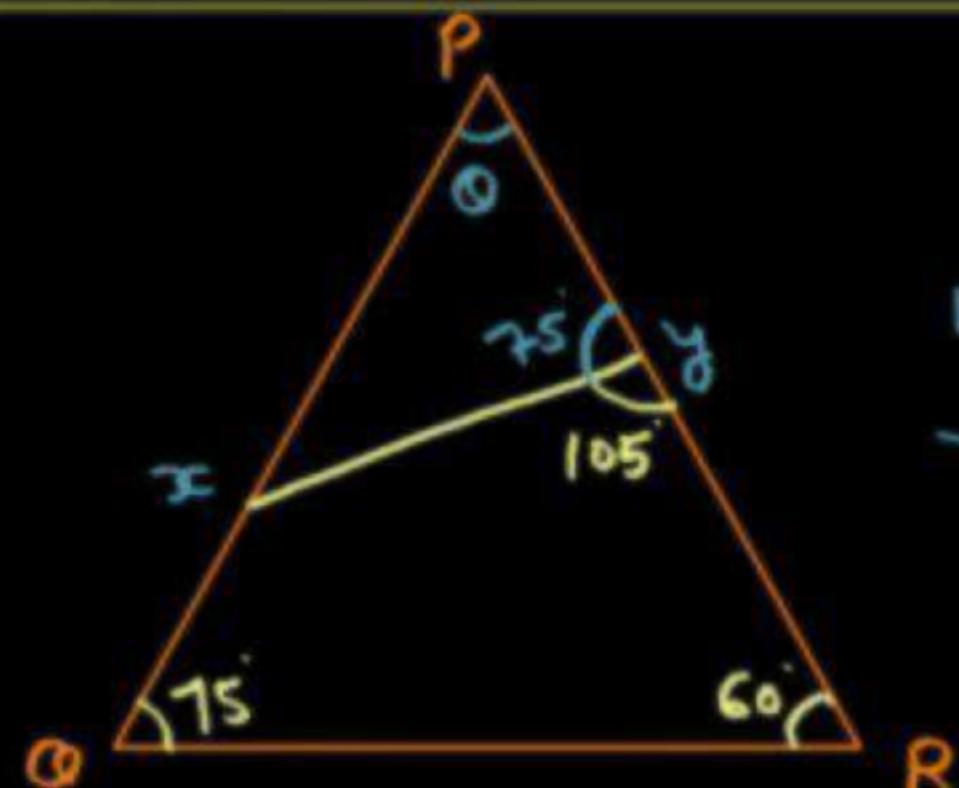
$$h_1 : h_2 = 3 : 4$$

$$P_1 : P_2 = 3 : 4$$

77. Vertex angles of two isosceles triangles are equal. If ratio of their height is 3: 4, find the ratio of their perimeter-

दो समद्विबाहु त्रिभुजों के शीर्ष कोण समान हैं। यदि उनकी ऊँचाइयों का अनुपात 3: 4 है तो उनके परिमापों का अनुपात होगा-

- (A) 6:8
- (B) 4:3
- (C) 9:16
- (D) 3:4



$$\frac{PQ}{QR} \sim \frac{PY}{XR}$$

$$\frac{14}{9} = \frac{PQ}{18}$$

$$PQ = 28$$

$180^\circ$

79. In the given figure, if  $\frac{QR}{XY} = \frac{14}{9}$  and  $PY = 18 \text{ cm}$ , then what is the value (in cm) of  $PQ$ ?

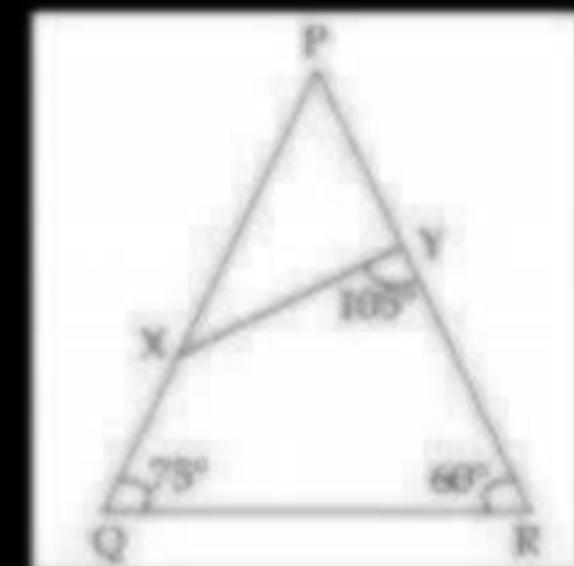
दी गई आकृति में, यदि  $\frac{QR}{XY} = \frac{14}{9}$  तथा  $PY = 18 \text{ सेमी.}$  हो तो  $PQ$  का मान (सेमी. में) क्या है?

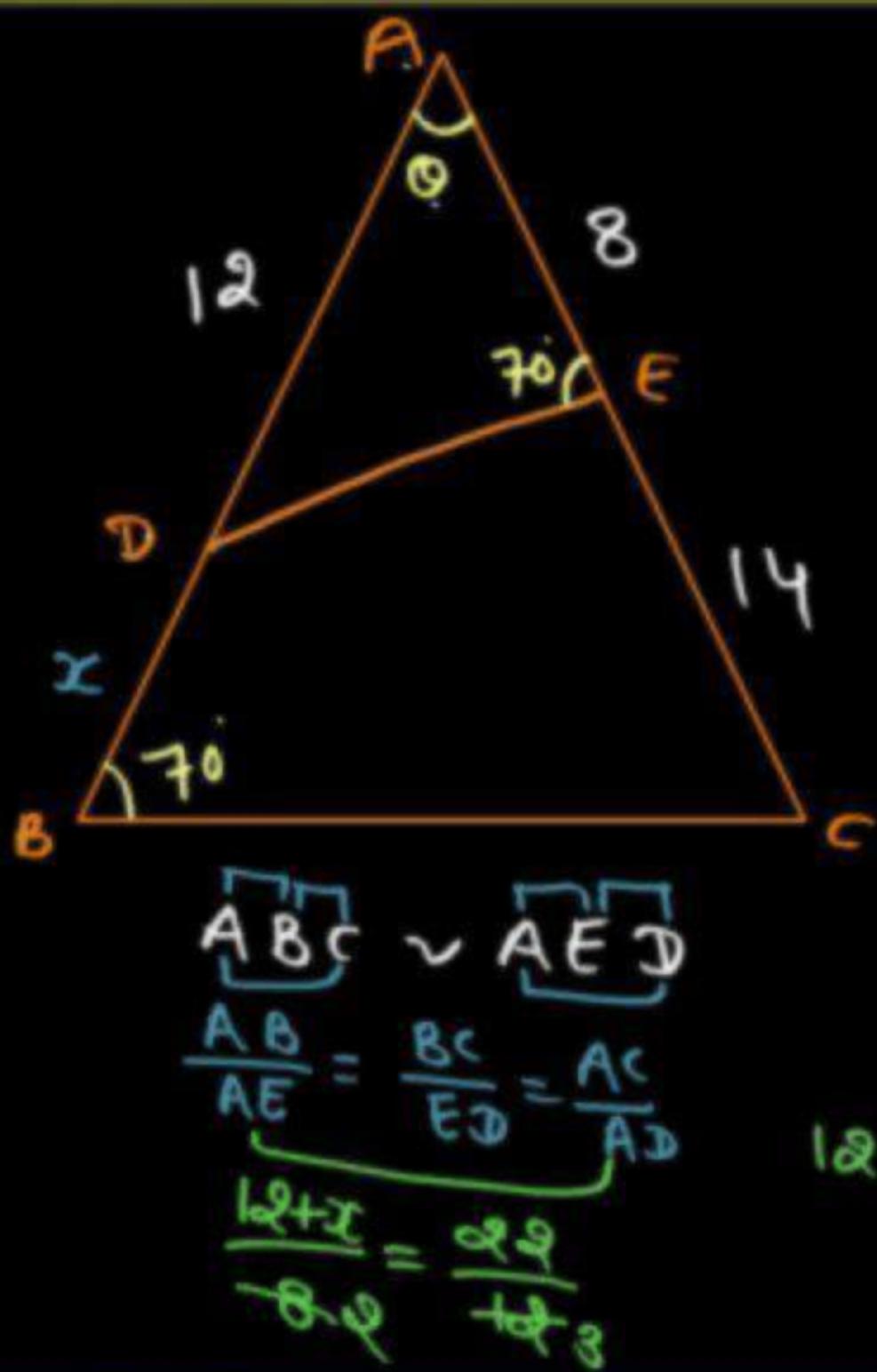
(A) 28

(B) 18

(C) 21

(D) 24



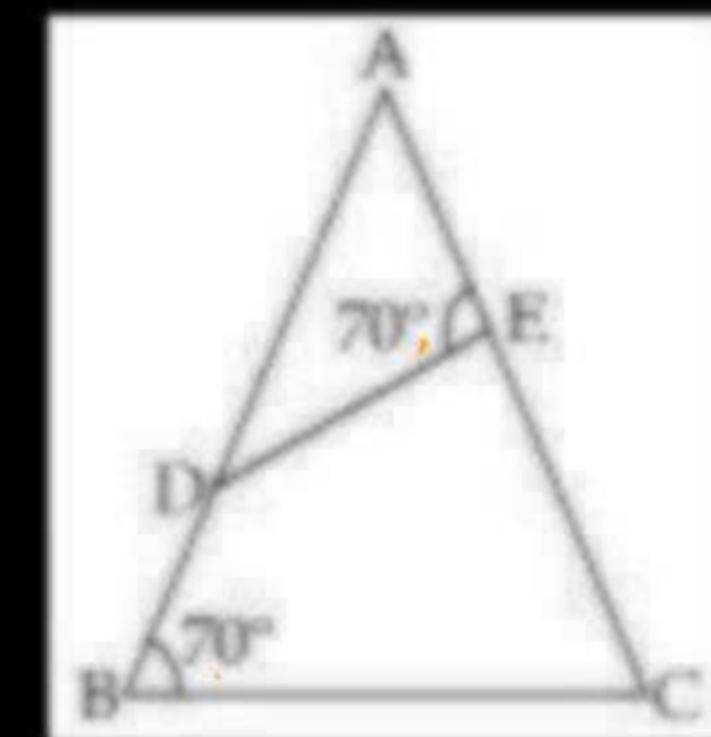


81. In the given figure, if  $AD = 12$  cm,  $AE = 8$  cm and  $EC = 14$  cm, then what is the value (in cm) of  $BD$ ?

दी गई आकृति में, यदि  $AD = 12$  सेमी.,  $AE = 8$  सेमी. तथा  $EC = 14$  सेमी. है, तो  $BD$  का मान (सेमी. में) क्या है?

- (A)  $50/3$
- (B) 15
- (C)  $8/3$
- (D)  $44/3$

$$12+x = \frac{44}{3} \quad x = \frac{44}{3} - 12 = \boxed{\frac{8}{3}}$$



$$\triangle ABC \sim \triangle PQR$$

Area

$$9 : 16$$

Side

$$3 : 4$$

$$\frac{3}{4} = \frac{9}{PQ}$$

$$PQ = 16$$

83. Let  $\triangle ABC \sim \triangle QPR$  and  $\frac{\text{ar}(\triangle ABC)}{\text{ar}(\triangle PQR)} = \frac{9}{16}$ . If  $AB = 12$  cm,  $BC = 6$  cm and  $AC = 9$  cm, then  $QP$  is equal to:

माना  $\triangle ABC \sim \triangle QPR$  और  $\frac{\text{ar}(\triangle ABC)}{\text{ar}(\triangle PQR)} = \frac{9}{16}$  है। यदि  $AB =$

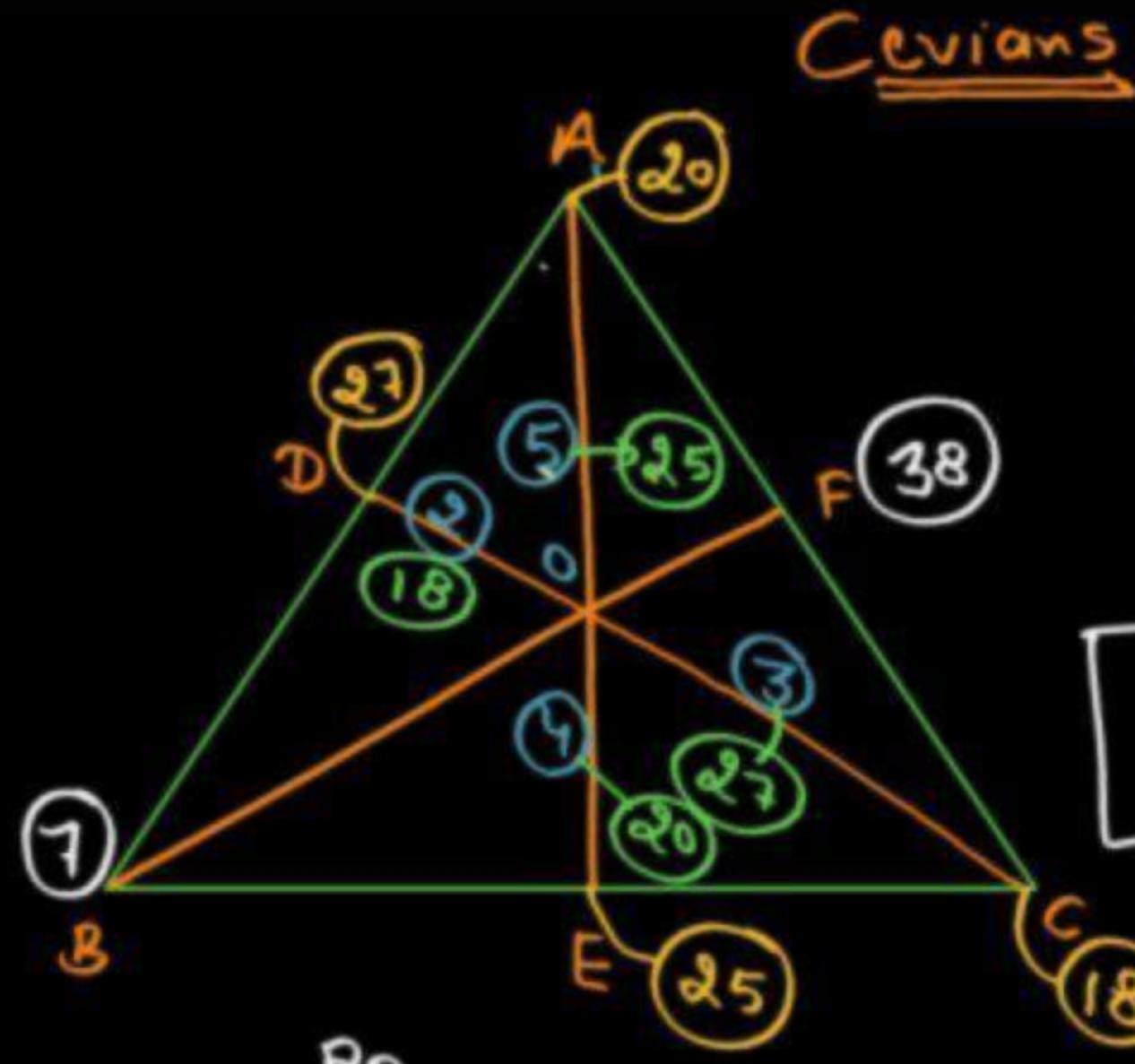
$12$  cm,  $BC = 6$  cm और  $AC = 9$  cm है, तो  $QP$  बराबर है

(A) 16 cm

(B) 9 cm

(C) 12 cm

(D) 8 cm



$$\frac{BO}{OF} = \frac{38}{7}$$

Cevians

88. In the given figure  $\frac{AO}{OE} = \frac{5}{4}, \frac{CO}{OD} = \frac{3}{2}$  then  $\frac{BO}{OF} = ?$

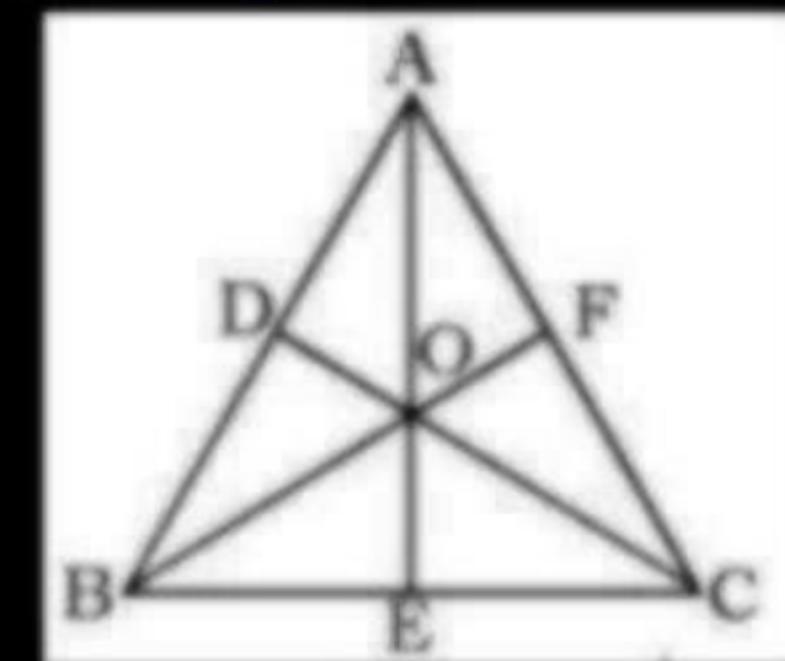
दिए गए चित्र में  $\frac{AO}{OE} = \frac{5}{4}, \frac{CO}{OD} = \frac{3}{2}$  है, तो  $\frac{BO}{OF}$  जात कीजिए ?

(A)  $\frac{33}{7}$

(B)  $\frac{38}{7}$

(C)  $\frac{37}{6}$

(D)  $\frac{38}{5}$





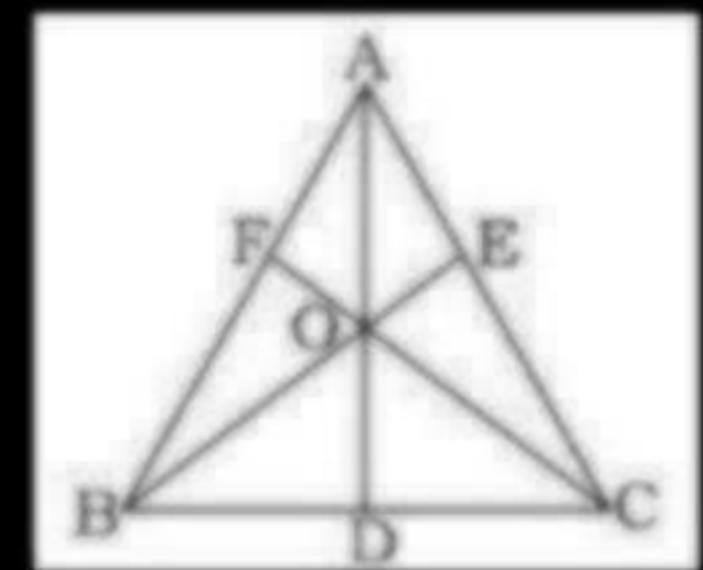
$$\frac{26}{3} \times 4 + \frac{13}{3} \times 4 [39]$$

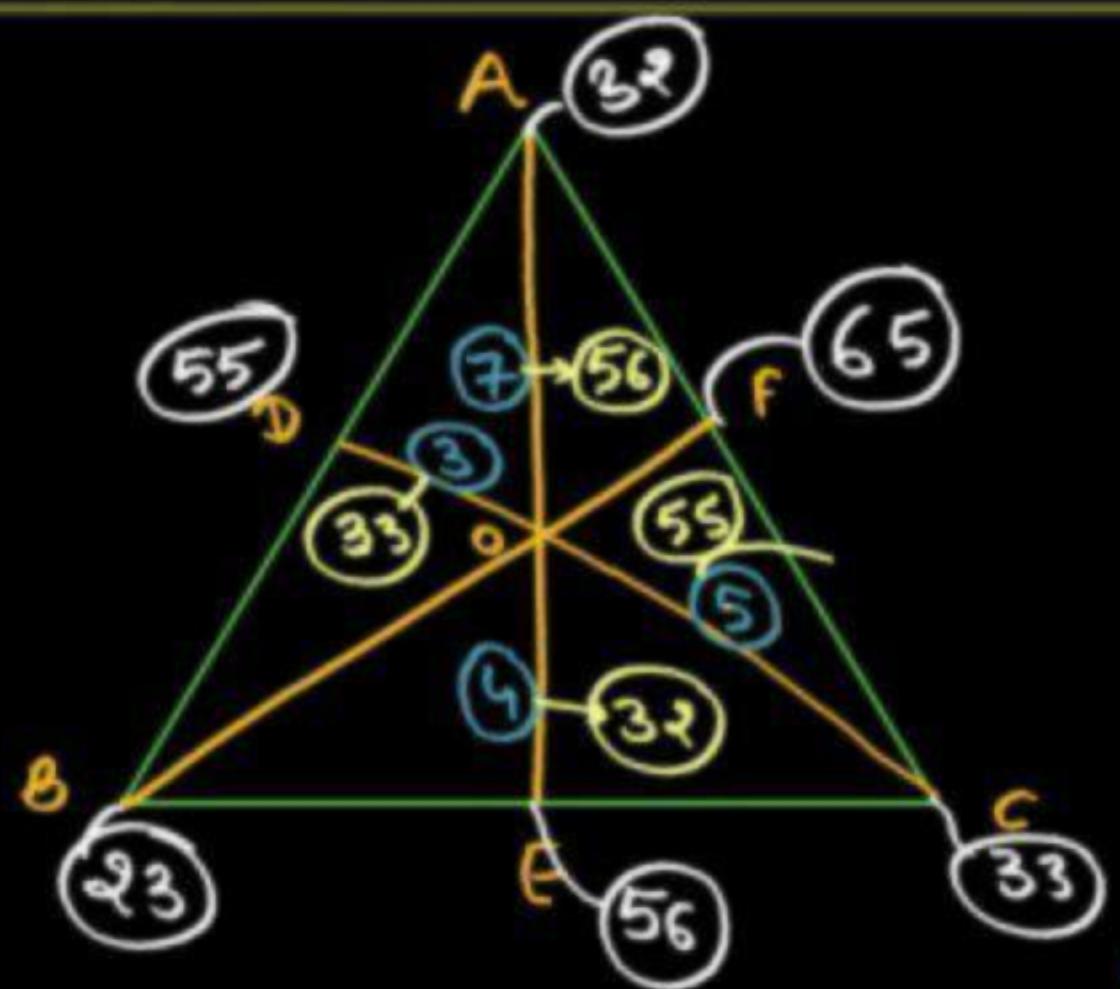
$$\begin{aligned} & \frac{4}{3} \times 39 + 39 \\ & 52 + 39 \\ & \Rightarrow 91 \end{aligned}$$

89. In  $\triangle ABC$ , point O is intersection of AB, BE and CF it divides AD in 4: 3. If area of BOD and DOC are  $26 \text{ cm}^2$  and  $13 \text{ cm}^2$ . Find the area of  $\triangle ABC$

त्रिभुज ABC में, बिन्दु O, AB, BE और CF का कटान बिन्दु है, यह बिन्दु AD को 4: 3 अनुपात में विभाजित करती है, यदि त्रिभुज BOD और DOC का क्षेत्रफल क्रमशः  $26$  और  $13$  सेमी.<sup>2</sup> है, तो  $\triangle ABC$  का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिये।

- (A)  $52 \text{ cm}^2$
- (B)  $56 \text{ cm}^2$
- (C)  $54 \text{ cm}^2$
- (D) None





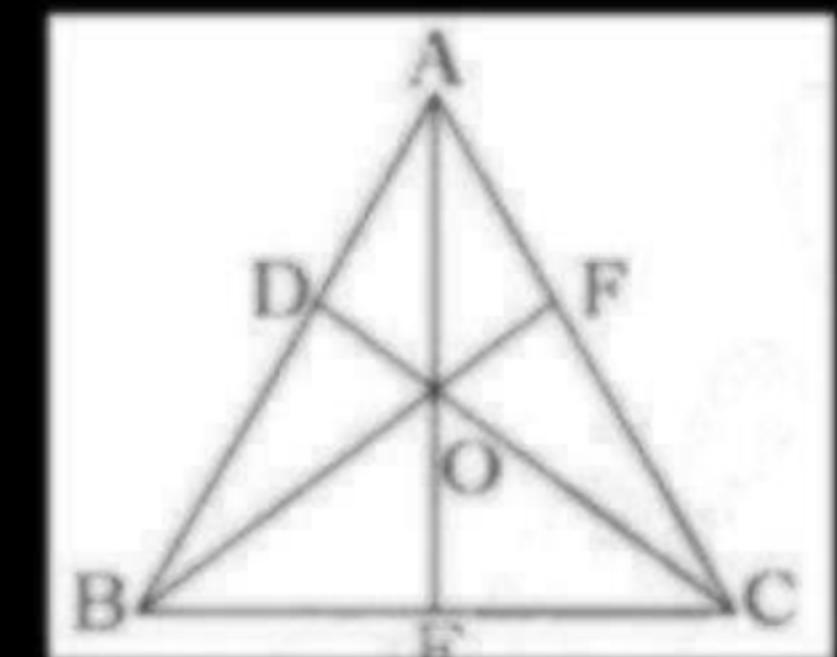
$$\frac{BO}{OF} = \frac{65}{3}$$

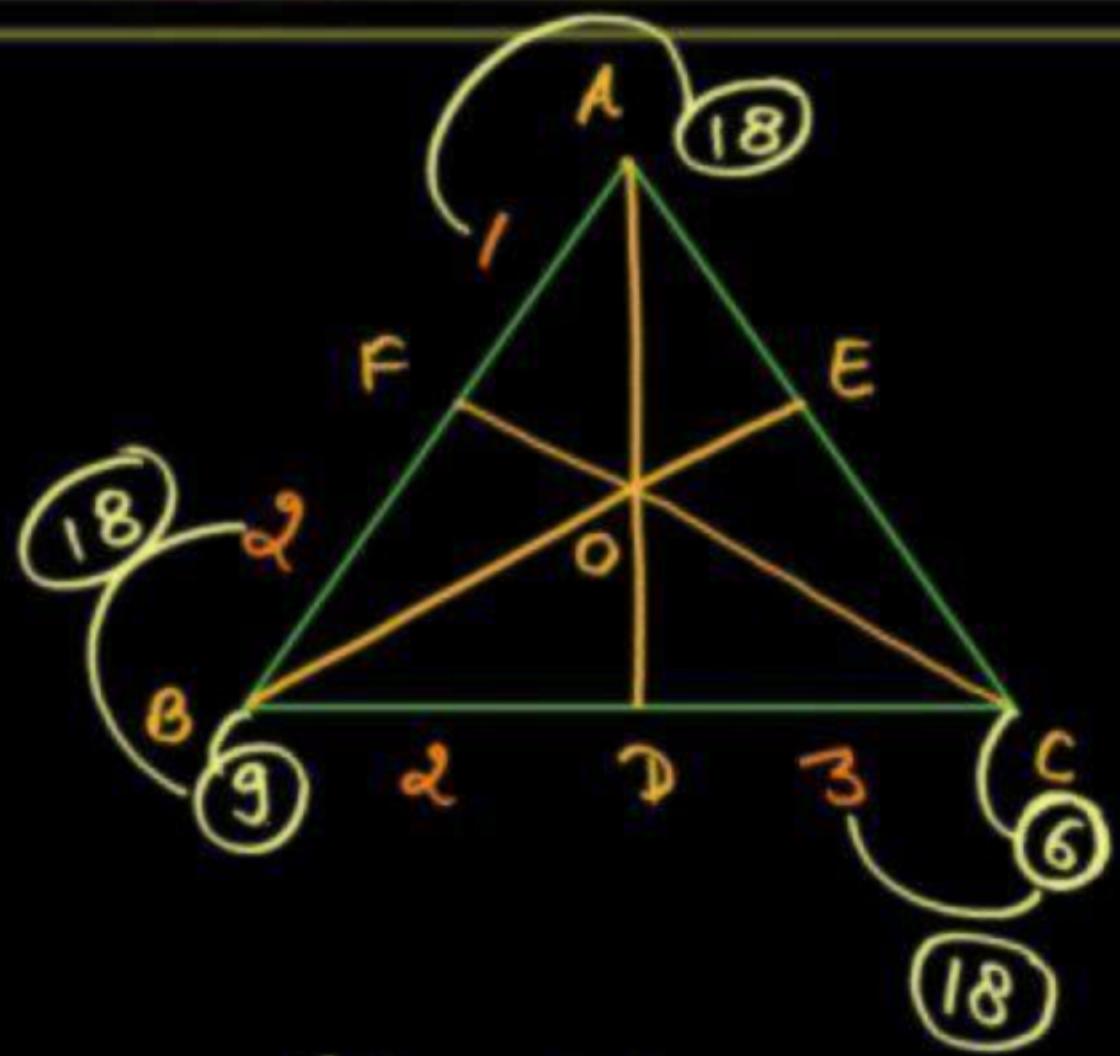
- (A)  $\frac{61}{23}$
- (B)  $\frac{65}{23}$
- (C)  $\frac{68}{36}$
- (D) None

90. In the given figure  $O$  is in-center of  $\triangle ABC$  and if

$$\frac{AO}{OE} = \frac{7}{4}, \frac{CO}{OD} = \frac{5}{3} \text{ then } \frac{BO}{OF} = ?$$

यदि गये चित्र में  $O$ ,  $\triangle ABC$  का अन्तःकेन्द्र है और  $\frac{AO}{OE} = \frac{7}{4}, \frac{CO}{OD} = \frac{5}{3}$  है, तो  $\frac{BO}{OF}$  का मान जात कीजिये।





$CE : EA$

$$18 : 6$$

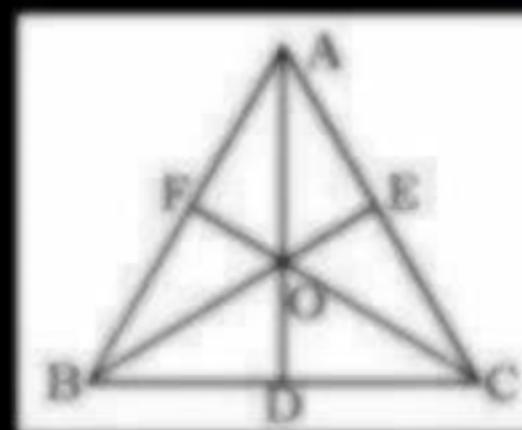
$3 : 1$

$$\frac{3}{1} \cdot \frac{CE}{EA}$$

- (A)  $\frac{21}{10}$   
 (B)  $\frac{31}{10}$   
 (C)  $\frac{15}{7}$   
 (D) None

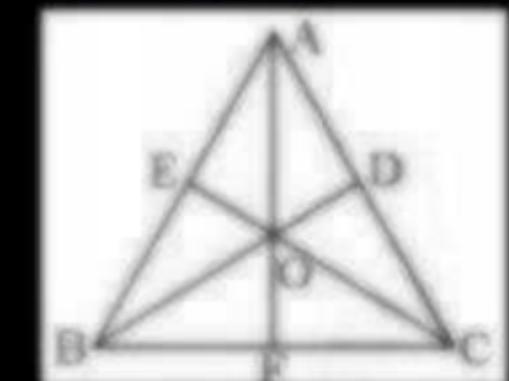
91. In the given figure  $\frac{AF}{FB} = \frac{1}{2}$ ,  $\frac{BD}{DC} = \frac{2}{3}$  then find the value of  $\frac{CE}{EA}$ .

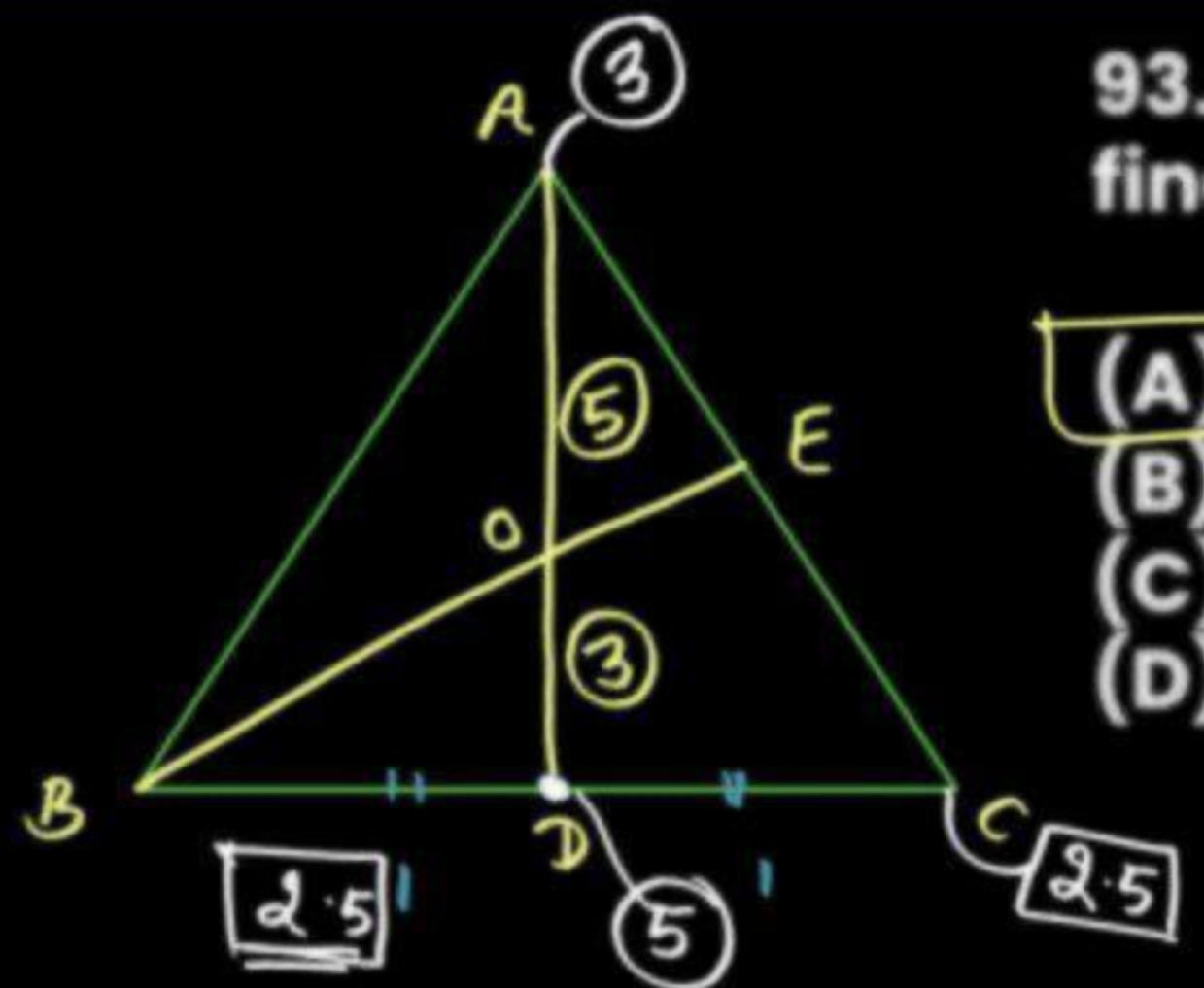
दिए गए चित्र में  $\frac{AF}{FB} = \frac{1}{2}$ ,  $\frac{BD}{DC} = \frac{2}{3}$  है, तो  $\frac{CE}{EA}$  का मान ज्ञात कीजिए ?



In the given figure  $\frac{AD}{CD} = \frac{3}{5}$ ,  $\frac{AE}{BE} = \frac{5}{2}$  then find the value of  $\frac{AO}{OF}$

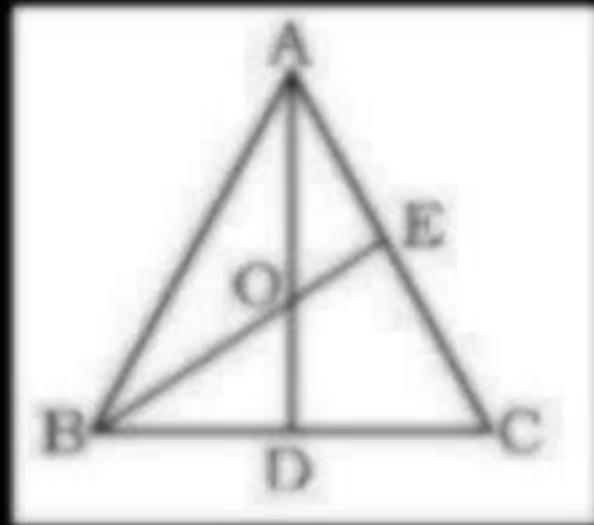
दिए गए चित्र में  $\frac{AD}{CD} = \frac{3}{5}$ ,  $\frac{AE}{BE} = \frac{5}{2}$  है, तो  $\frac{AO}{OF}$  का मान ज्ञात कीजिये ?





93. AD is the median of  $\triangle ABC$  if  $AO: OD=5:3$   
find the  $AE: EC$ .

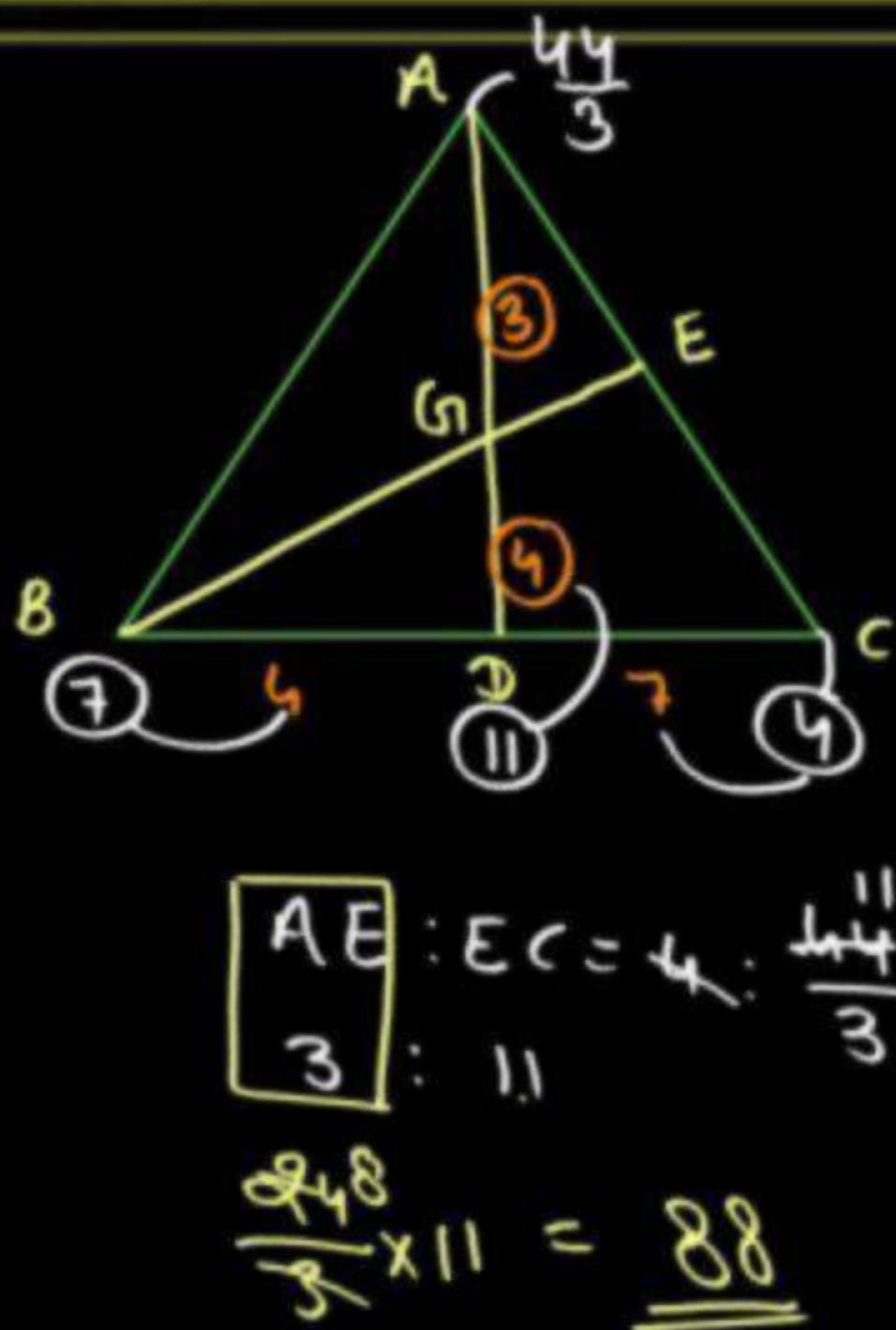
- (A) 5:6
- (B) 5:8
- (C) 6:5
- (D) 3:4



$$AE : EC$$

~~$$25 : 30$$~~

$5 : 6$
---------



94. In the given figure  $AG:GD = 3:4$ ,  $BD:DC = 4:7$ ,  $AE = 24 \text{ cm}$  then find the length of  $CE$ .

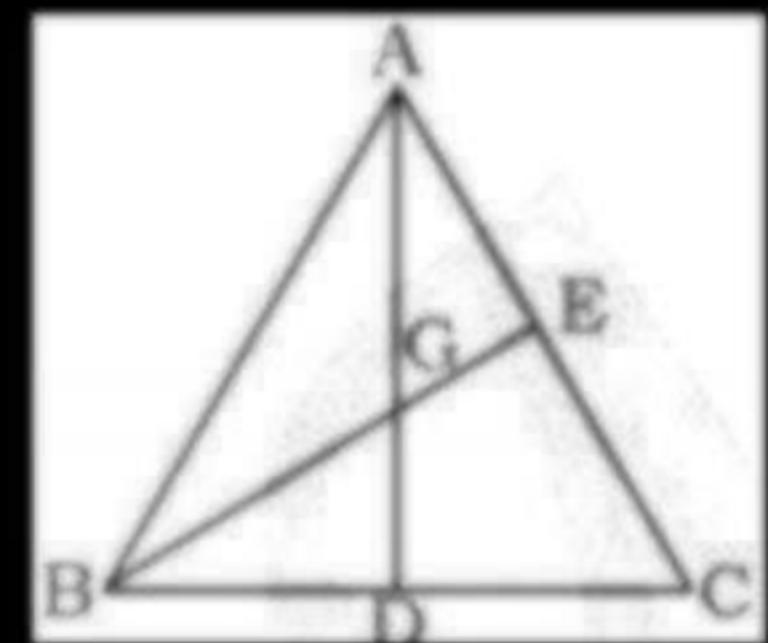
दिये गये चित्र में  $AG:GD = 3:4$ ,  $BD:DC = 4:7$ ,  $AE = 24 \text{ सेमी है, तो } CE \text{ ज्ञात कीजिये ?}$

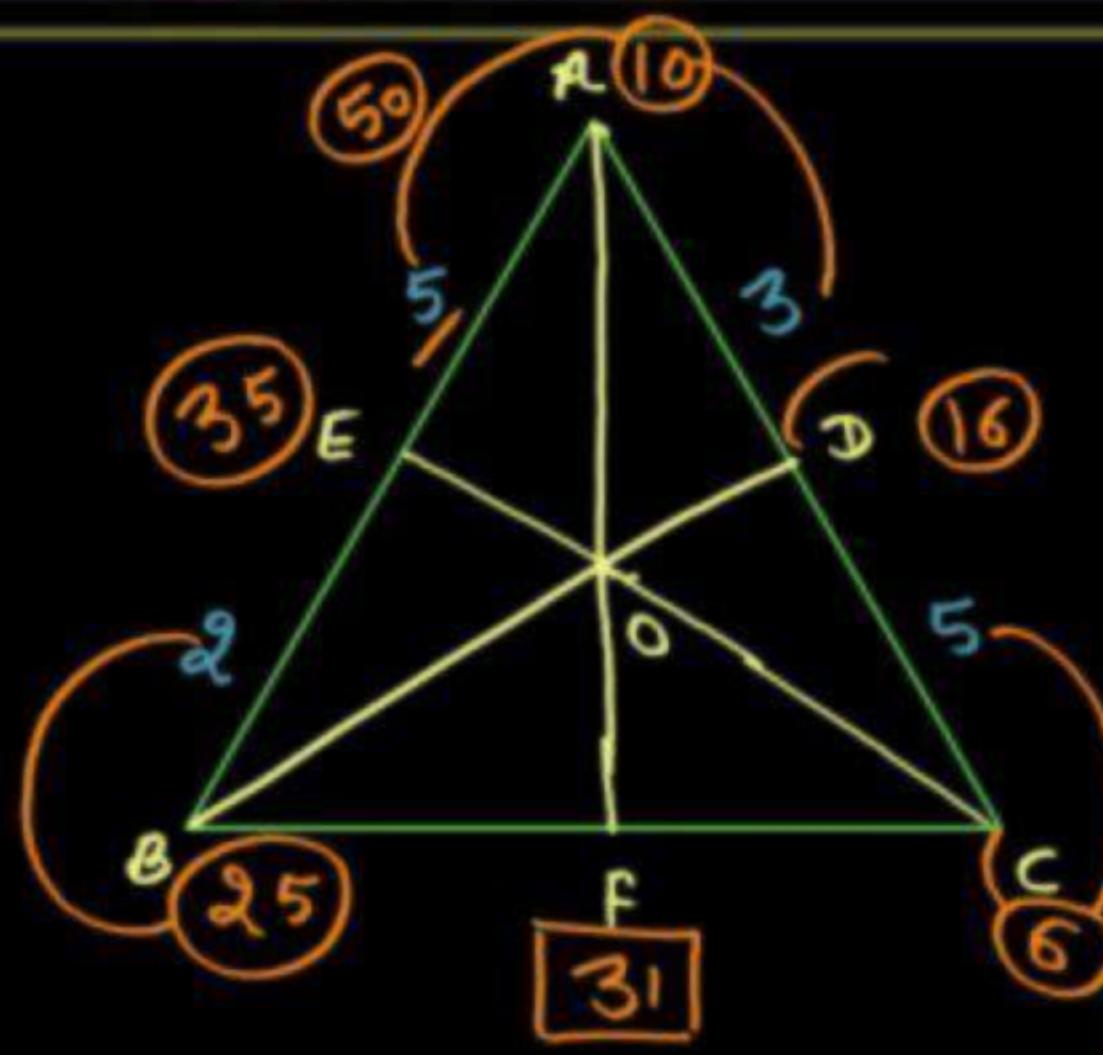
(A) 44 cm

**(B) 88 cm**

(C) 84 cm

(D) 85 cm





$$\frac{AO}{OF} = \frac{31}{10}$$

95. In the given figure  $\frac{AD}{CD} = \frac{3}{5}, \frac{AE}{BE} = \frac{5}{2}$  then find the value of  $\frac{AO}{OF}$

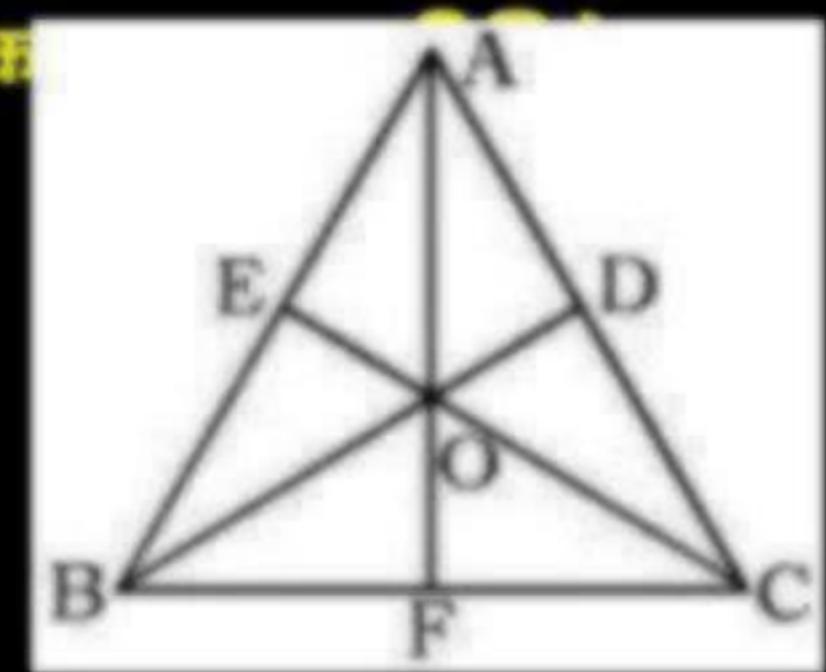
दिए गए चित्र में  $\frac{AD}{CD} = \frac{3}{5}, \frac{AE}{BE} = \frac{5}{2}$  है, तो  $\frac{AO}{OF}$  का

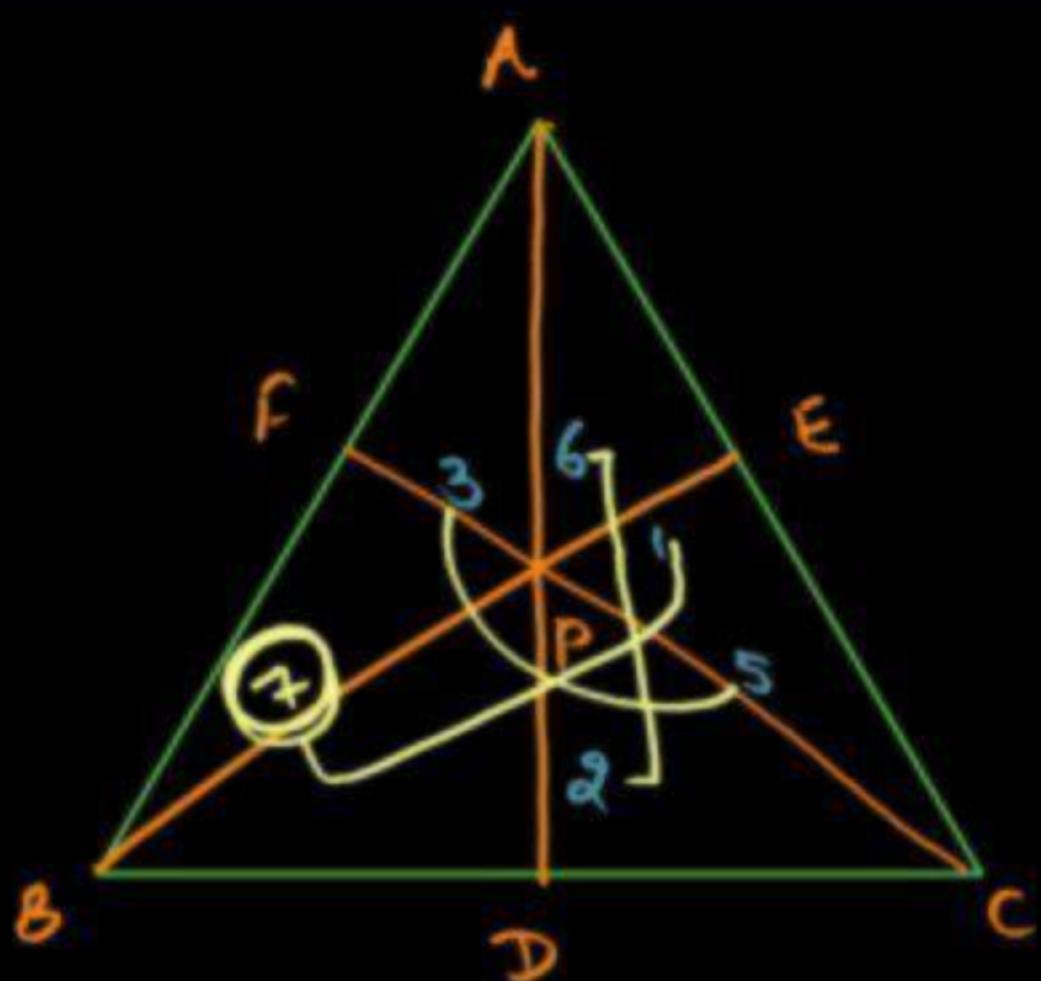
(A)  $\frac{21}{10}$

(B)  $\frac{31}{10}$

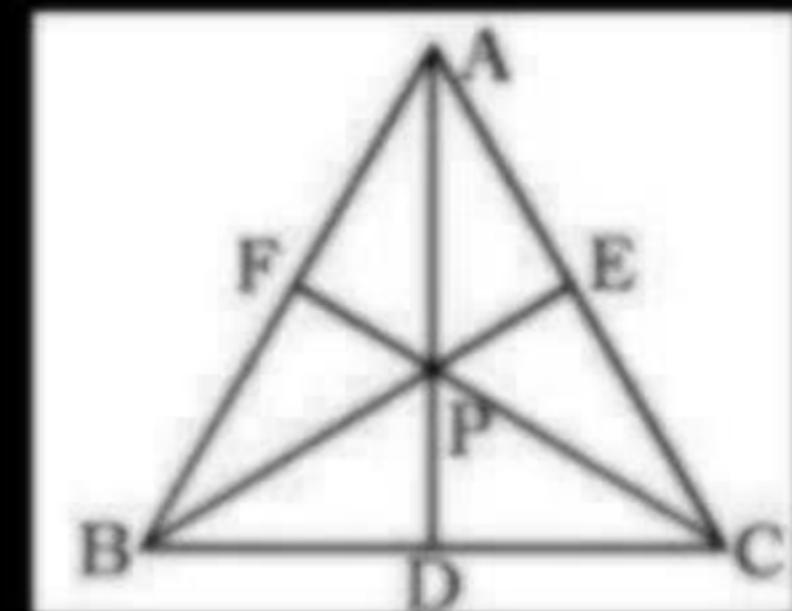
(C)  $\frac{15}{7}$

(D) None





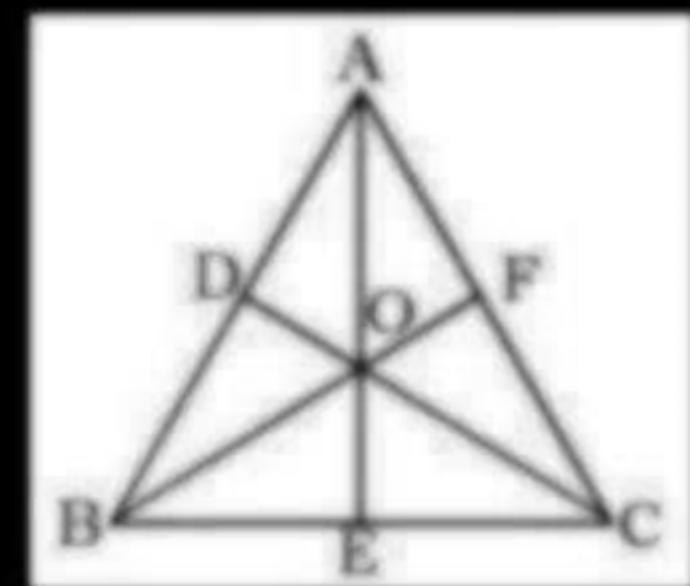
97. In the given figure  $AP = 6 \text{ cm}$ ,  $CP = 5 \text{ cm}$ ,  $PD = 2 \text{ cm}$   $PE = 1 \text{ cm}$  and  $PF = 3 \text{ cm}$  then  $BP =$  ? दिए गए चित्र में  $AP = 6 \text{ सेमी.}$ ,  $CP = 5 \text{ सेमी.}$ ,  $PD = 2 \text{ सेमी.}$ ,  $PE = 1 \text{ cm सेमी.}$ , और  $PF = 3 \text{ है.}$ , तो  $BP$  का मान ज्ञात कीजिये?
- (A) 5 cm
  - (B) 6 cm
  - (C) 7 cm
  - (D) 8 cm



98. In  $\triangle ABC$ ,  $AO: OE = 5: 4$ ,  $CO: OD = 3: 2$  then  
find  $BO: OF = ?$

यदि त्रिभुज  $\triangle ABC$ ,  $AO: OE = 5: 4$ ,  $CO: OD = 3: 2$  है,  
तो  $BO : OF$  ज्ञात कीजिये ?

- (A) 38:7
- (B) 36:7
- (C) 29:4
- (D) 4:7



99. In the given figure  $O$  is in-center of  $\triangle ABC$

and if  $\frac{AO}{OE} = \frac{7}{4}$ ,  $\frac{CO}{OD} = \frac{5}{3}$  then  $\frac{BO}{OF} = ?$  यदि गये चित्र में  $O$ ,  $\triangle$

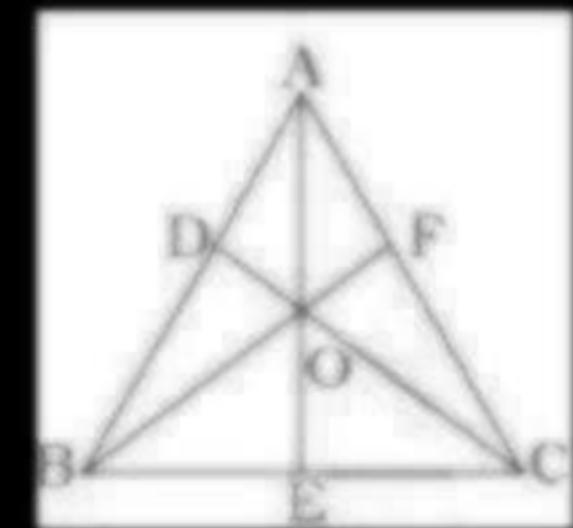
$ABC$  का अन्तःकेन्द्र है और  $\frac{AO}{OE} = \frac{7}{4}$ ,  $\frac{CO}{OD} = \frac{5}{3}$  है, तो  $\frac{BO}{OF}$  का मान  
ज्ञात कीजिये।

(A)  $\frac{61}{23}$

(B)  $\frac{65}{23}$

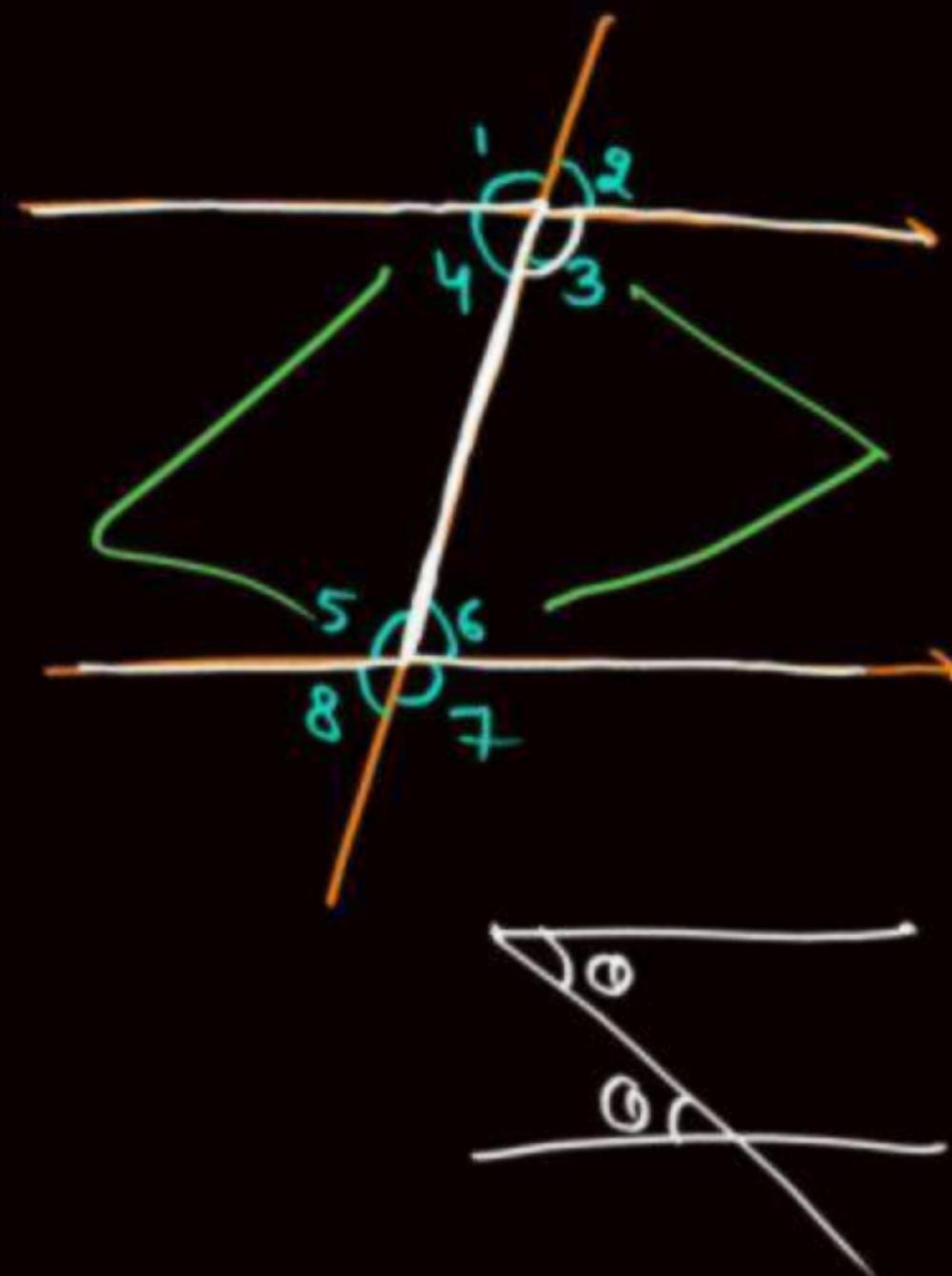
(C)  $\frac{68}{36}$

(D) None



H.W

① Corresponding Angle  
संगत कोण



$\angle 1 = \angle 5$  ② Alternate Angle  
पर्याप्त कोण

$\angle 2 = \angle 6$

$\angle 3 = \angle 7$

$\angle 4 = \angle 8$

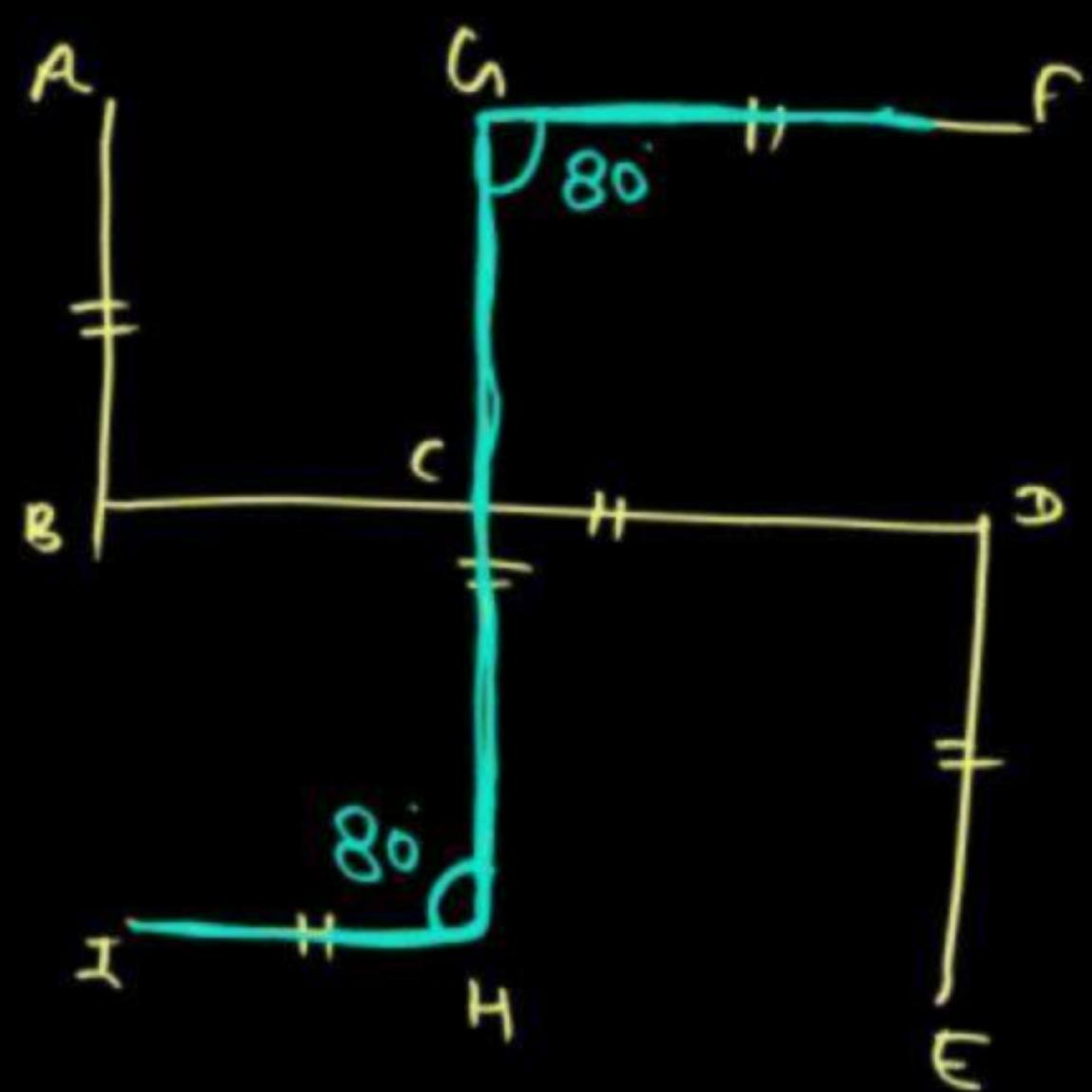
$\angle 4 = \angle 6$

$\angle 3 = \angle 5$

③ Interior Angle  
विन्दुकोण

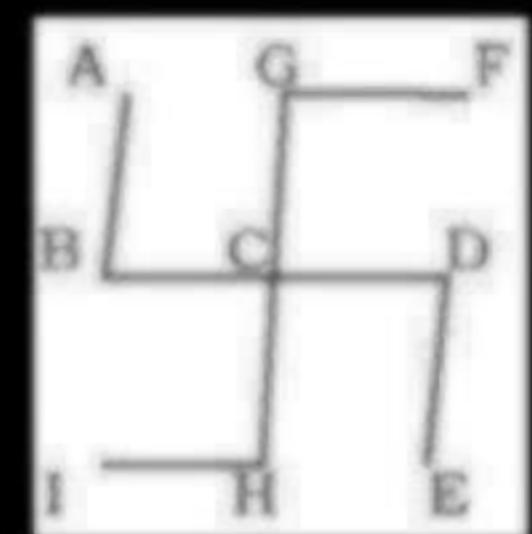
$\angle 3 + \angle 6 = 180^\circ$

$\angle 4 + \angle 5 = 180^\circ$



101. In the given diagram  $AB \parallel GH \parallel DE$  and  $GF \parallel BD \parallel HI$ ,  $\angle FGC = 80^\circ$ . Find the value of  $\angle CHI$ . दिए गए चित्र में यदि  $AB \parallel GH \parallel DE$  और  $GF \parallel BD \parallel HI$ ,  $\angle FGC = 80^\circ$  है, तो  $\angle CHI$  का मान ज्ञात करो।

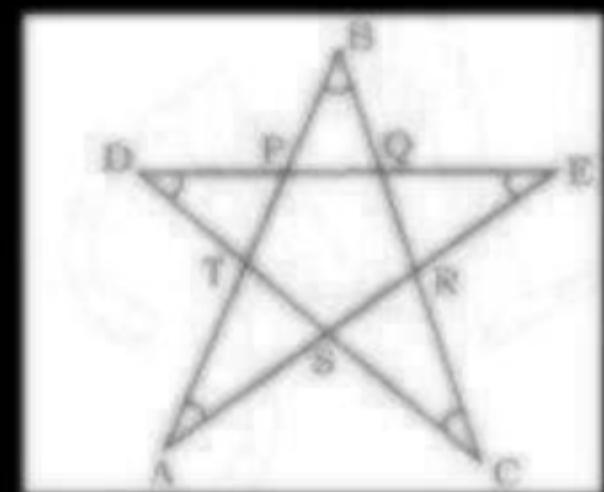
- (A)  $80^\circ$
- (B)  $120^\circ$
- (C)  $100^\circ$
- (D)  $160^\circ$



102. In the adjoining figure, a star is shown. What is the sum of the angles A, B, C, D and E?

दिए गए चित्र में ताटा दिखाया गया है तो कोण A, B, C, D और E का योग ज्ञात करो।

- (A)  $120^\circ$
- (B)  $180^\circ$
- (C)  $240^\circ$
- (D) Can't be determined



103. In the figure find  $x$ .  $x$  का मान ज्ञात करें।

(A)  $60^\circ$

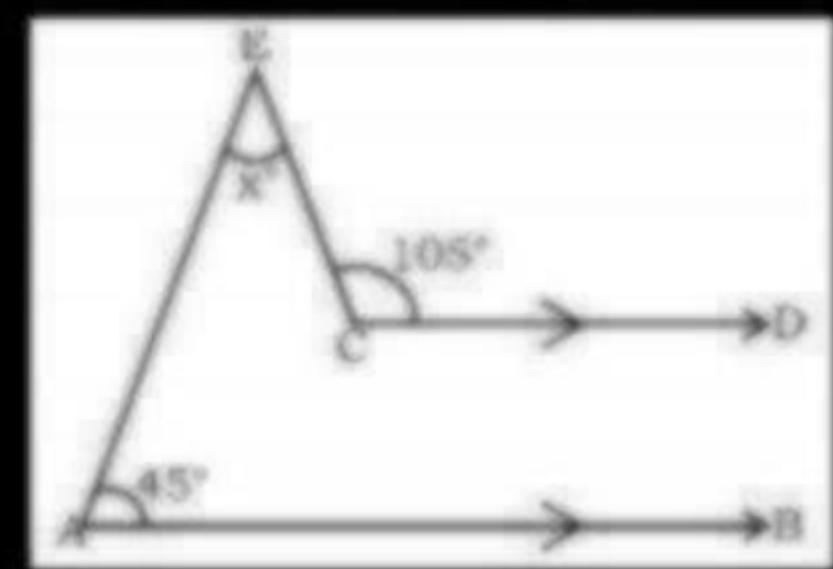
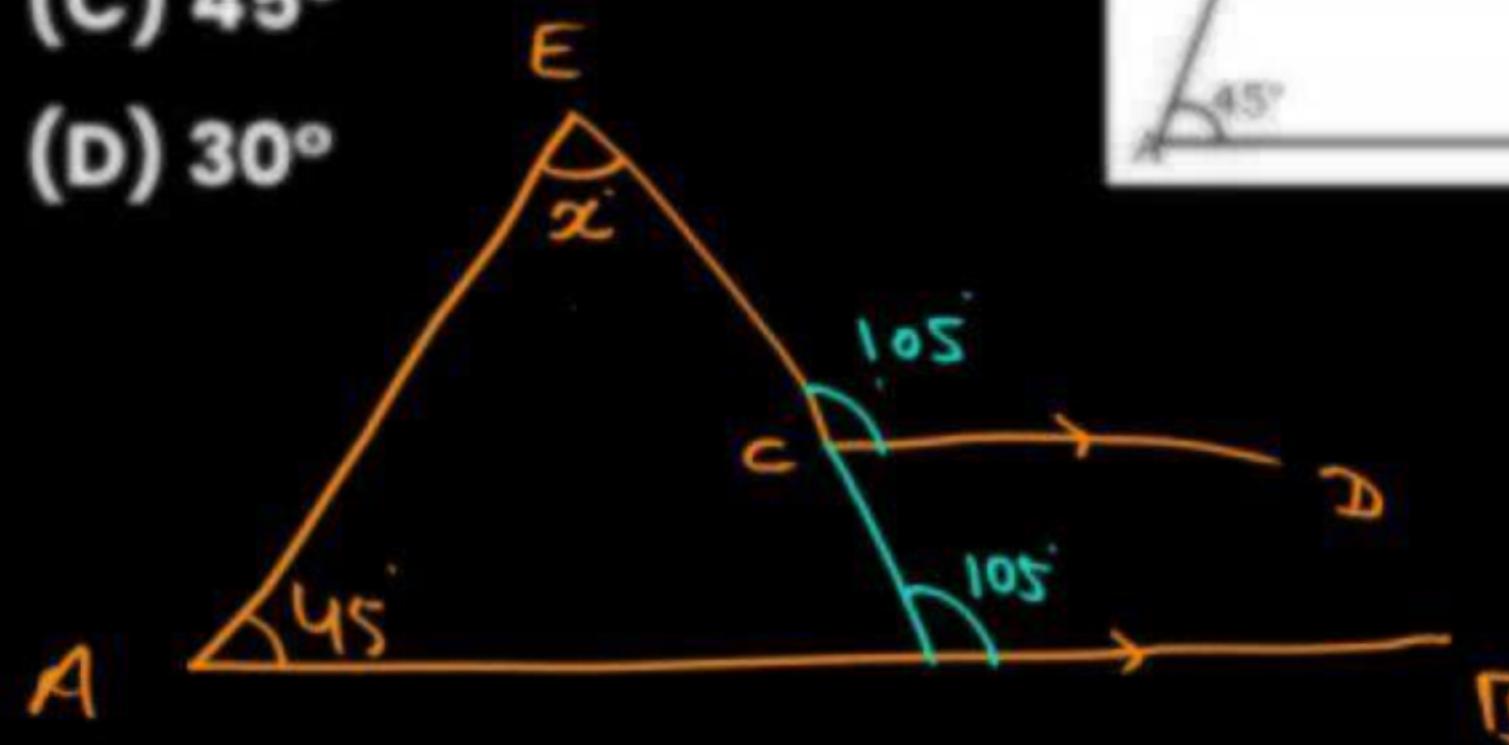
(B)  $50^\circ$

(C)  $45^\circ$

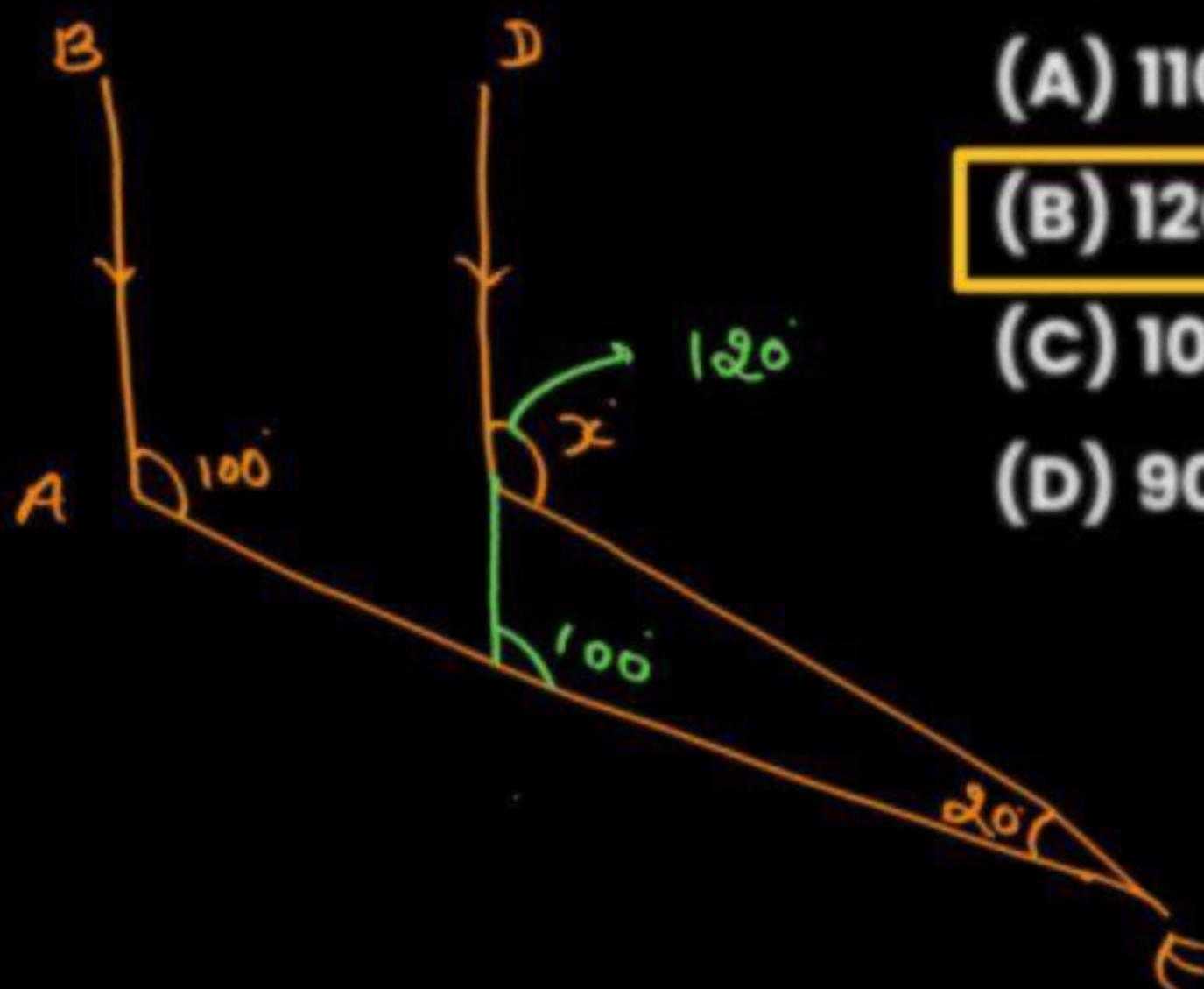
(D)  $30^\circ$

$$45^\circ + x = 105^\circ$$

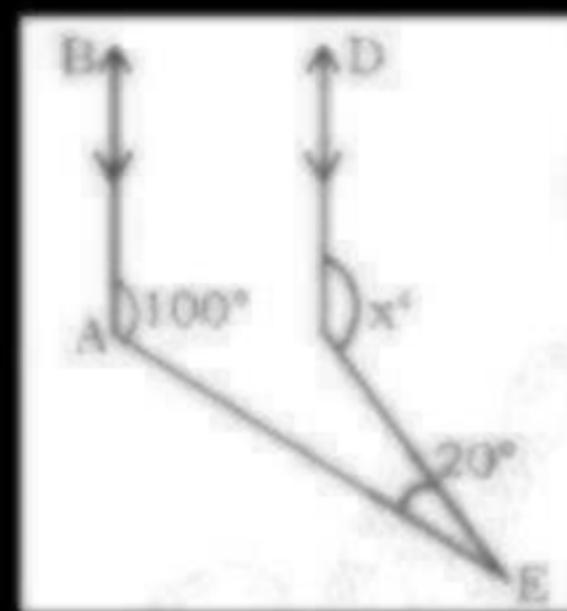
$$x = 60^\circ$$

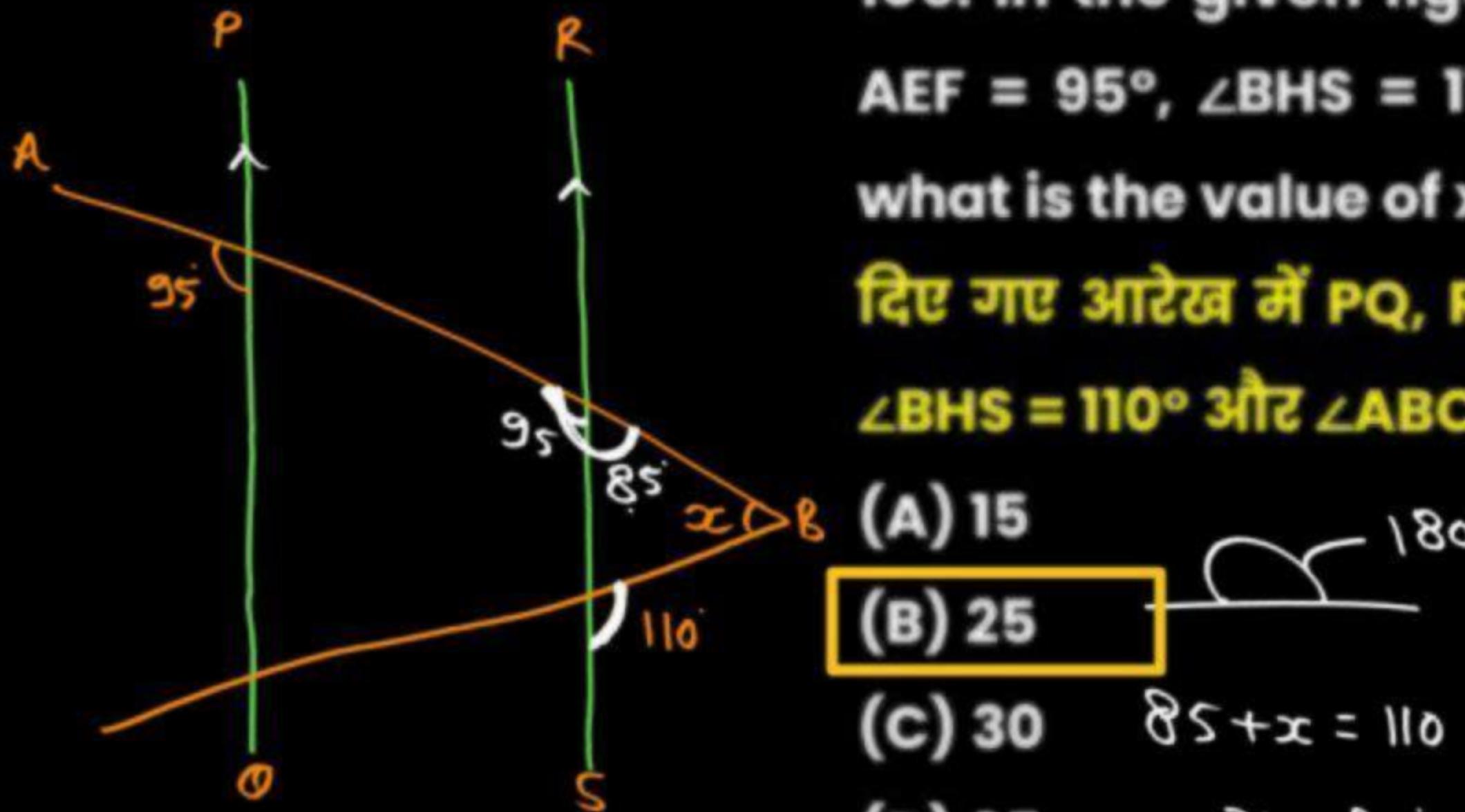


104. In the figure find  $x$ .  $x$  का मान ज्ञात करें।



- (A)  $110^\circ$
- (B)  $120^\circ$
- (C)  $105^\circ$
- (D)  $90^\circ$



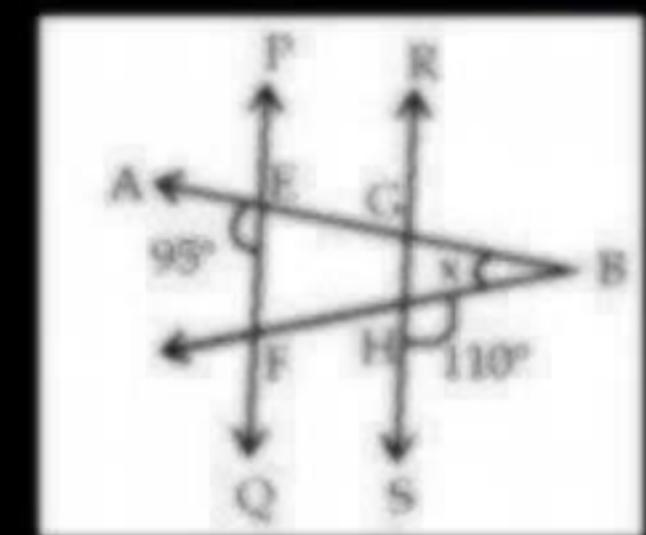


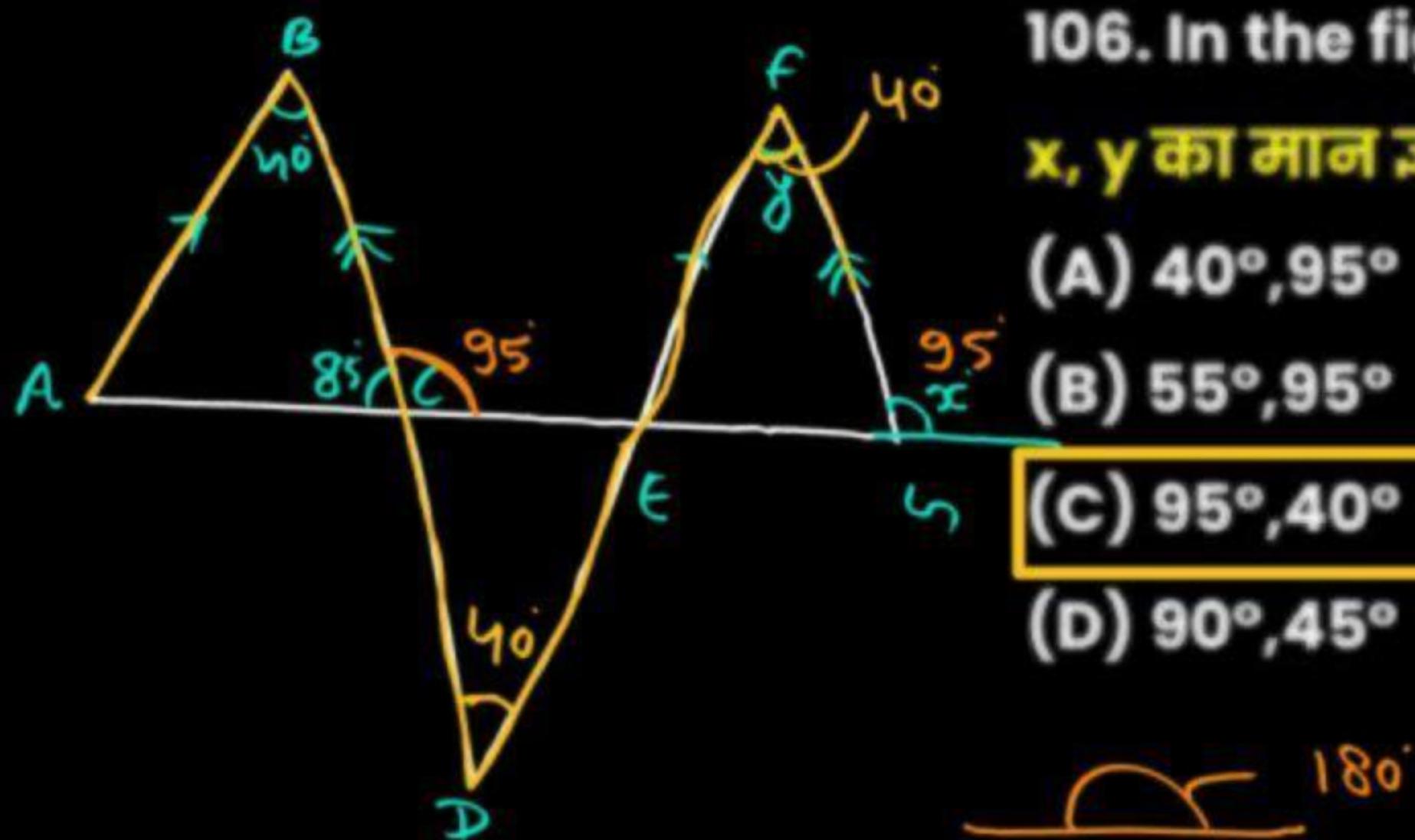
105. In the given figure  $PQ$  is parallel to  $RS$ ,  $\angle AEF = 95^\circ$ ,  $\angle BHS = 110^\circ$ , and  $\angle ABC = x^\circ$ . Then what is the value of  $x$ ?

दिए गए आरेख में  $PQ$ ,  $RS$  में समांतर है,  $\angle AEF = 95^\circ$ ,  $\angle BHS = 110^\circ$  और  $\angle ABC = x^\circ$  है, तो  $x$  का मान क्या है?

- (A) 15
- (B) 25
- (C) 30
- (D) 35

$$\begin{aligned} & \text{Sum of angles on a straight line: } 180^\circ \\ & 85 + x = 110 \\ & x = 25^\circ \end{aligned}$$

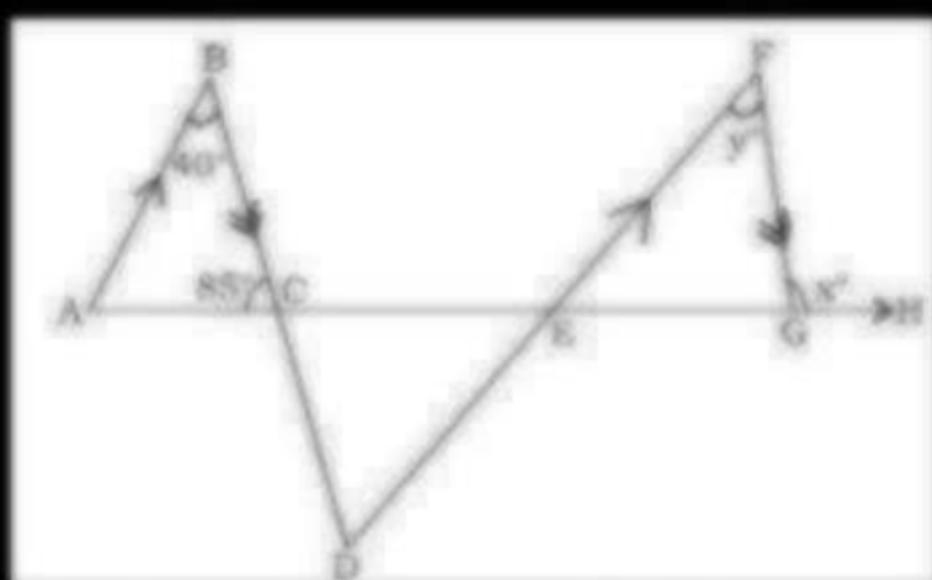


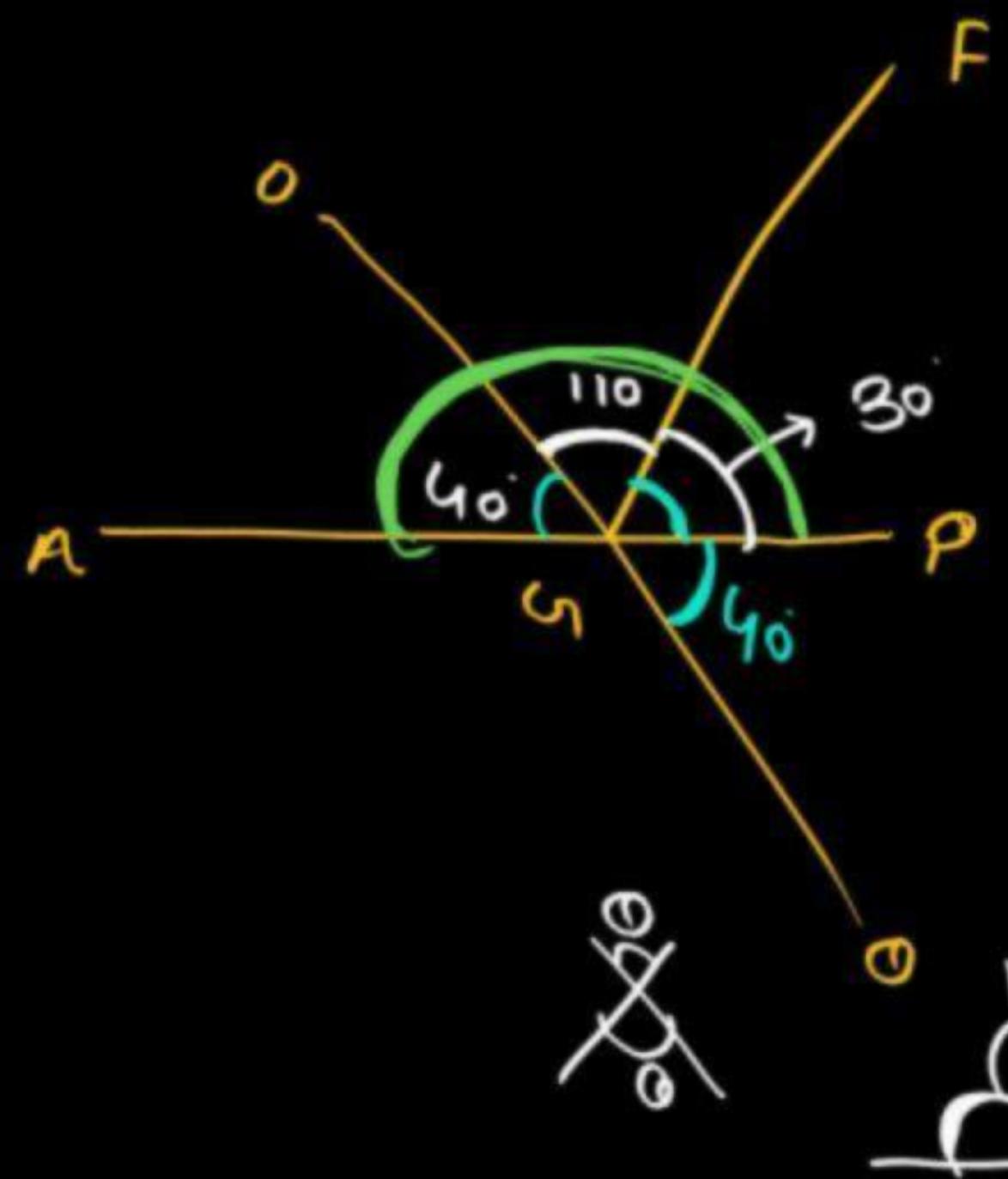


106. In the figure find  $x$  and  $y$ .

$x, y$  का मान जात करें।

- (A)  $40^\circ, 95^\circ$
- (B)  $55^\circ, 95^\circ$
- (C)  $95^\circ, 40^\circ$**
- (D)  $90^\circ, 45^\circ$

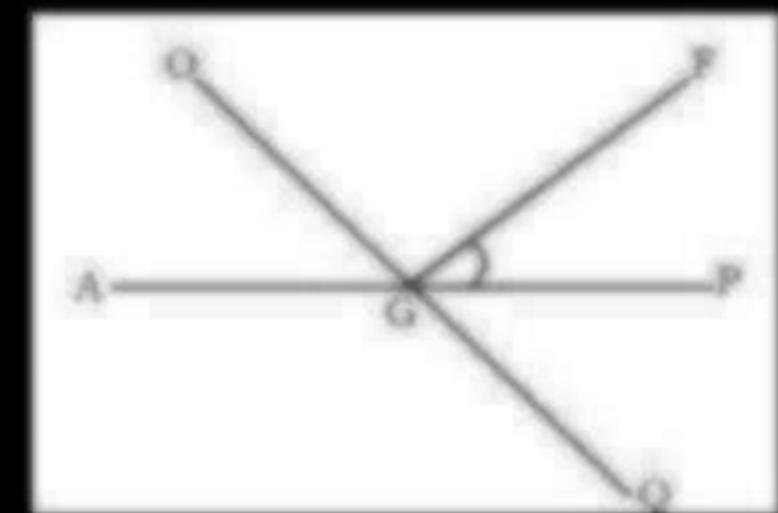




107. In the given figure lines AP and OQ intersect at G. If  $\angle AGO + \angle PGF = 70^\circ$  and  $\angle PGQ = 40^\circ$ . Find the angle value of  $\angle PGF$ .

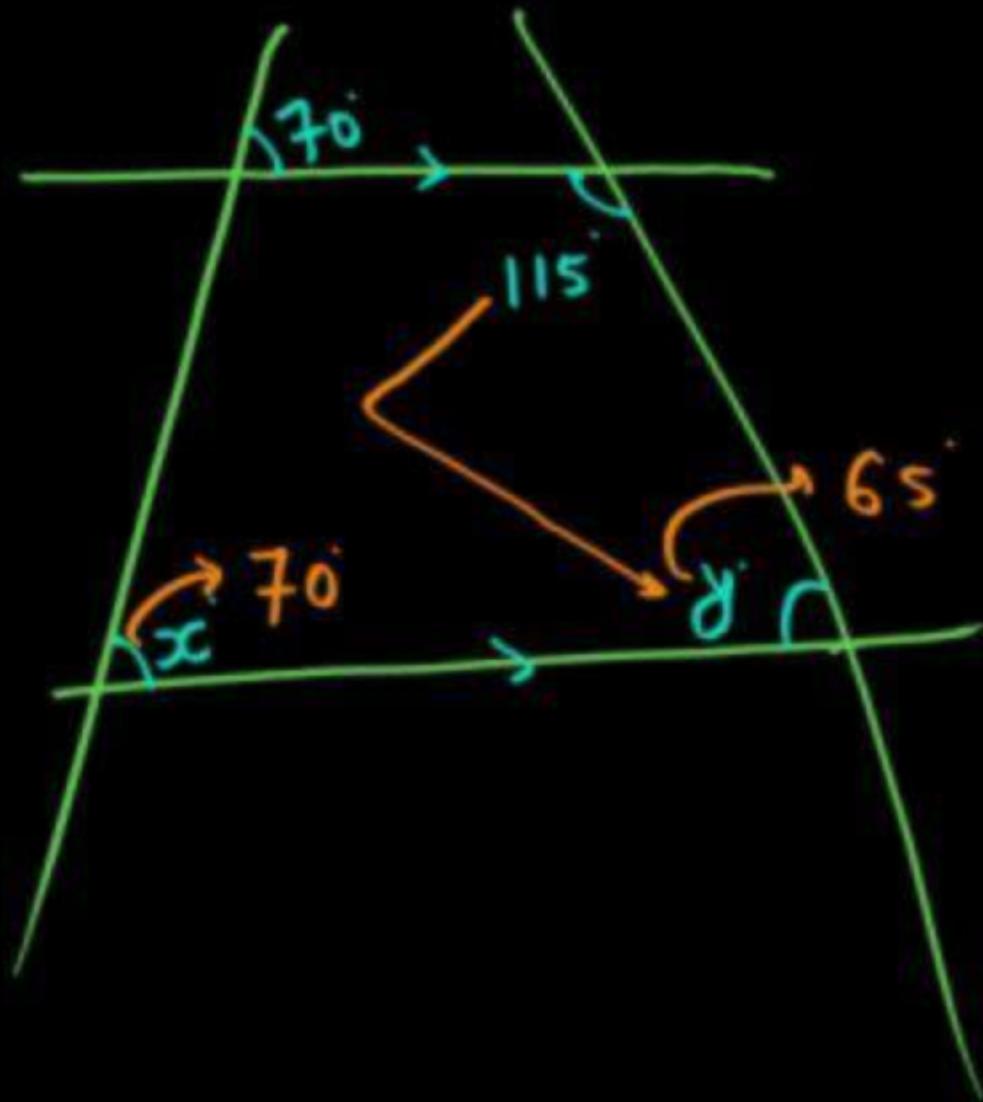
दिये गये चित्र में AP और OQ, G विन्दु पर काटते हैं।  
अगर  $\angle AGO + \angle PGF = 70^\circ$  और  $\angle PGQ = 40^\circ$  हो तो  
 $\angle PGF$  का मान ज्ञात करें।

- (A)  $35^\circ$
- (B)  $40^\circ$
- (C)  $60^\circ$
- (D)  $30^\circ$

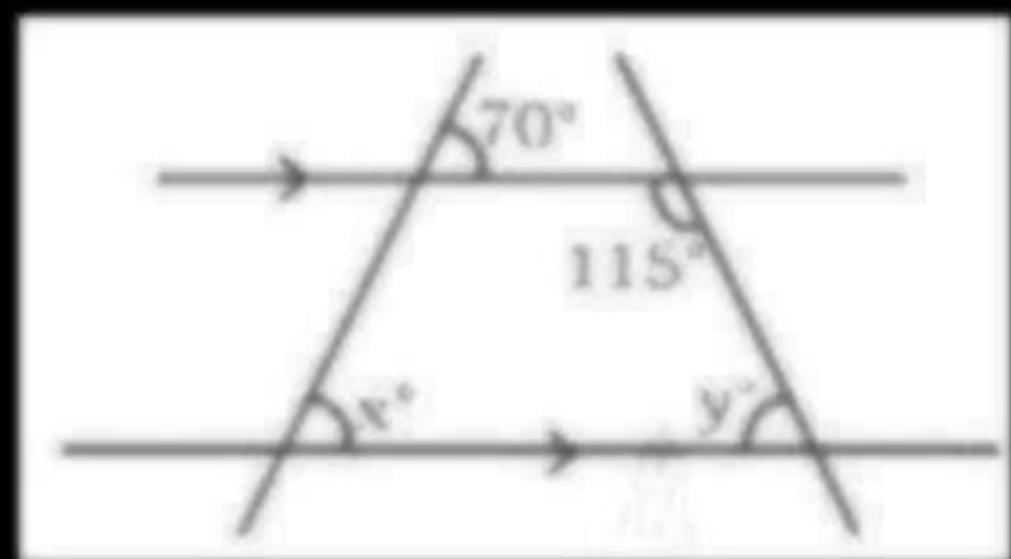


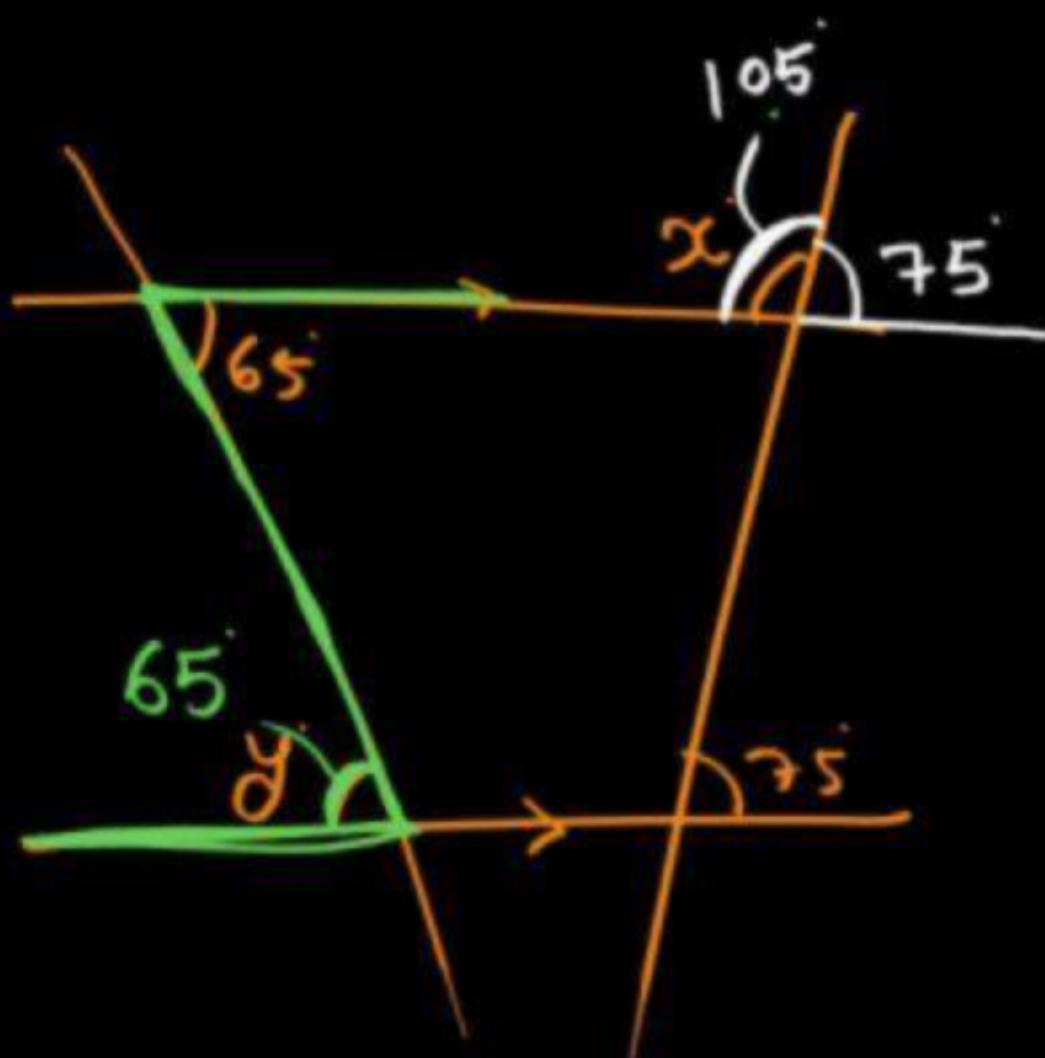
108. Find the values of  $x$  and  $y$ ?

$x$  और  $y$  का मान जाते।



- (A)  $70^\circ, 65^\circ$
- (B)  $65^\circ, 70^\circ$
- (C)  $50^\circ, 72^\circ$
- (D)  $72^\circ, 50^\circ$

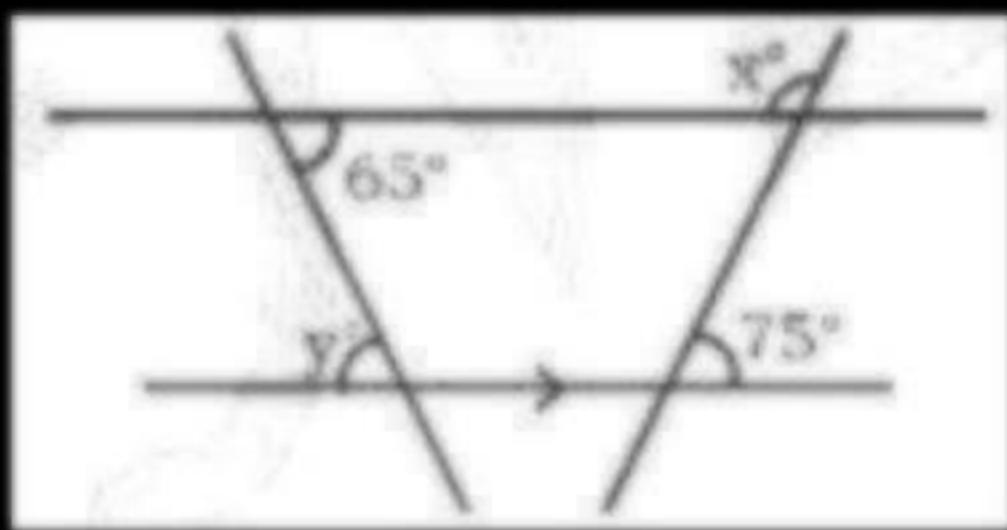




109. Find the values of  $x$  and  $y$ ?

$x$  और  $y$  का मान जाते।

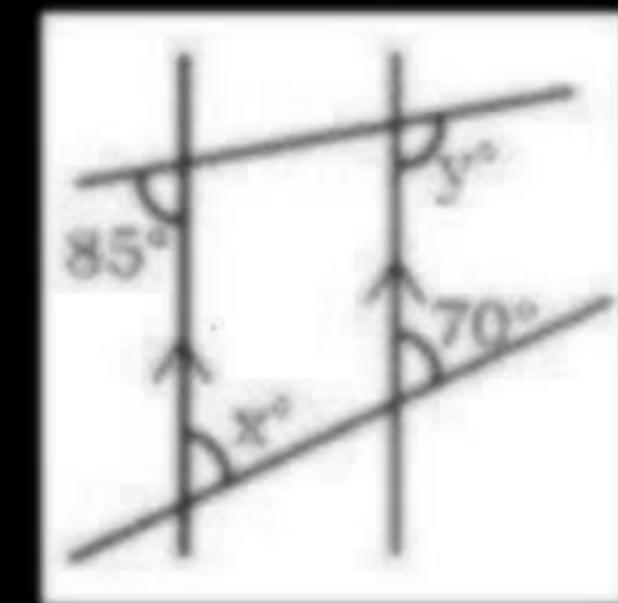
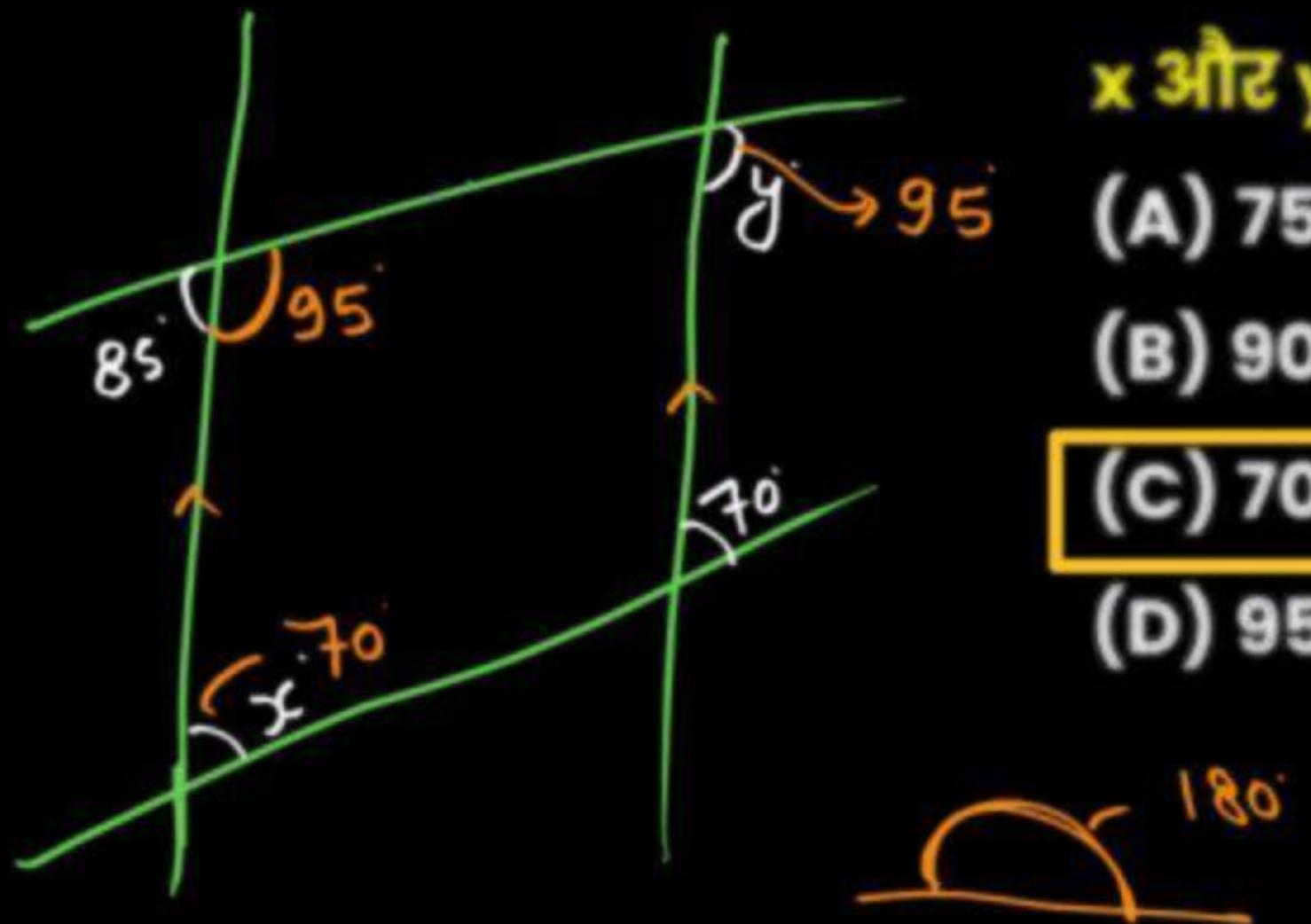
- (A)  $60^\circ, 100^\circ$
- (B)  $65^\circ, 105^\circ$
- (C)  $105^\circ, 65^\circ$
- (D)  $100^\circ, 105^\circ$

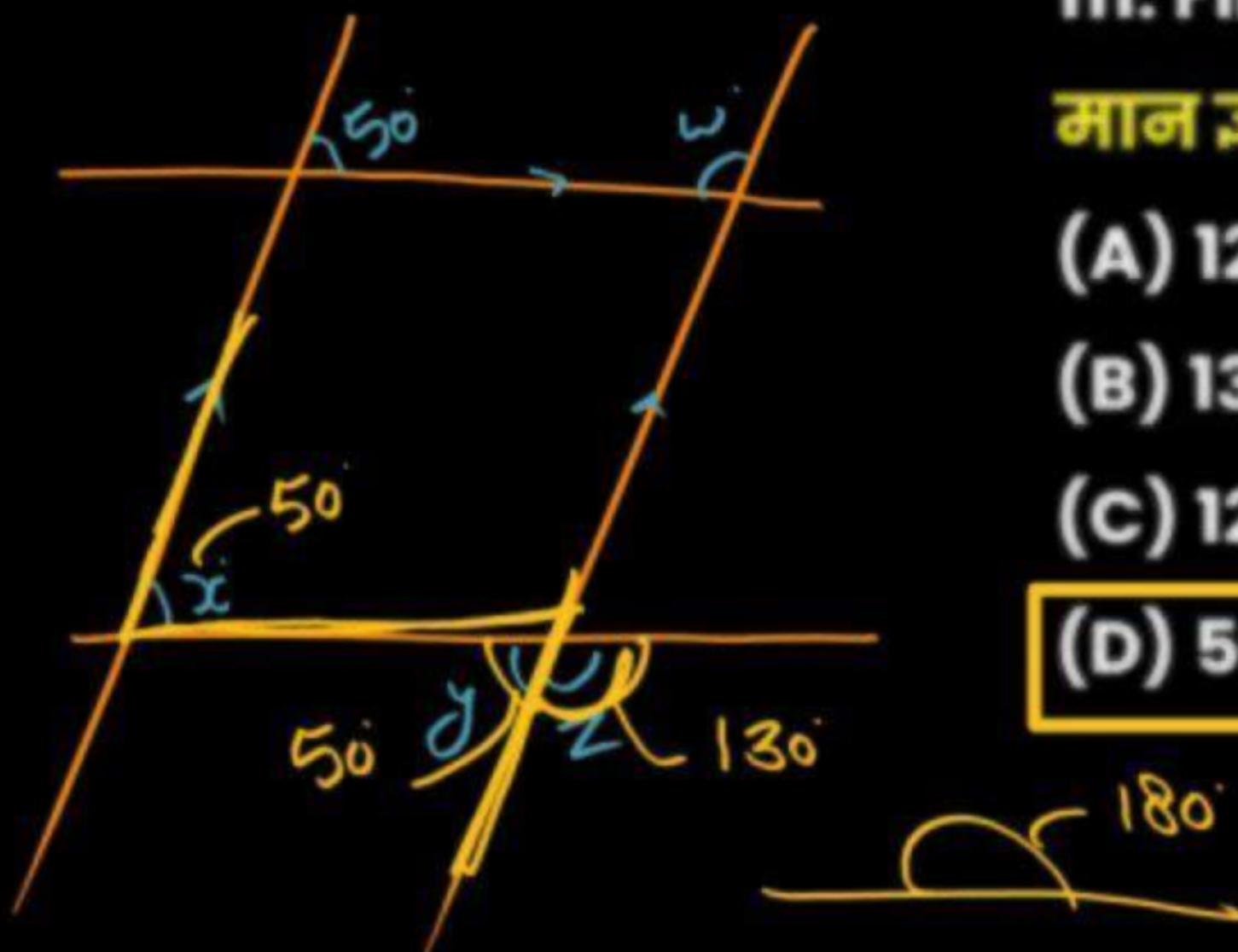


110. Find the values of  $x$  and  $y$ ?

$x$  और  $y$  का मान जात करें।

- (A)  $75^\circ, 90^\circ$
- (B)  $90^\circ, 75^\circ$
- (C)  $70^\circ, 95^\circ$**
- (D)  $95^\circ, 70^\circ$

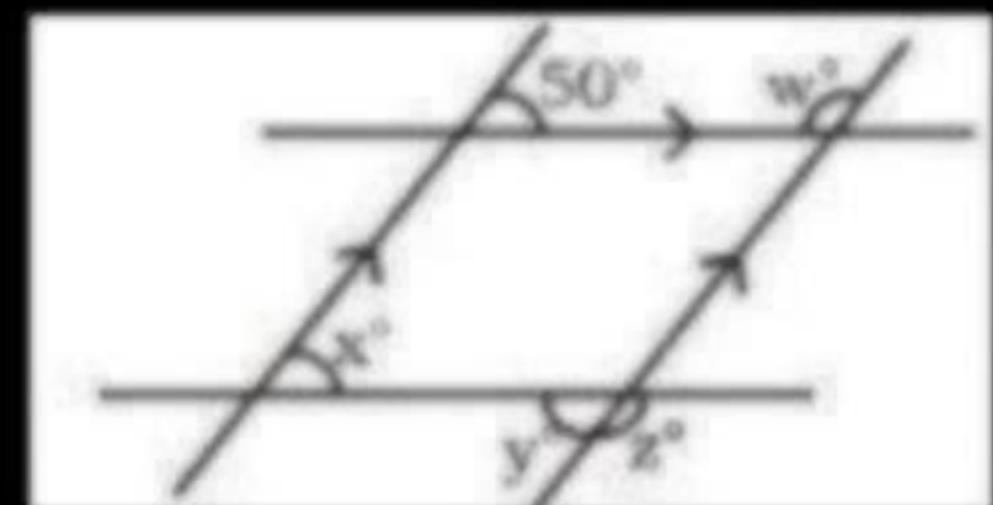




111. Find the values of  $x$ ,  $y$  and  $z$ ?  $x, y$  और  $z$  का

मान ज्ञात करें।

- (A)  $127^\circ, 50^\circ, 50^\circ$
- (B)  $130^\circ, 50^\circ, 50^\circ$
- (C)  $120^\circ, 50^\circ, 50^\circ$
- (D)  $50^\circ, 50^\circ, 130^\circ$



112. Find the values of  $x$  ?

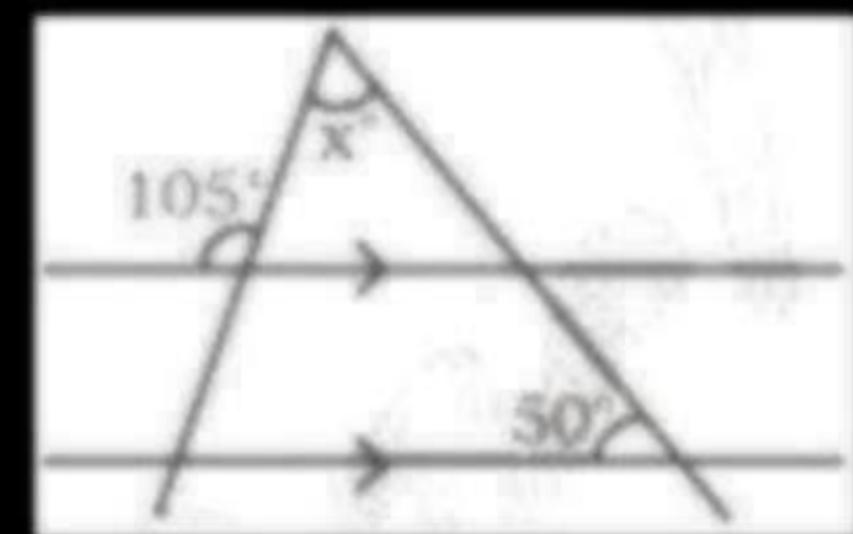
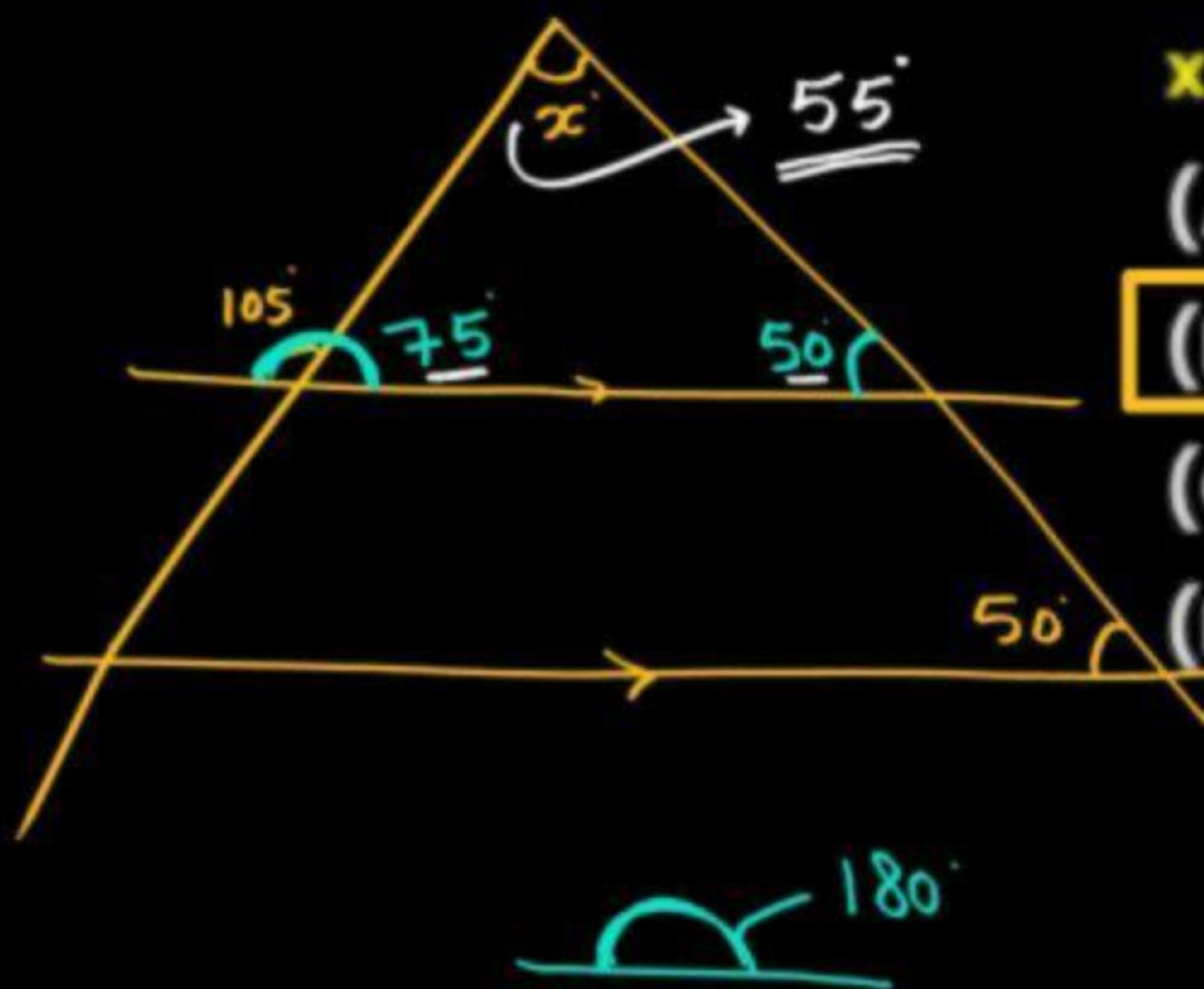
$x$  का मान जाते हैं।

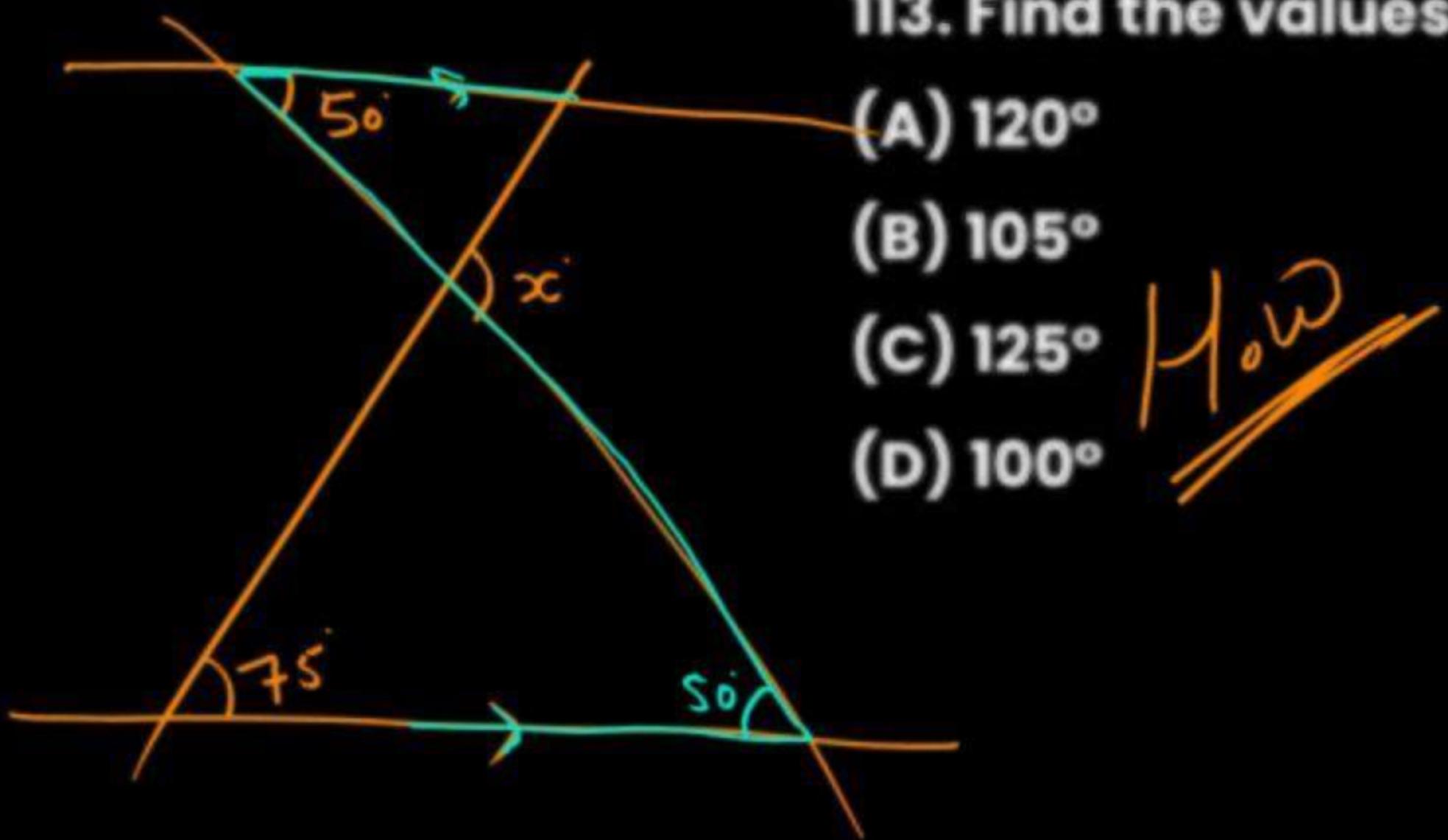
(A)  $50^\circ$

(B)  $55^\circ$

(C)  $45^\circ$

(D)  $60^\circ$

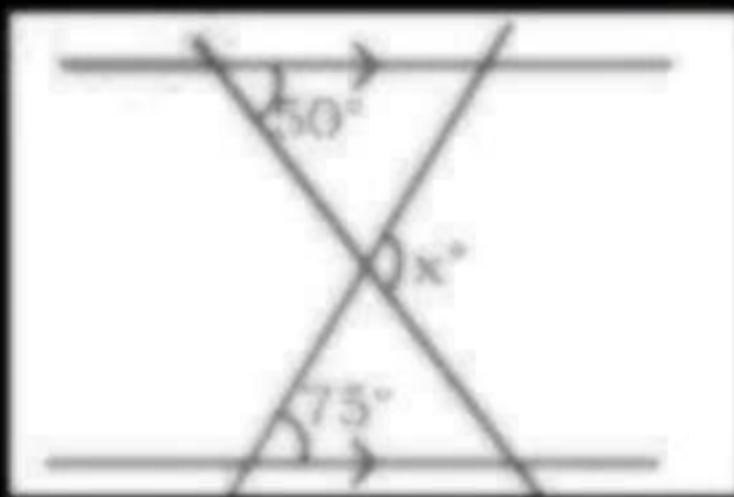


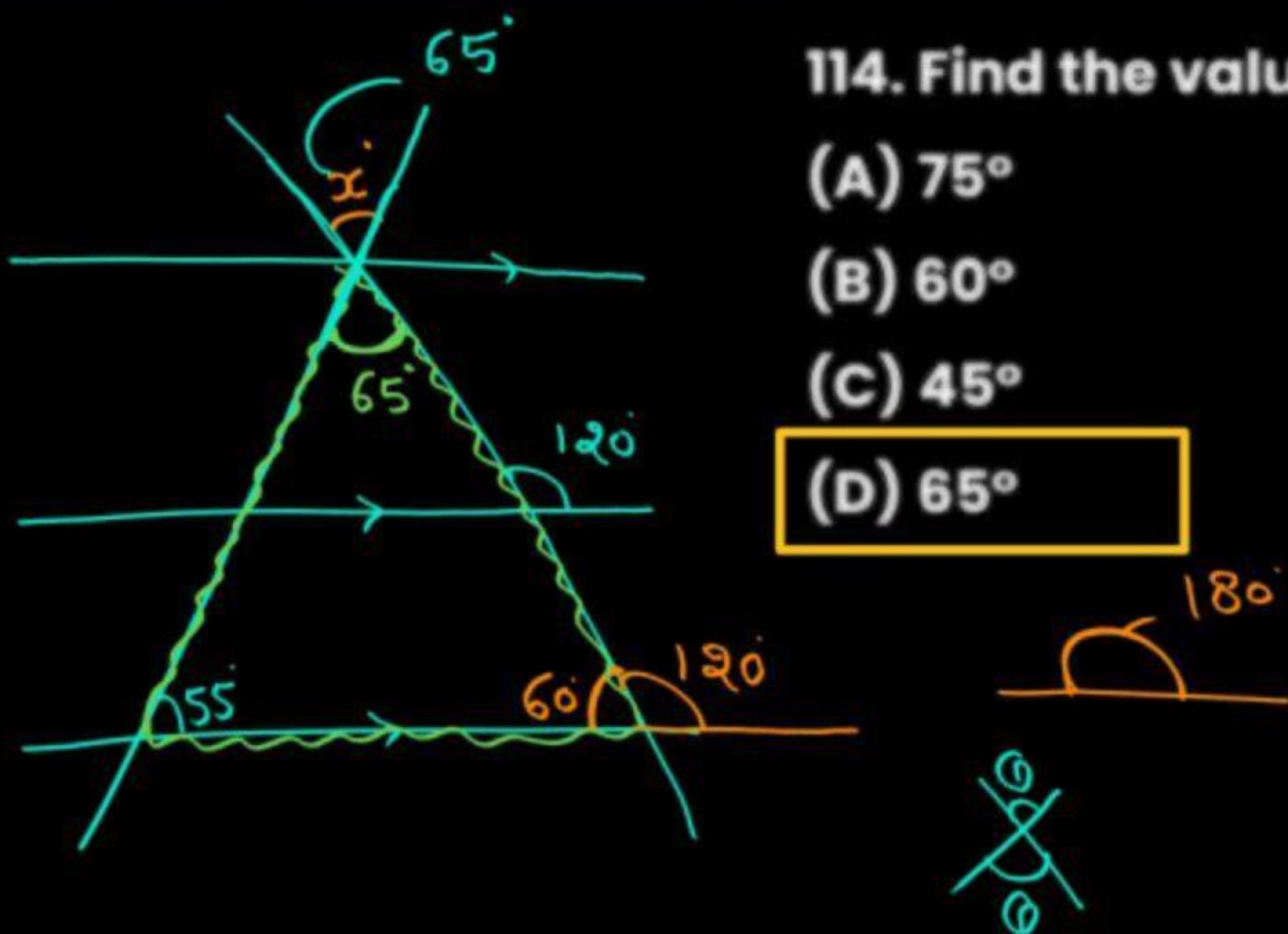


113. Find the values of  $x$ ?  $x$  का मान ज्ञात करें।

- (A)  $120^\circ$
- (B)  $105^\circ$
- (C)  $125^\circ$
- (D)  $100^\circ$

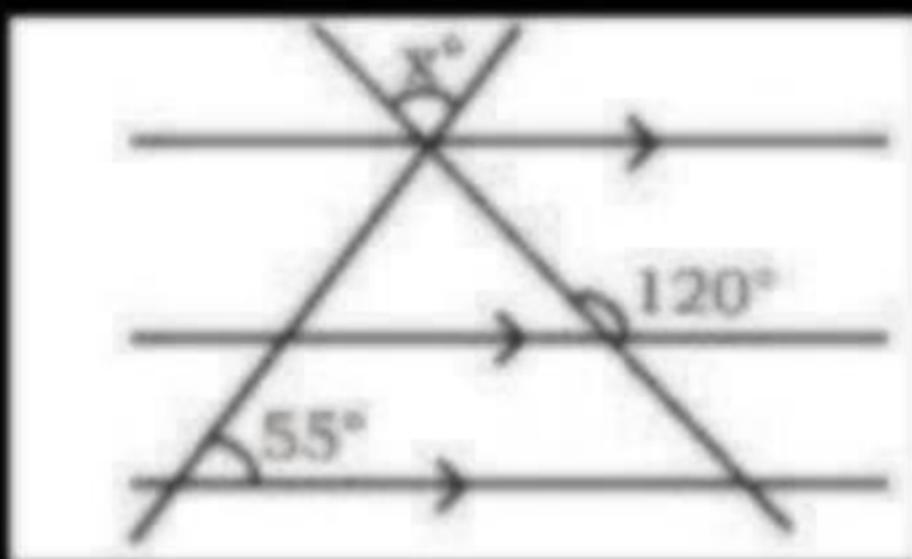
H.ω

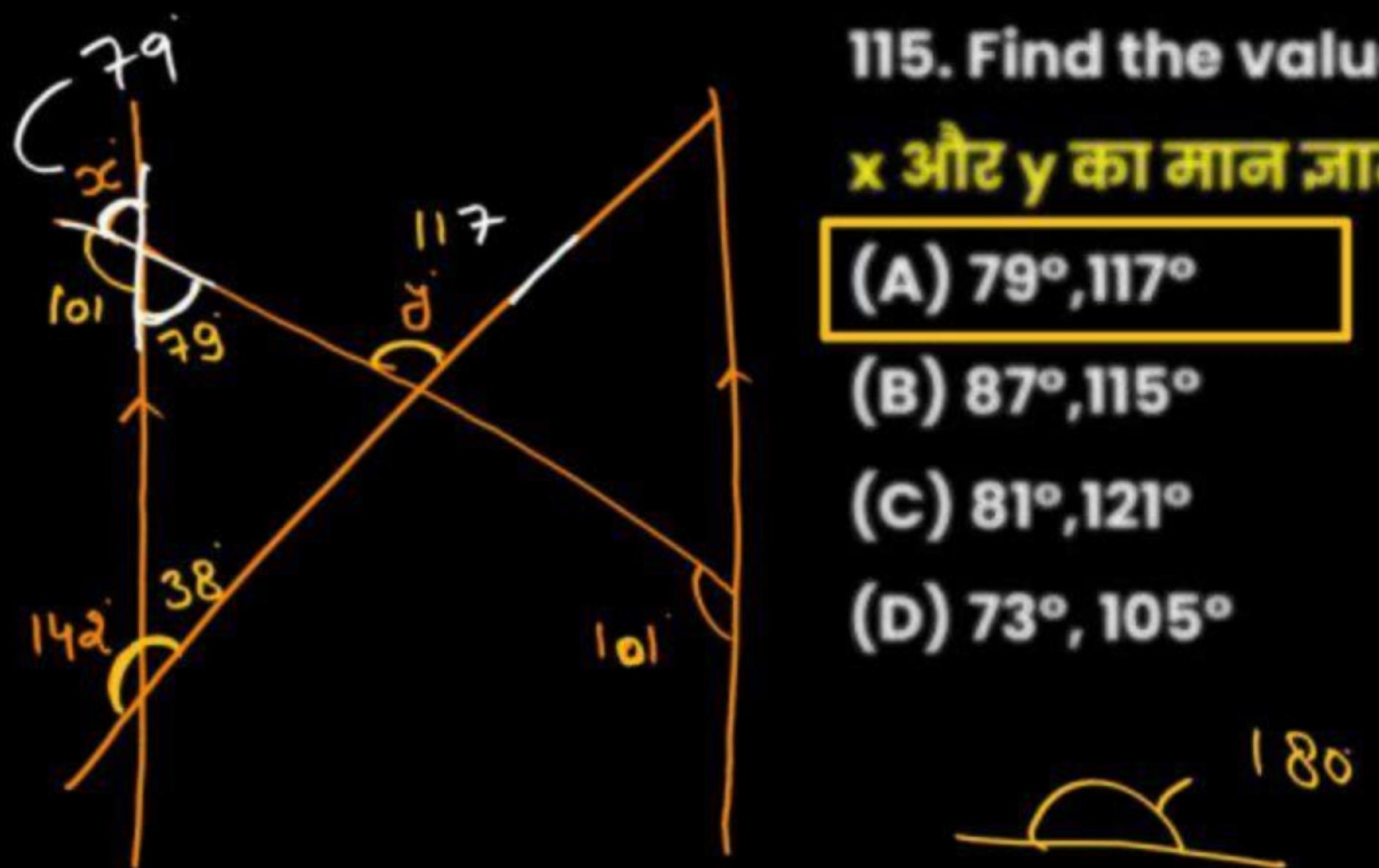




114. Find the values of  $x$ ?  $x$  का मान ज्ञात करें।

- (A)  $75^\circ$
- (B)  $60^\circ$
- (C)  $45^\circ$
- (D)  $65^\circ$

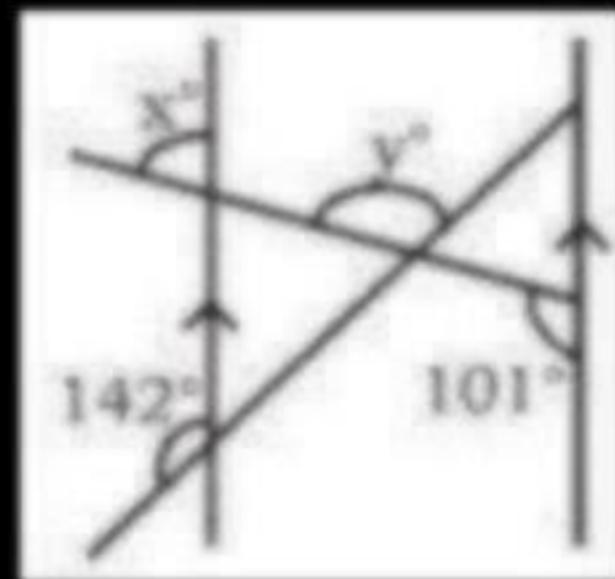




115. Find the values of  $x$  and  $y$ ?

$x$  और  $y$  का मान जाते।

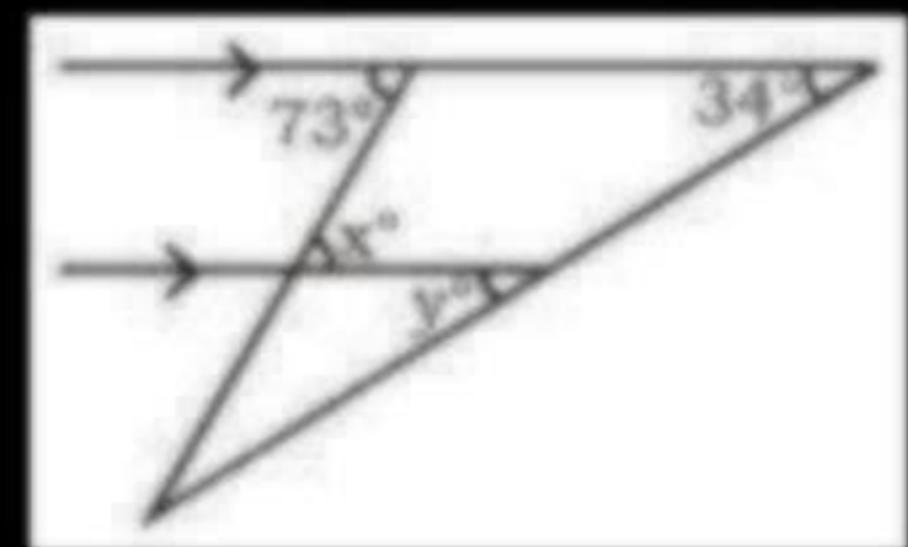
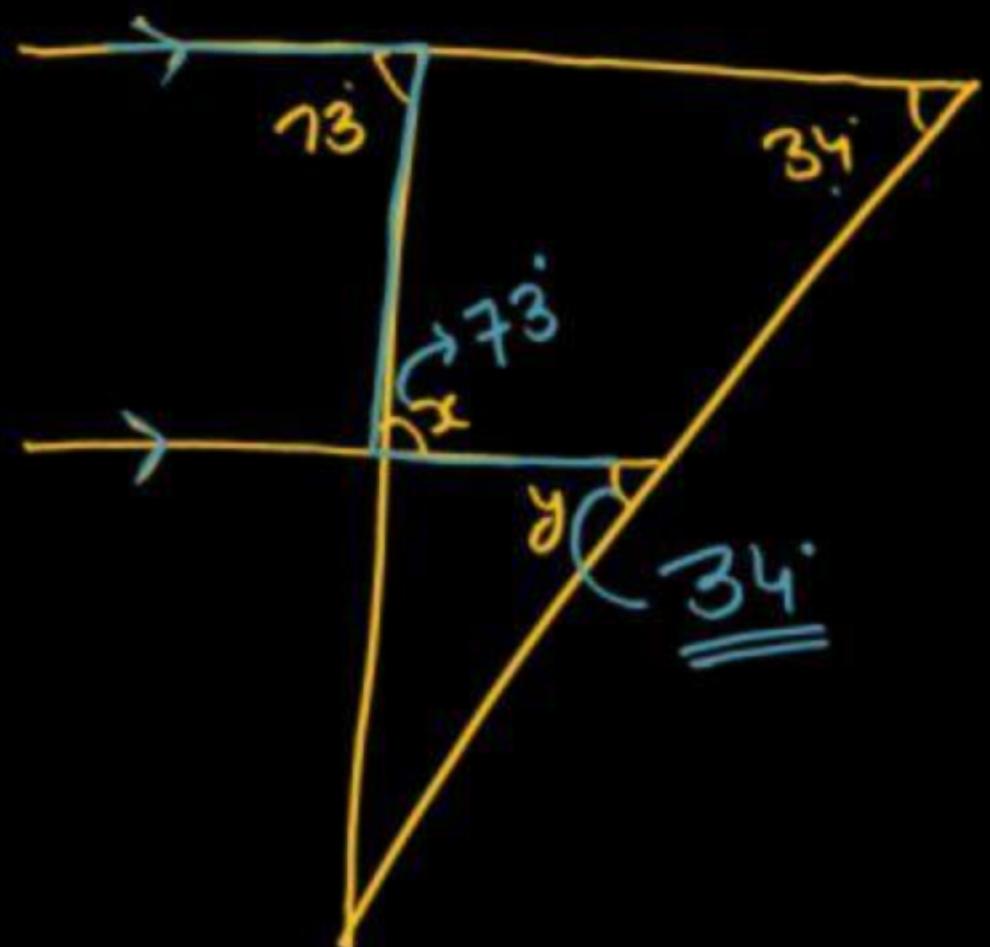
- (A)  $79^\circ, 117^\circ$
- (B)  $87^\circ, 115^\circ$
- (C)  $81^\circ, 121^\circ$
- (D)  $73^\circ, 105^\circ$

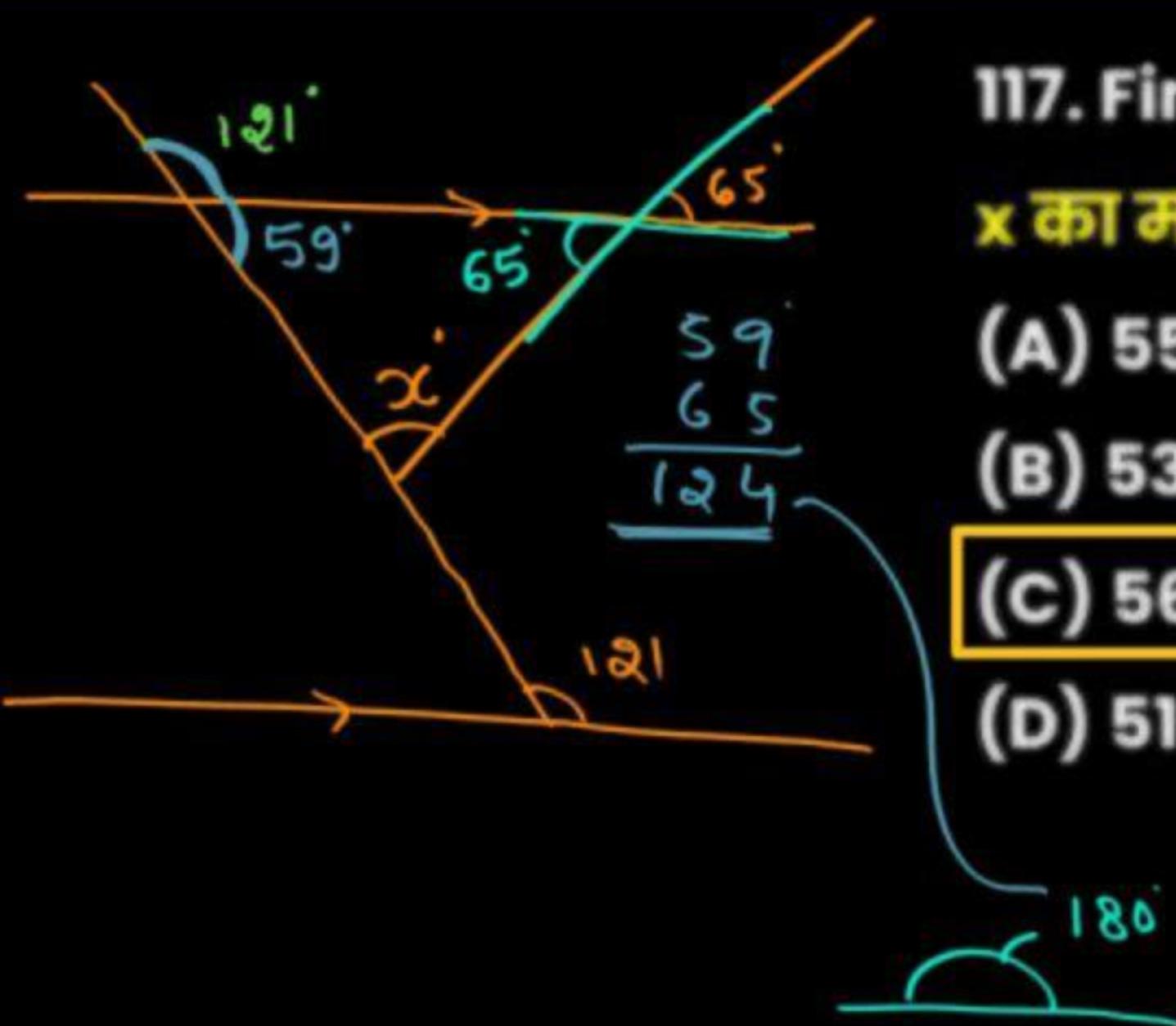


116. Find the values of  $x$  and  $y$ ?

$x$  और  $y$  का मान जात करें।

- (A)  $71^\circ, 32^\circ$
- (B)  $73^\circ, 34^\circ$
- (C)  $69^\circ, 31^\circ$
- (D)  $72^\circ, 31^\circ$

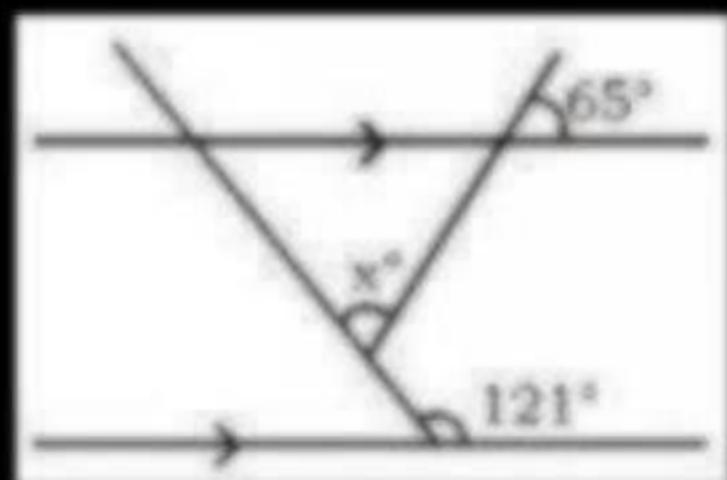
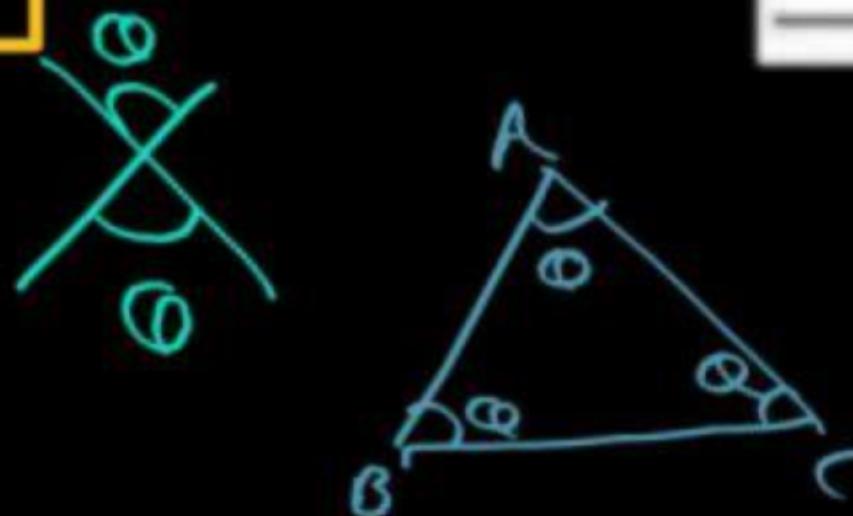


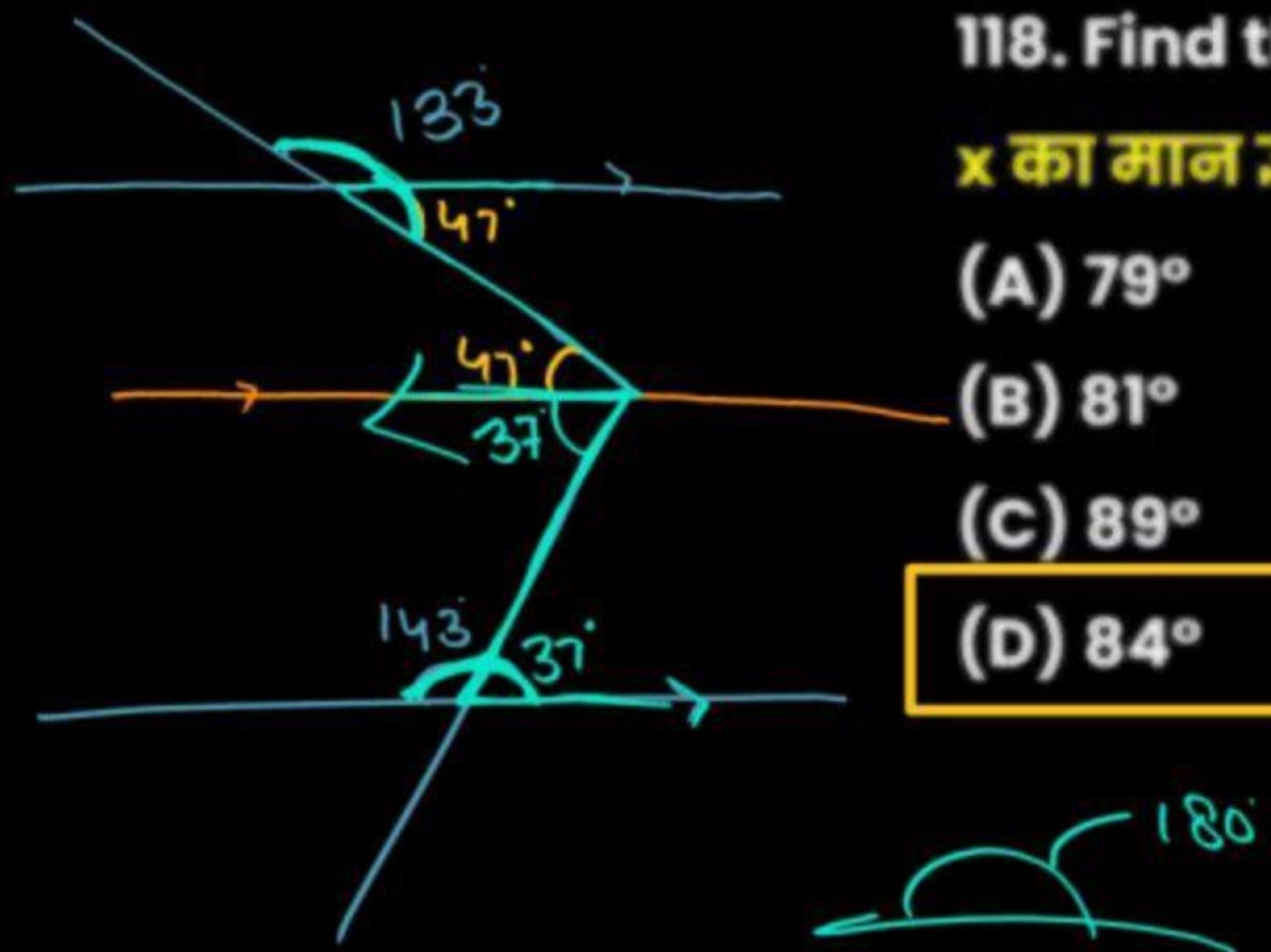


117. Find the values of  $x$ ?

$x$  का मान जाते हैं।

- (A)  $55^\circ$
- (B)  $53^\circ$
- (C)  $56^\circ$
- (D)  $51^\circ$



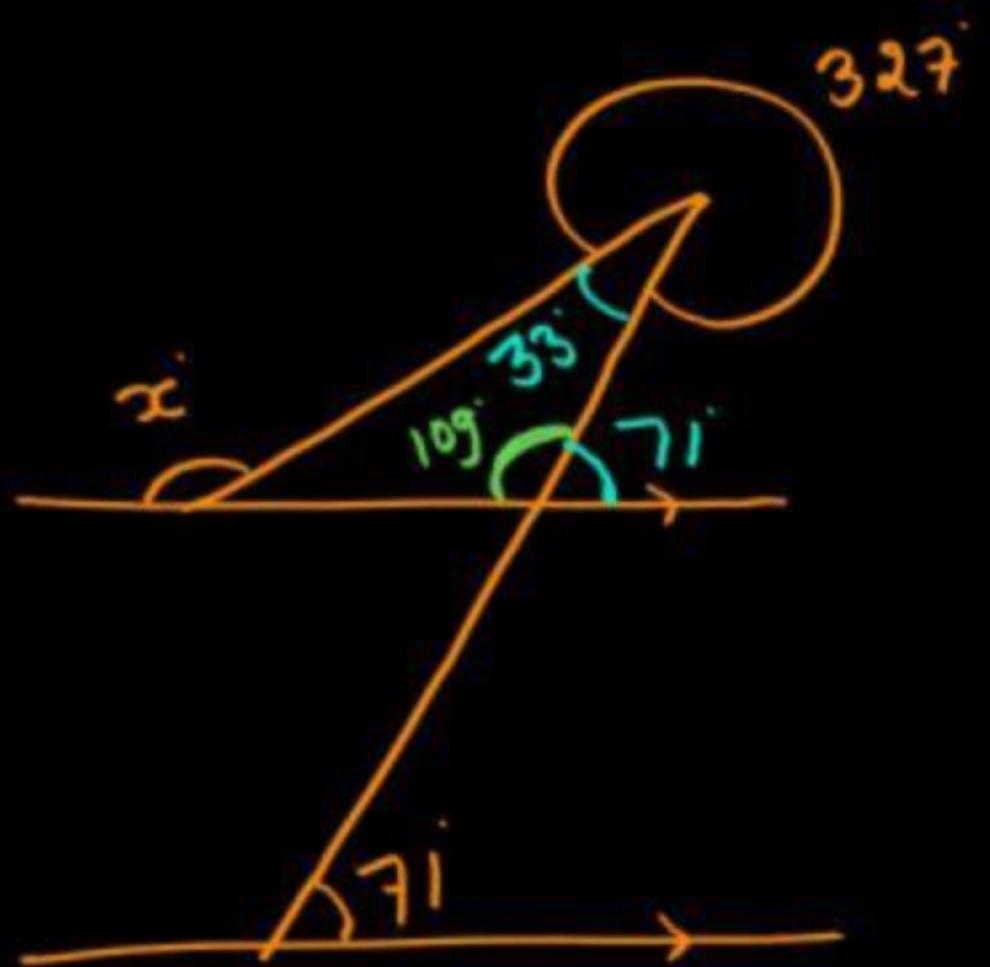


118. Find the values of  $x$ ?

$x$  का मान जात करें।

- (A)  $79^\circ$
- (B)  $81^\circ$
- (C)  $89^\circ$
- (D)  $84^\circ$

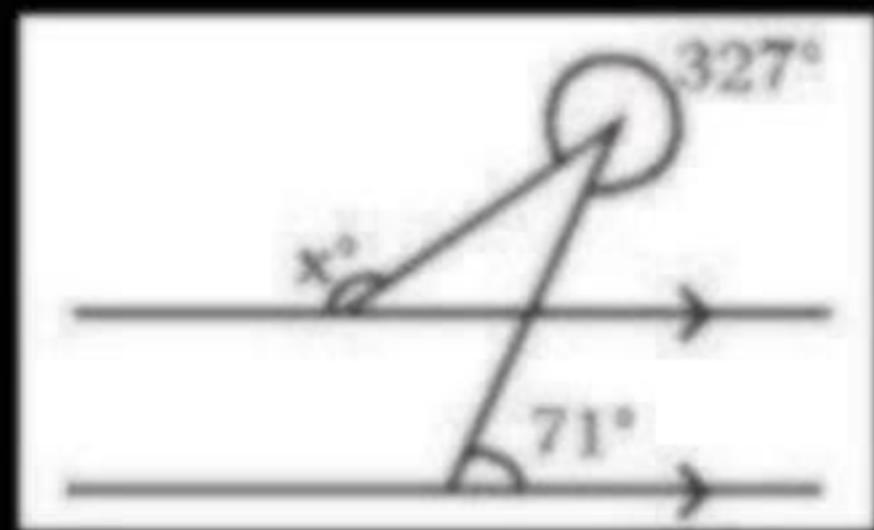


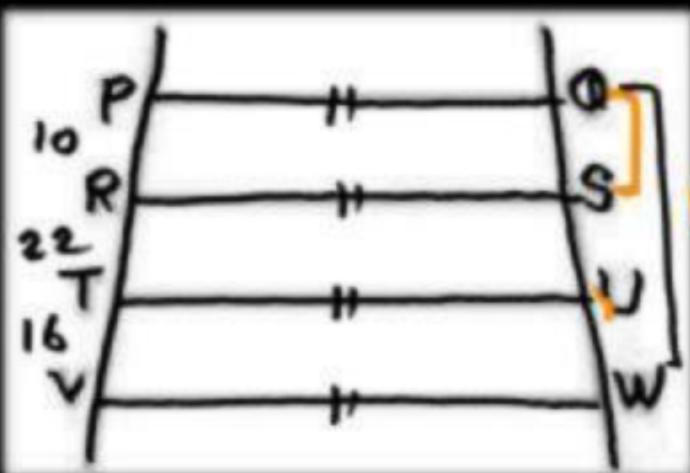


119. Find the values of  $x$ ?

$x$  का मान ज्ञात करें।

- (A)  $142^\circ$
- (B)  $141^\circ$
- (C)  $143^\circ$
- (D)  $144^\circ$





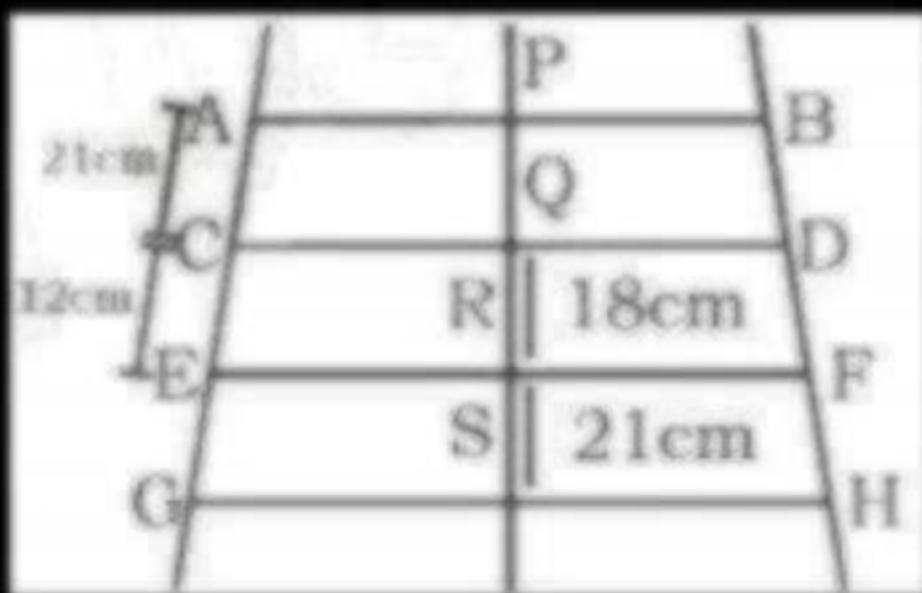
120. In the fig given below  $PQ \parallel RS \parallel TU \parallel VW$ ,  $PR = 10$  cm,  $RT = 22$  cm,  $TV = 16$  cm,  $QW = 42$  cm  
then find  $QS$ ?

दिए गए चित्र में,  $PQ \parallel RS \parallel TU \parallel VW$ , भुजा  $PR = 10$  cm, भुजा  $RT = 22$  cm, भुजा  $TV = 16$  cm, भुजा  $QW = 42$  cm भुजा  $QS$  का मान ज्ञात करो।

$$\frac{5}{\cancel{10}} = \frac{\cancel{10}}{\cancel{42} \cancel{7}}$$

$$\frac{35}{4} = \underline{8.75}$$

- (A) 15 cm
- (B) 8.75 cm
- (C) 22.5 cm
- (D) 12.5 cm



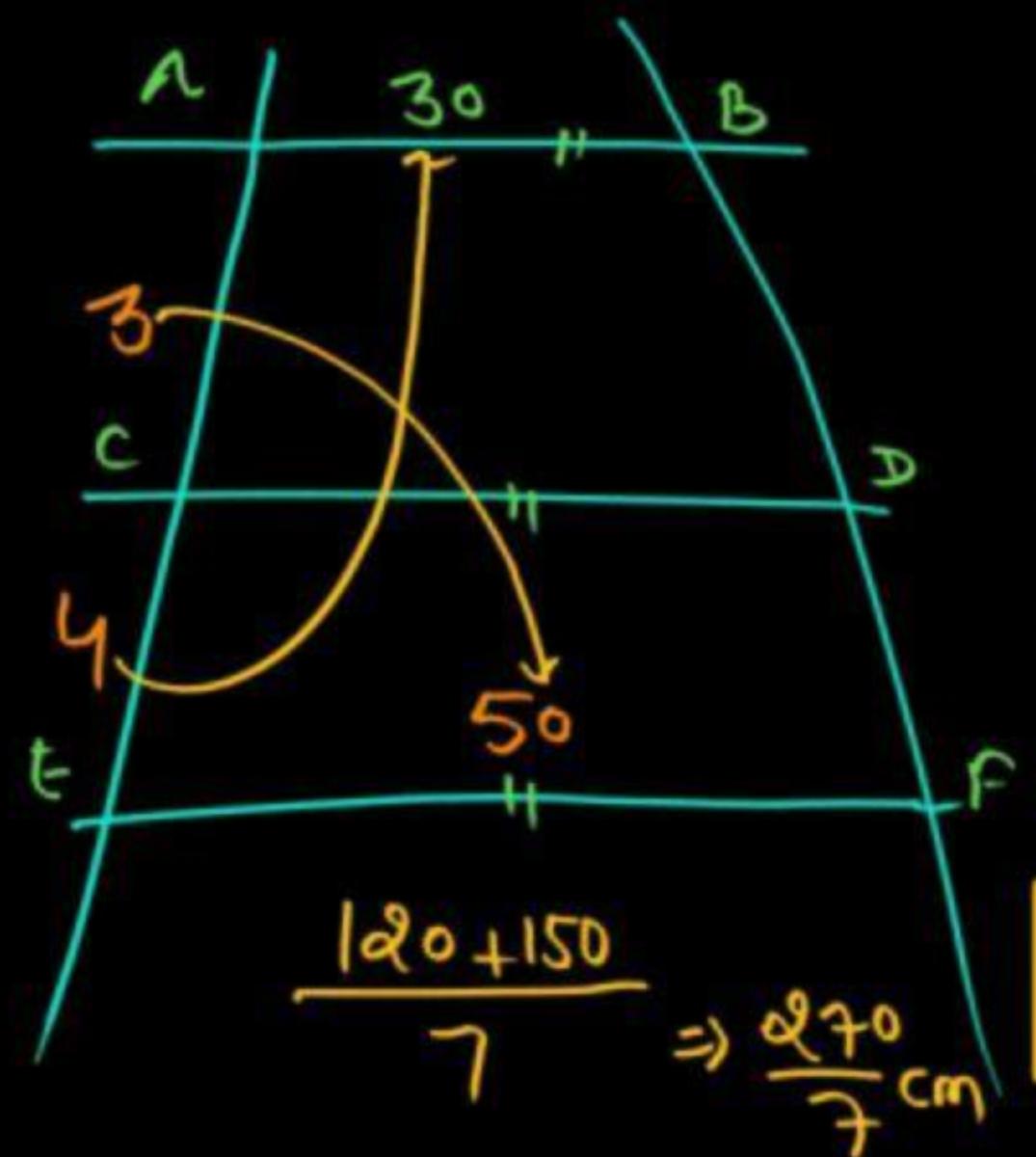
121. In the given fig  $AB \parallel CD \parallel EF \parallel GH$ , if  $BH = 188 \text{ cm}$   $AC = 21 \text{ cm}$ ,  $CE = 12 \text{ cm}$ ,  $QR = 18 \text{ cm}$  and  $RS = 21 \text{ cm}$  find the value of  $EG + PQ + DF$ ? दिए गए चित्र में  $AB \parallel CD \parallel EF \parallel GH$  भुजा  $BH = 188 \text{ cm}$ , भुजा  $AC = 21 \text{ cm}$ , भुजा  $CE = 12 \text{ cm}$ , भुजा  $QR = 18 \text{ cm}$  भुजा  $RS = 21 \text{ cm}$ ,  $EG + PQ + DF$  का मान ज्ञात करें?

- (A) 91.5      (B) 93.5  
(C) 97.5      (D) 99.5

122. In the given fig below  $AB \parallel CD \parallel EF$ , if  $AB = 30$

cm.  $\overrightarrow{EF} = 50$  cm,  $AC = \frac{3}{4} CE$  and  $BD$  is  $x$  cm less

than  $DF$  then find  $CD = ?$  नीचे दिए गए चित्र में  $AB \parallel CD \parallel EF$  यदि भुजा  $AB = 30$  cm और भुजा  $EF = 50$  cm,  $AC = CE$ , भुजा  $BD$ , भुजा  $DF$  से  $x$  सेमी कम है। तब भुजा  $CD$  का मान क्या होगा ?



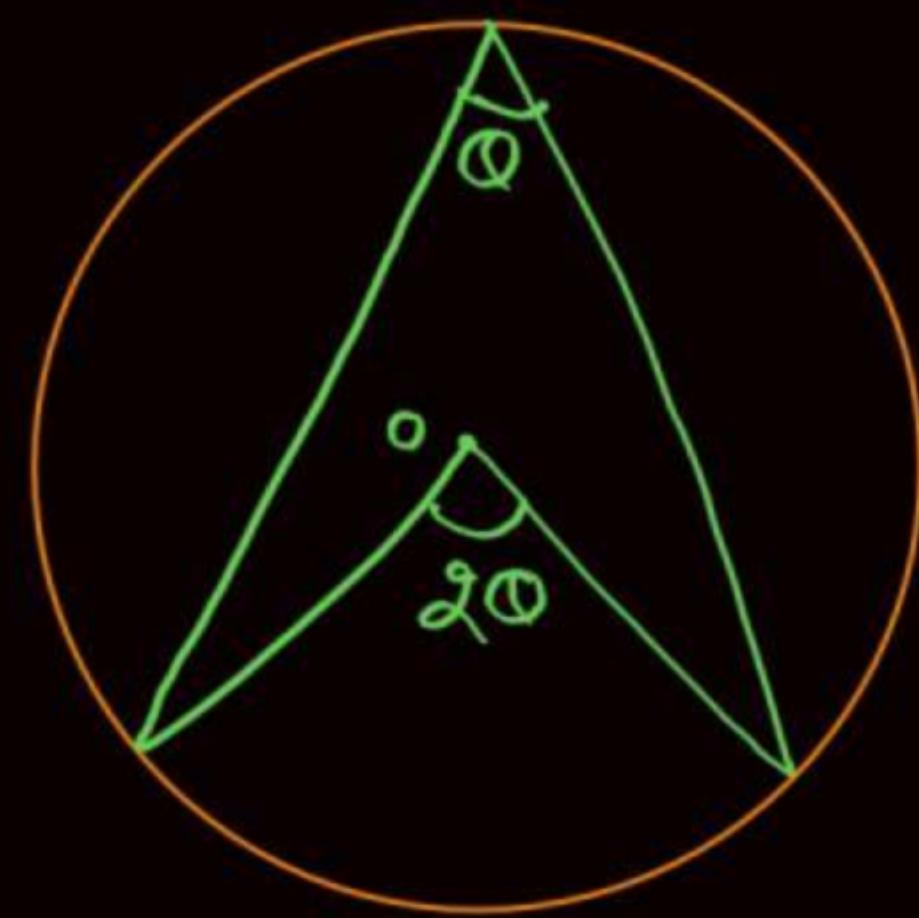
$$(A) \frac{270}{7} \text{ cm}$$

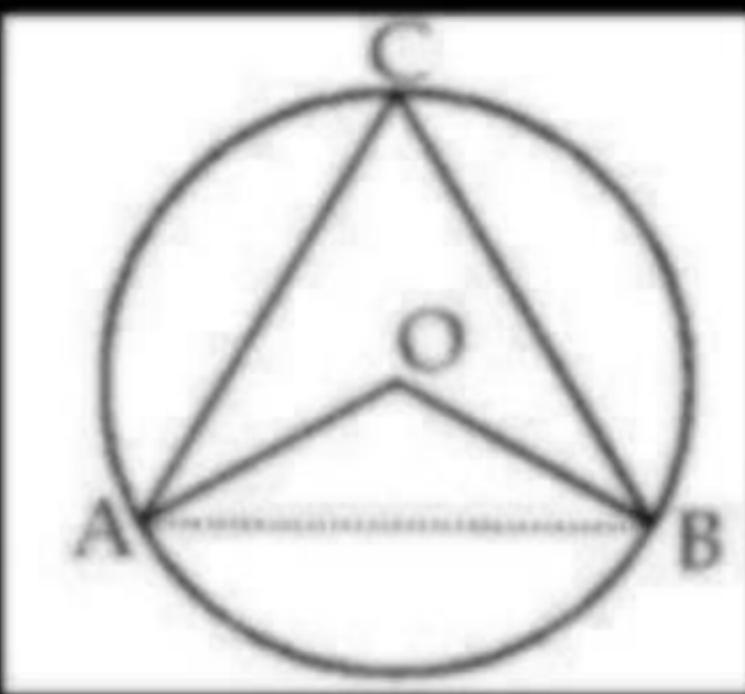
$$(C) \frac{199}{7} \text{ cm}$$

$$(B) \frac{293}{7} \text{ cm}$$

$$(D) 300 \text{ cm}$$







123. In the given figure O is the centre of the circle.  $AC = BC$  and  $\angle AOB = 120^\circ$ , then find the value of  $\angle CAO$ .

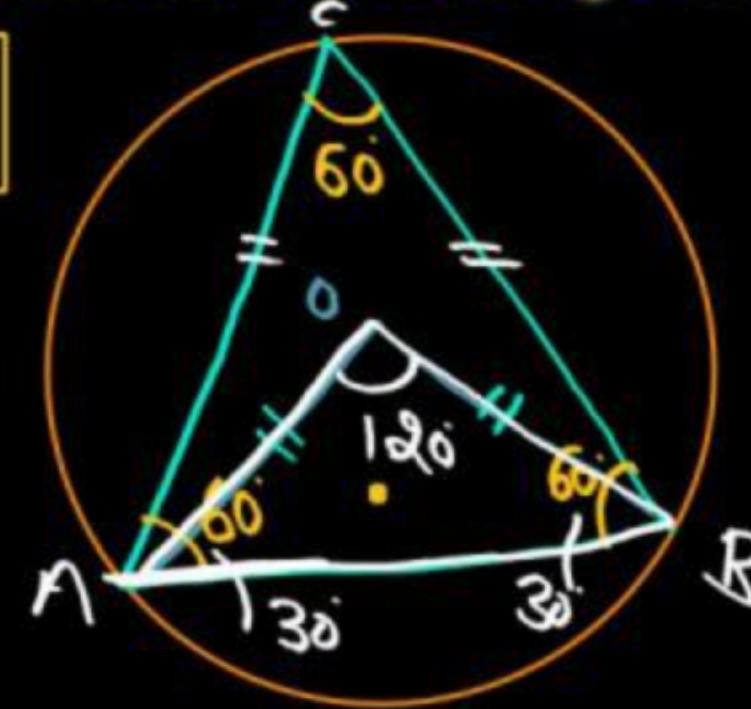
दिये गये चित्र में वृत्त का केन्द्र है।  $AC = BC$  तथा  $\angle AOB = 120^\circ$  हो तो  $\angle CAO$  का मान होगा-

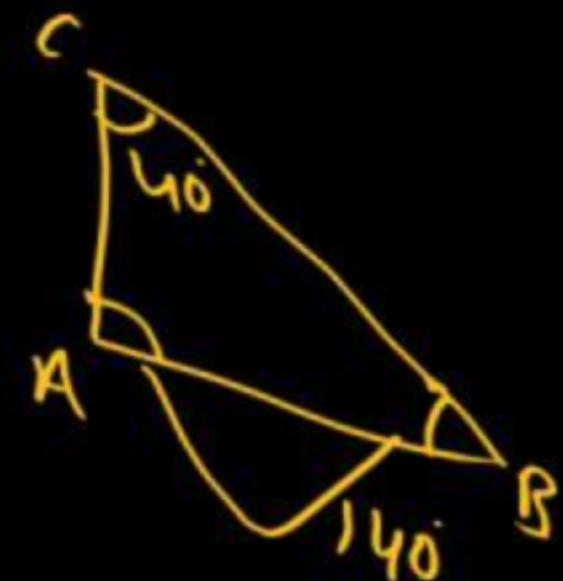
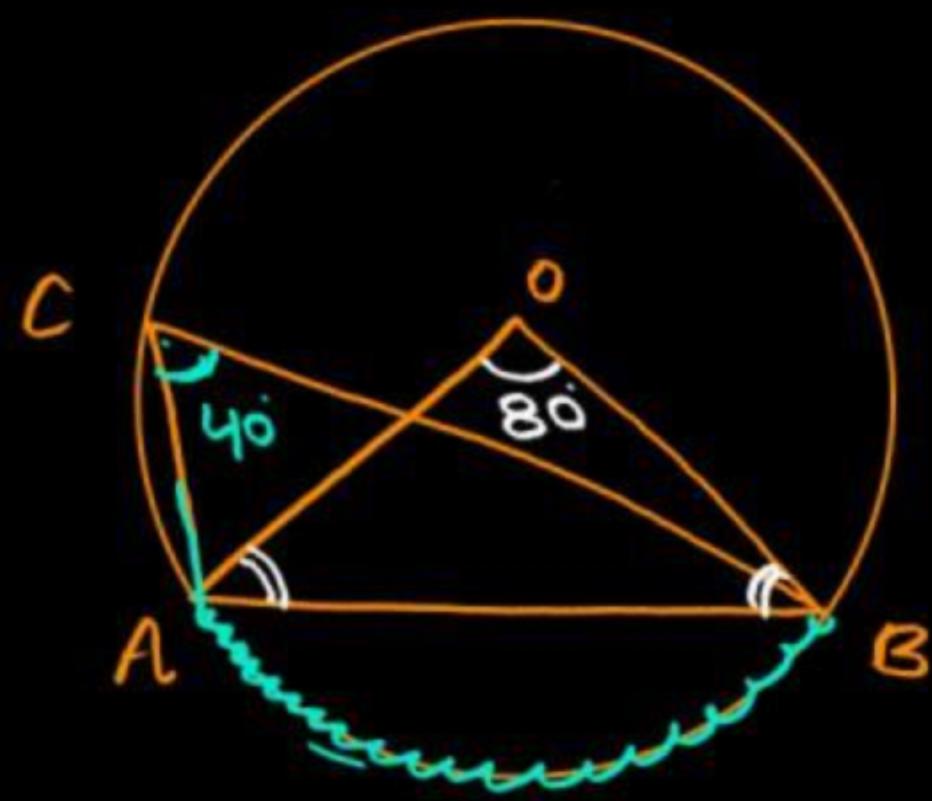
(A)  $30^\circ$

$\angle AOB = 120^\circ$  (B)  $45^\circ$

$\angle BAC = 120^\circ$  (C)  $60^\circ$

$\angle OCA =$  (D)  $65^\circ$



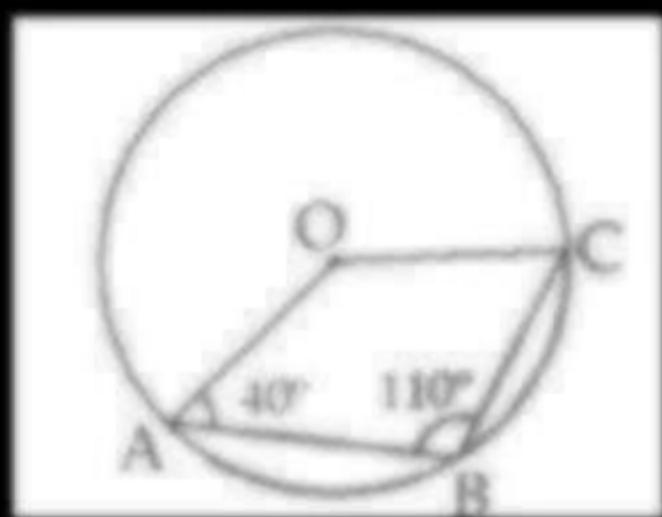


124. In the given figure O is the centre of the circle.  $\angle OAB + \angle OBA = 100^\circ$ , find the value of  $\angle CAB + \angle CBA$ .

दिये गये चित्र में वृत्त का केन्द्र है।  $\angle OAB + \angle OBA = 100^\circ$  हो तो  $\angle CAB + \angle CBA$  का मान होगा-

- (A)  $50^\circ$
- (B)  $140^\circ$
- (C)  $60^\circ$
- (D)  $55^\circ$

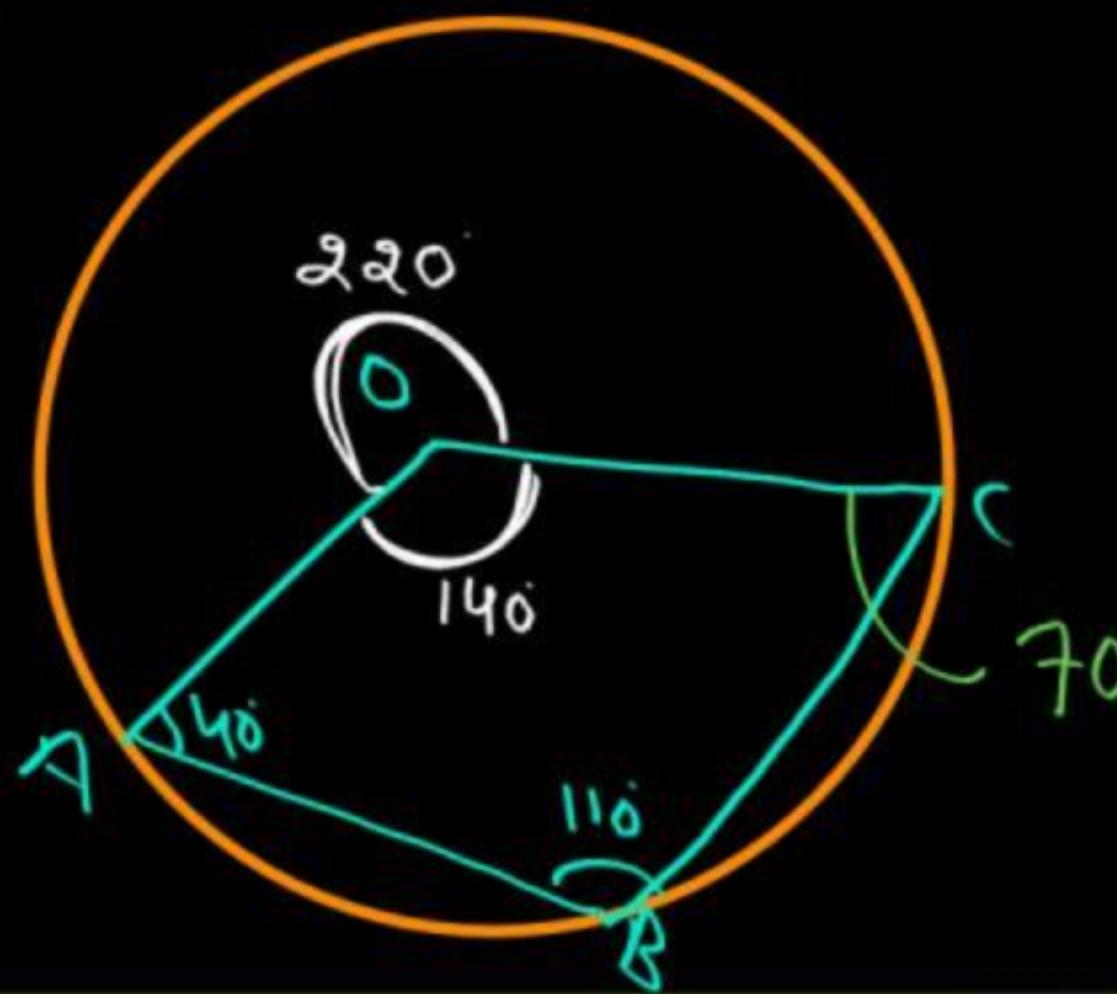




125. In the given figure O is the centre of the circle, then find the value of  $\angle BCO$ .

दिये गये चित्र में वृत्त का केन्द्र है, तो  $\angle BCO$  का मान ज्ञात कीजिए ?

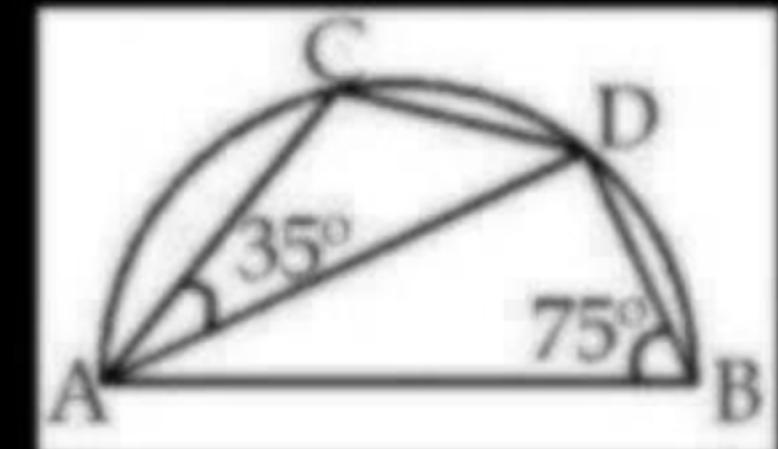
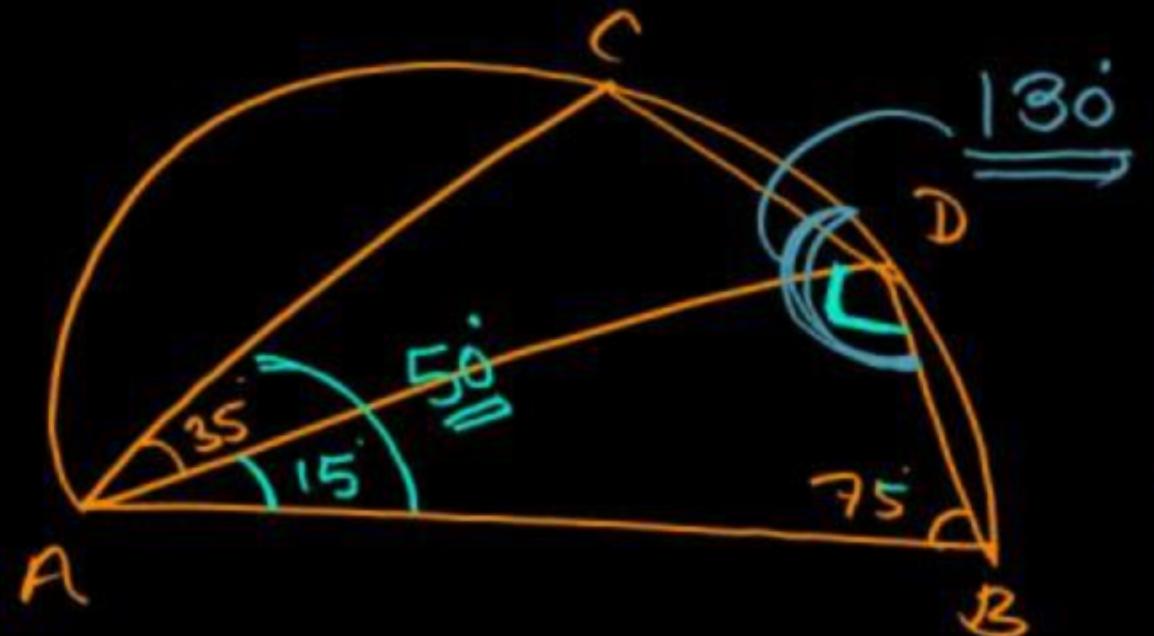
- (A)  $50^\circ$
- (B)  $60^\circ$
- (C)  $70^\circ$
- (D)  $140^\circ$



126. AB is diameter of the semi-circle. Find the value of  $\angle BDC$ .

AB व्यास का अंकुरवृत्त है।  $\angle BDC$  का मान-

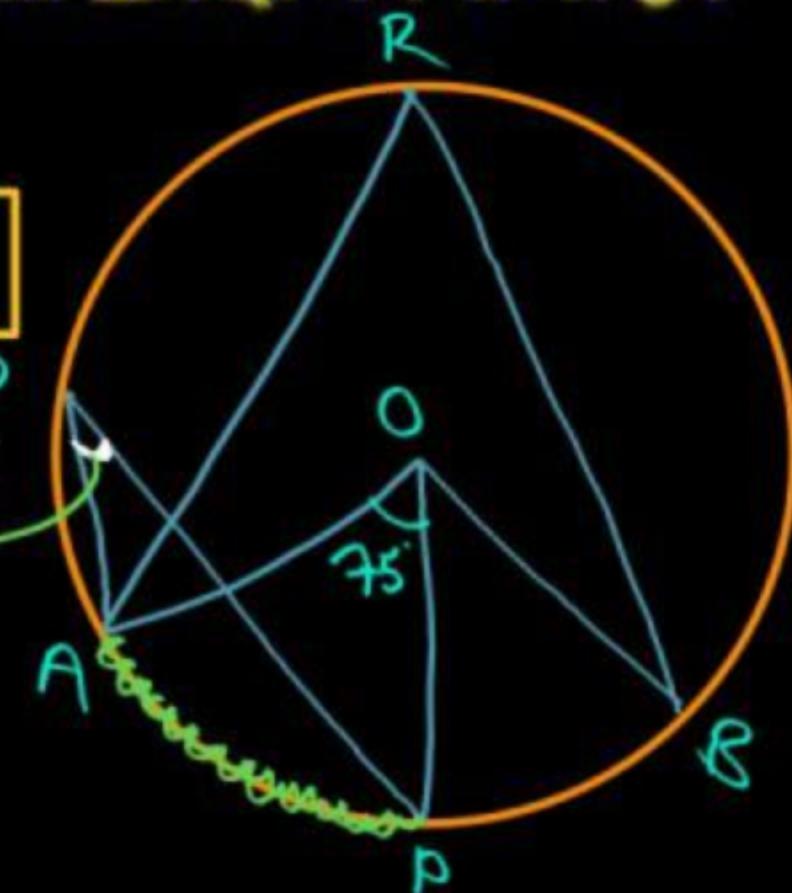
- (A)  $130^\circ$
- (B)  $110^\circ$
- (C)  $90^\circ$
- (D)  $100^\circ$

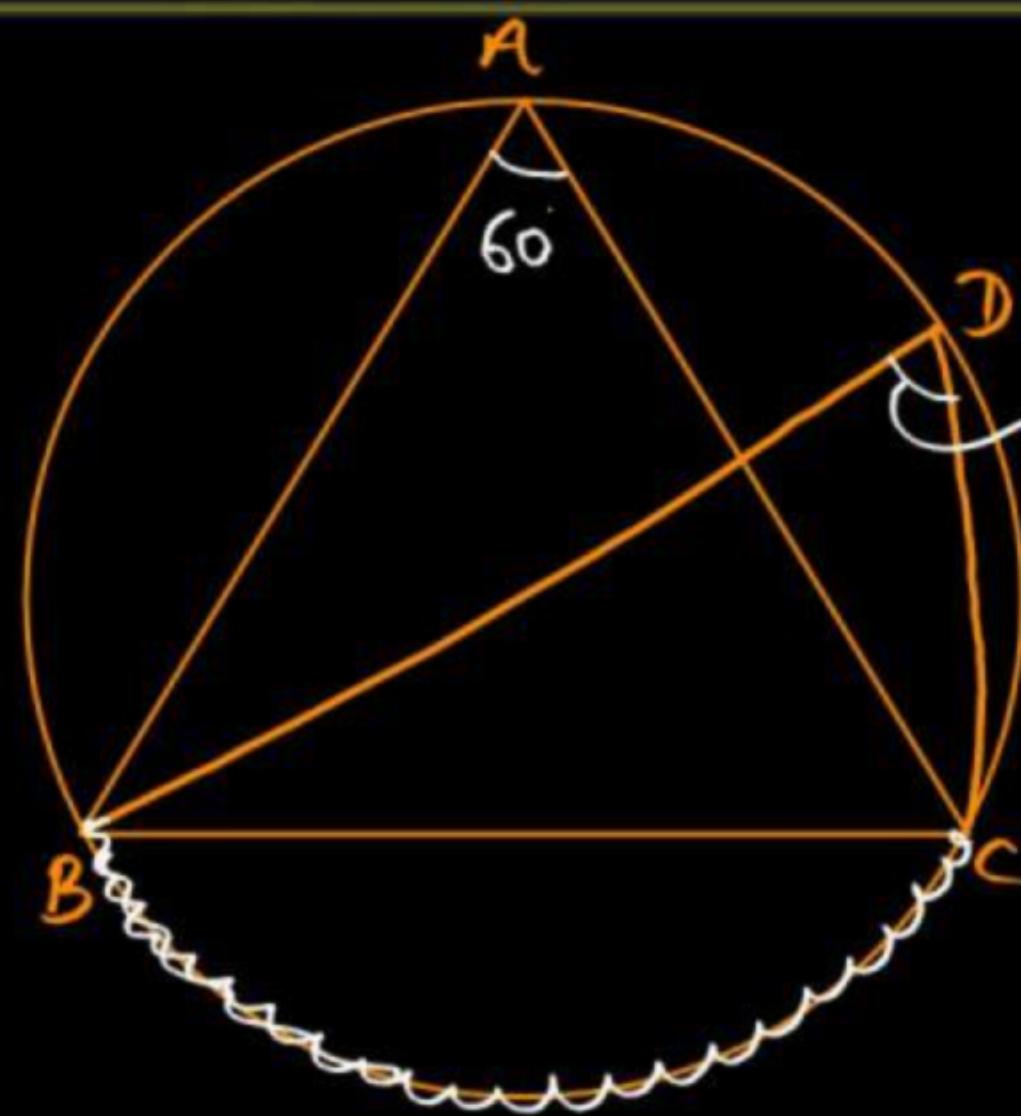




127. In the given figure, if  $\angle AOP = 75^\circ$  and  $\angle AOB = 120^\circ$ , then what is the value of  $\angle AQP$ ? ऊपर दिए गए चित्र में, यदि  $\angle AOP = 75^\circ$  और  $\angle AOB = 120^\circ$  तो  $\angle AQP$  कितना है?

- (A)  $45^\circ$
- (B)  $37.5^\circ$
- (C)  $30^\circ$
- (D)  $22.5^\circ$

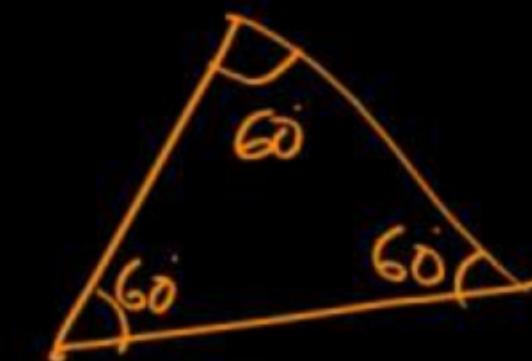


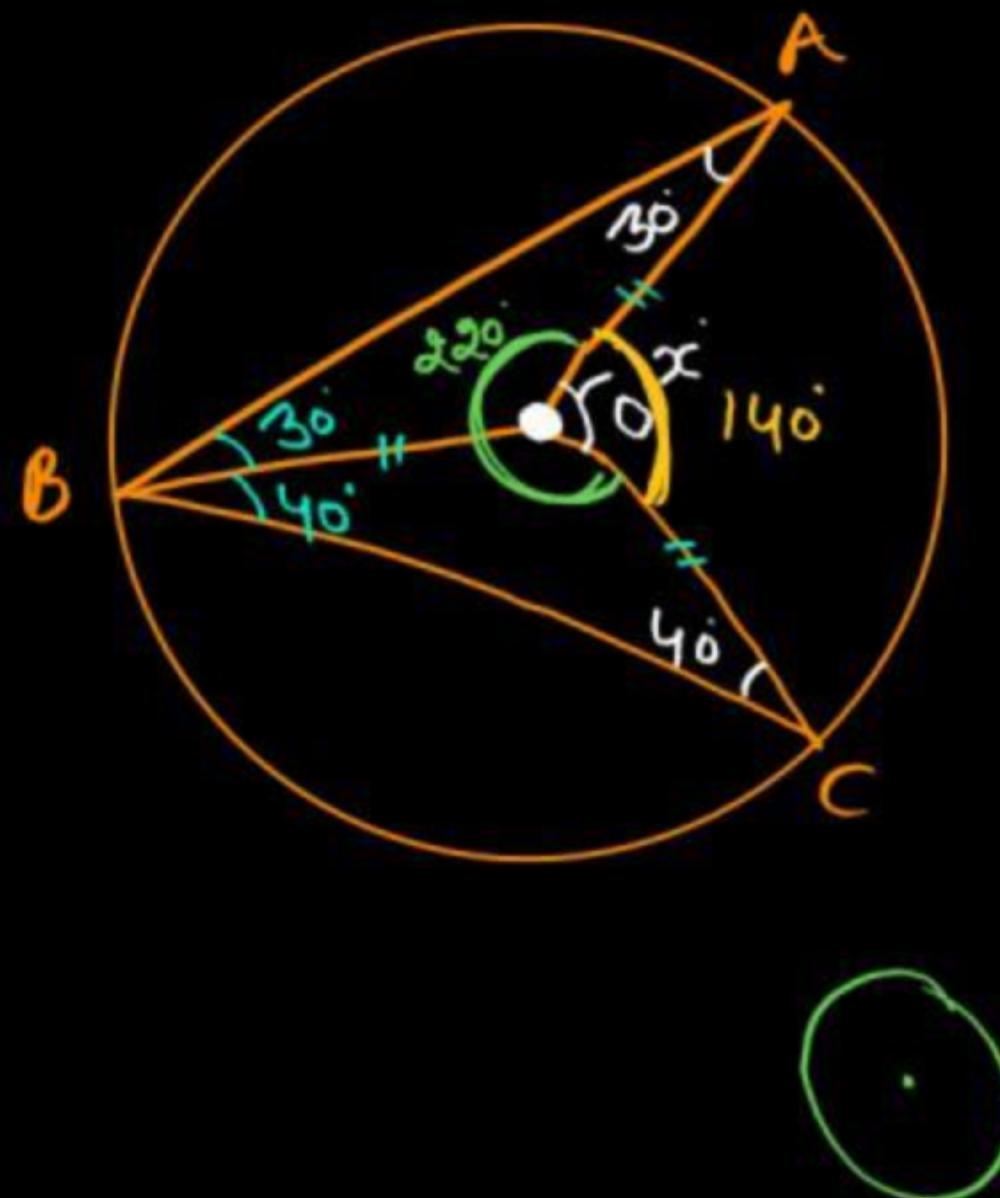


129. An equilateral triangle ABC and a scalene triangle DBC are inscribed in a circle on same side of the arc. What is  $\angle BDC$  equal to ?

एक समबाहु त्रिभुज ABC और एक विषमबाहु त्रिभुज DBC एक वृत्त में चाप के एक ही तरफ अंकित किए जाते हैं।  $\angle BDC$  किसके बराबर है ?

- (A)  $30^\circ$
- (B)  $45^\circ$
- (C)  $60^\circ$
- (D)  $90^\circ$





130. The centre of the circle which passes through points A, B and C is 'O'. If  $\angle BAO = 30^\circ$ ,  $\angle BCO = 40^\circ$  and  $\angle AOC = x^\circ$ . Then find the value of x. विन्दुओं A, B तथा C से गुजरने वाले एक वृत्त का केन्द्र है और  $\angle BAO = 30^\circ$ ,  $\angle BCO = 40^\circ$  और  $\angle AOC = x^\circ$ , x का मान क्या है?

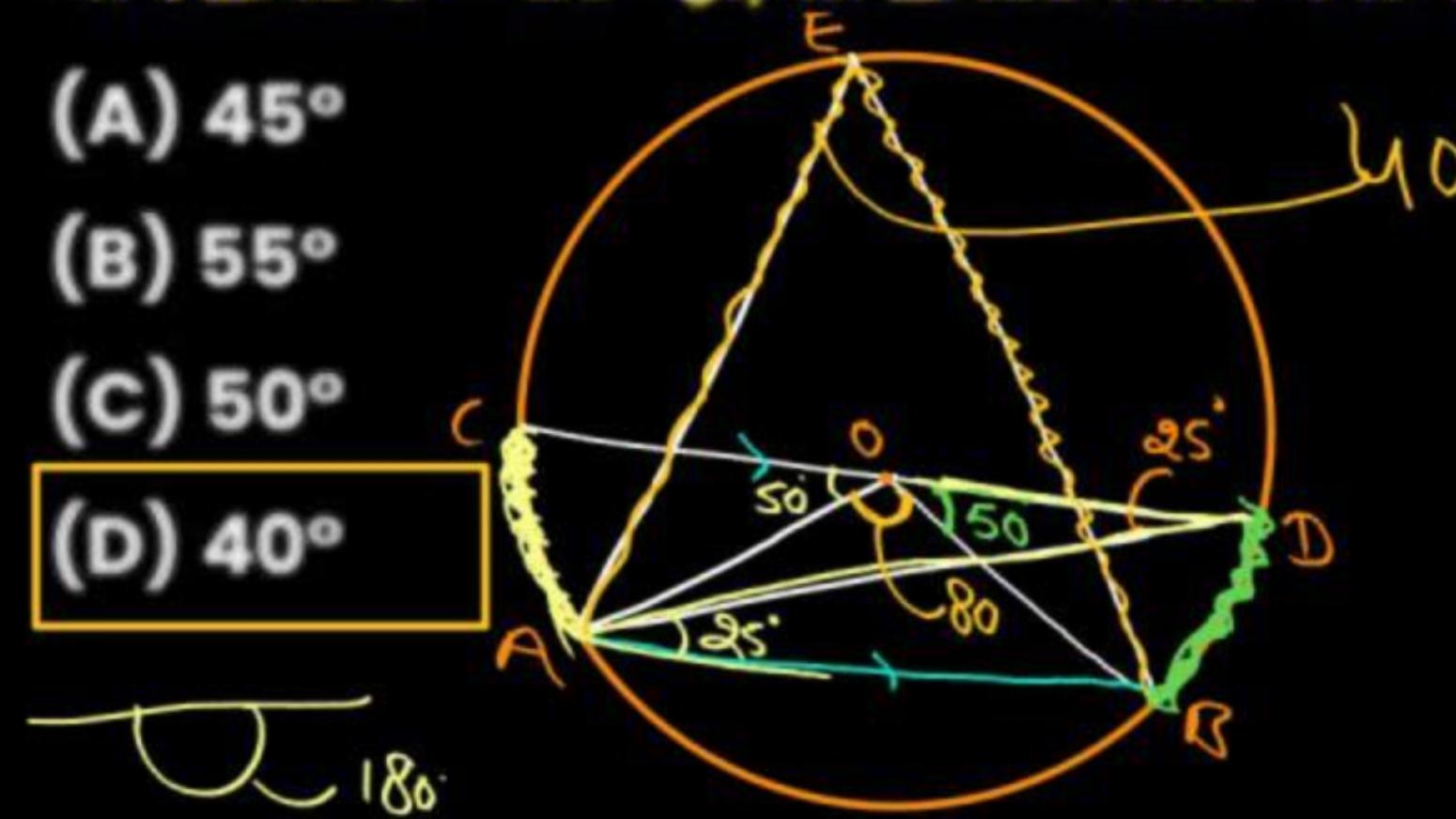
- (A)  $70^\circ$
- (B)  $140^\circ$
- (C)  $210^\circ$
- (D)  $280^\circ$

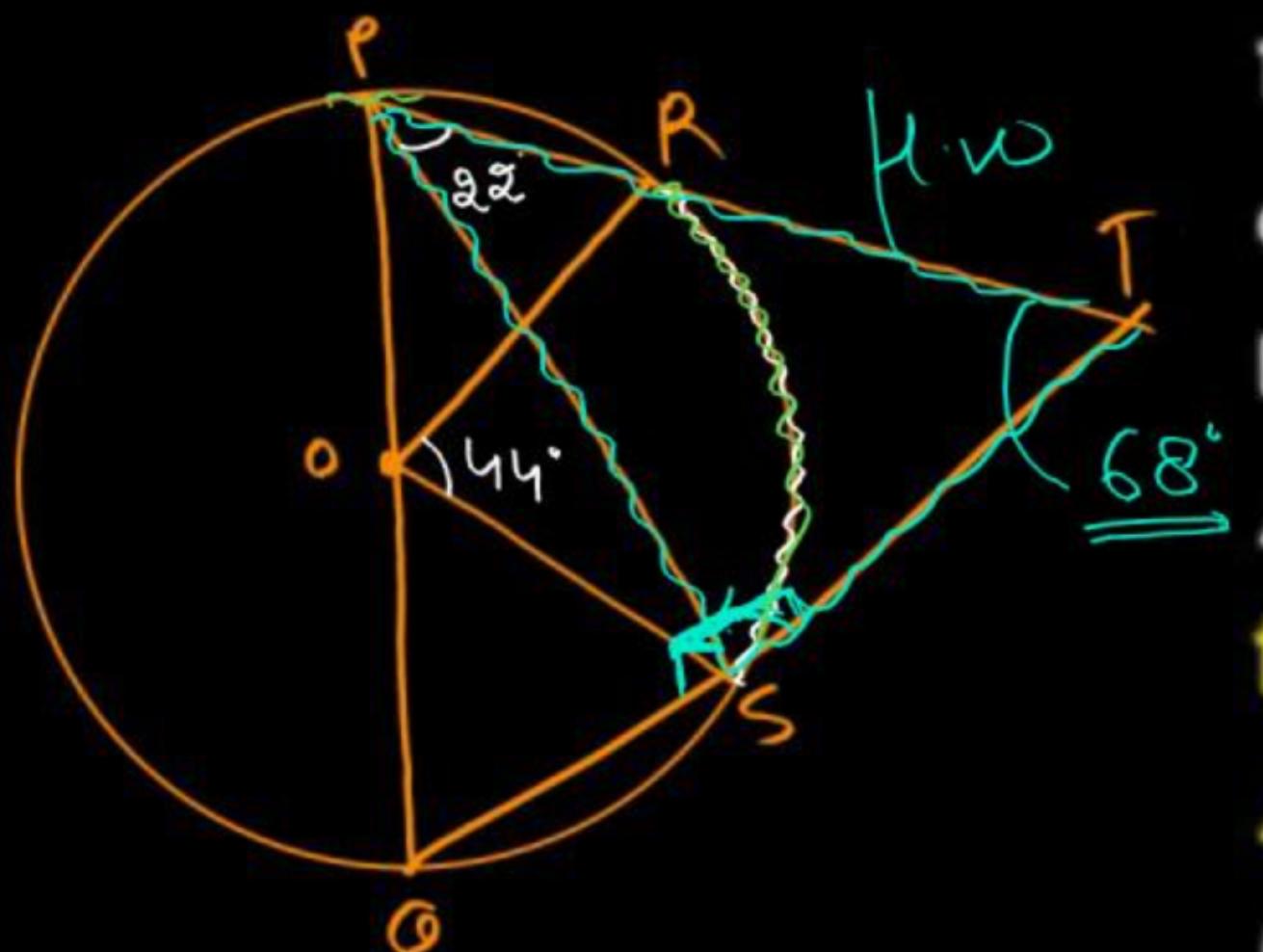


131. In the given figure O is the centre of the circle and  $AB \parallel CD$ . If  $\angle ADC = 25^\circ$ , then find

$\angle AEB^\circ$ - चित्र में वृत्त का केन्द्र O हैं और  $AB \parallel CD$  हैं  
यदि  $\angle ADC = 25^\circ$  हो, तो  $\angle AEB$  ज्ञात कीजिए-

- (A)  $45^\circ$
- (B)  $55^\circ$
- (C)  $50^\circ$
- (D)  $40^\circ$

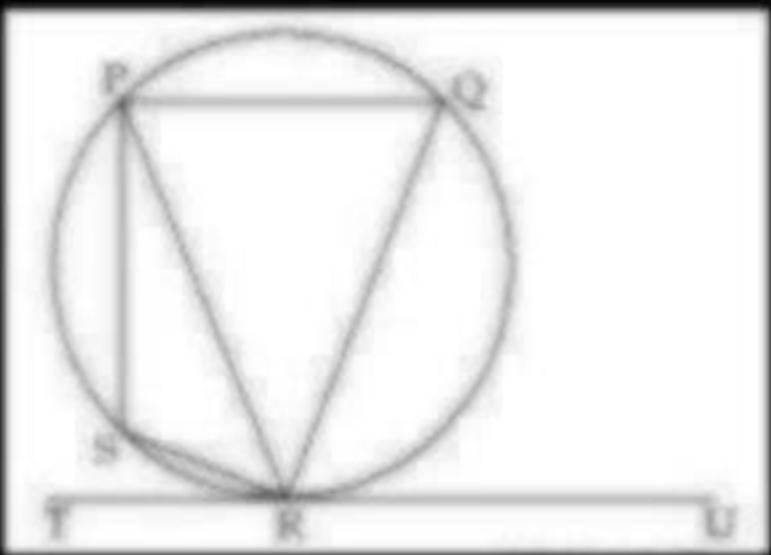




132. In the given figure O is the centre of the circle.  $\angle ROS = 44^\circ$  and RO is the angle bisector of  $\angle PRQ$ , then find the value of  $\angle RTS$ .

दिये गये चित्र में वृत्त का केन्द्र है।  $\angle ROS = 44^\circ$  तथा  $\angle PRQ$  का समद्विभाजक RO है तो  $\angle RTS$  का मान-

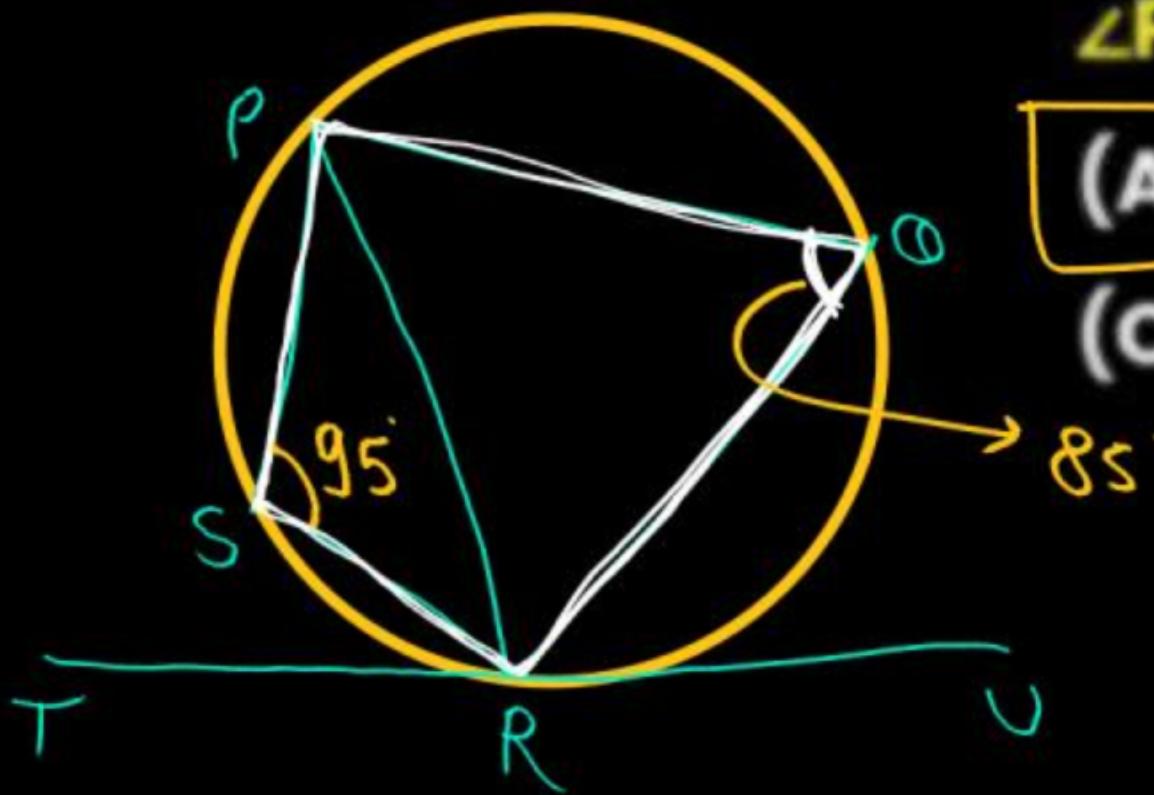
- (A)  $46^\circ$
- (B)  $64^\circ$
- (C)  $69^\circ$
- (D)  $68^\circ$

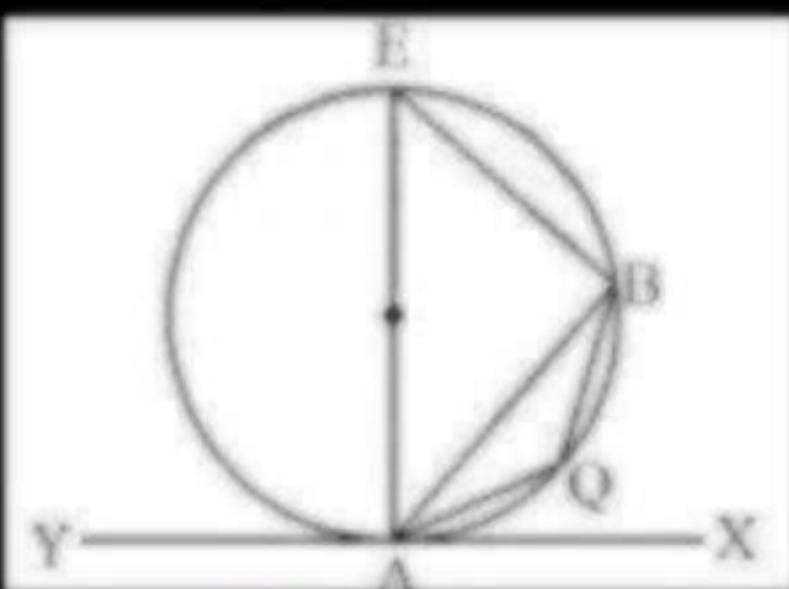


134. In the given figure,  $\angle QRU = 72^\circ$   $\angle TRS = 15^\circ$  and  $\angle PSR = 95^\circ$  then what is the value (in degrees) of  $\angle PQR$ ?

दी गई आकृति में,  $\angle QRU = 72^\circ$ ,  $\angle TRS = 15^\circ$  तथा  $\angle PSR = 95^\circ$  है, तो  $\angle PQR$  का मान (डिग्री) में क्या है?

- (A) 85
- (B) 95
- (C) 75
- (D) 90

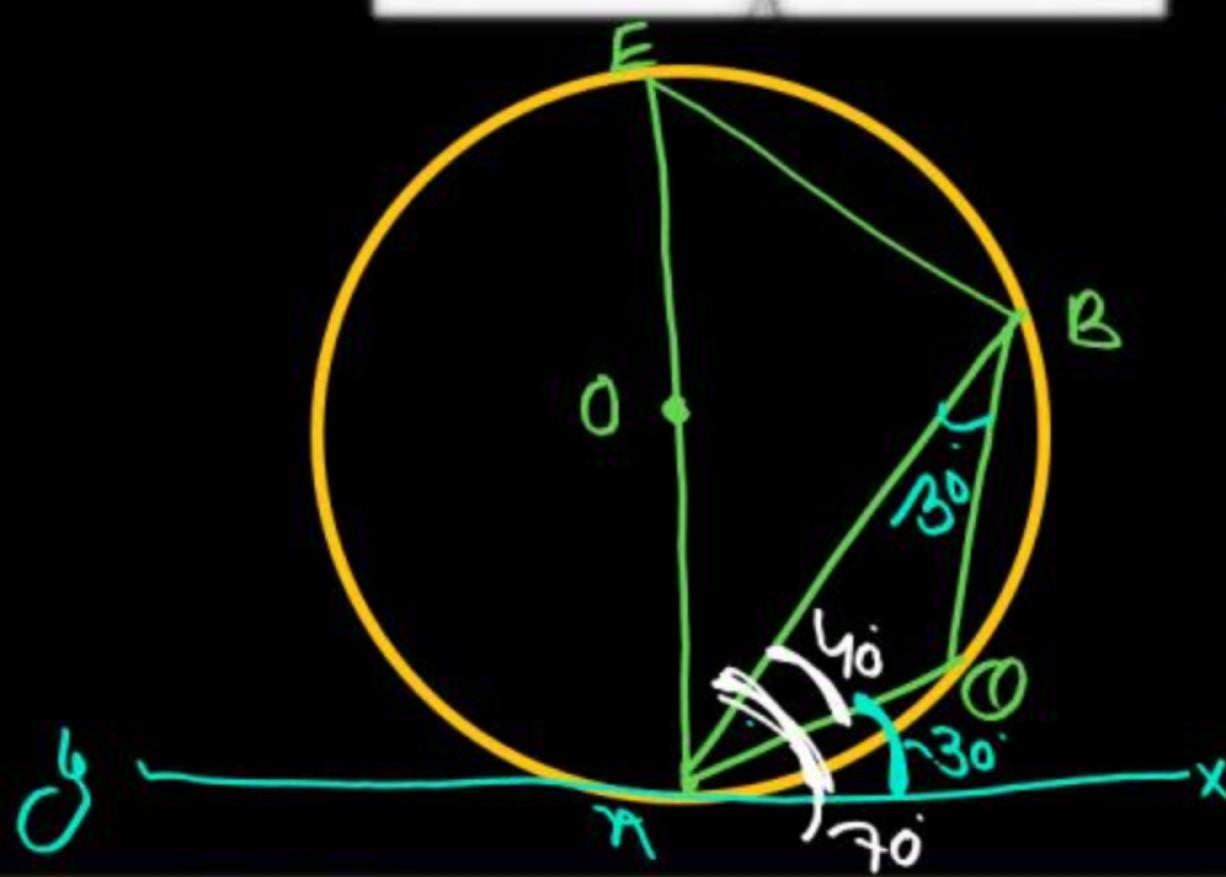




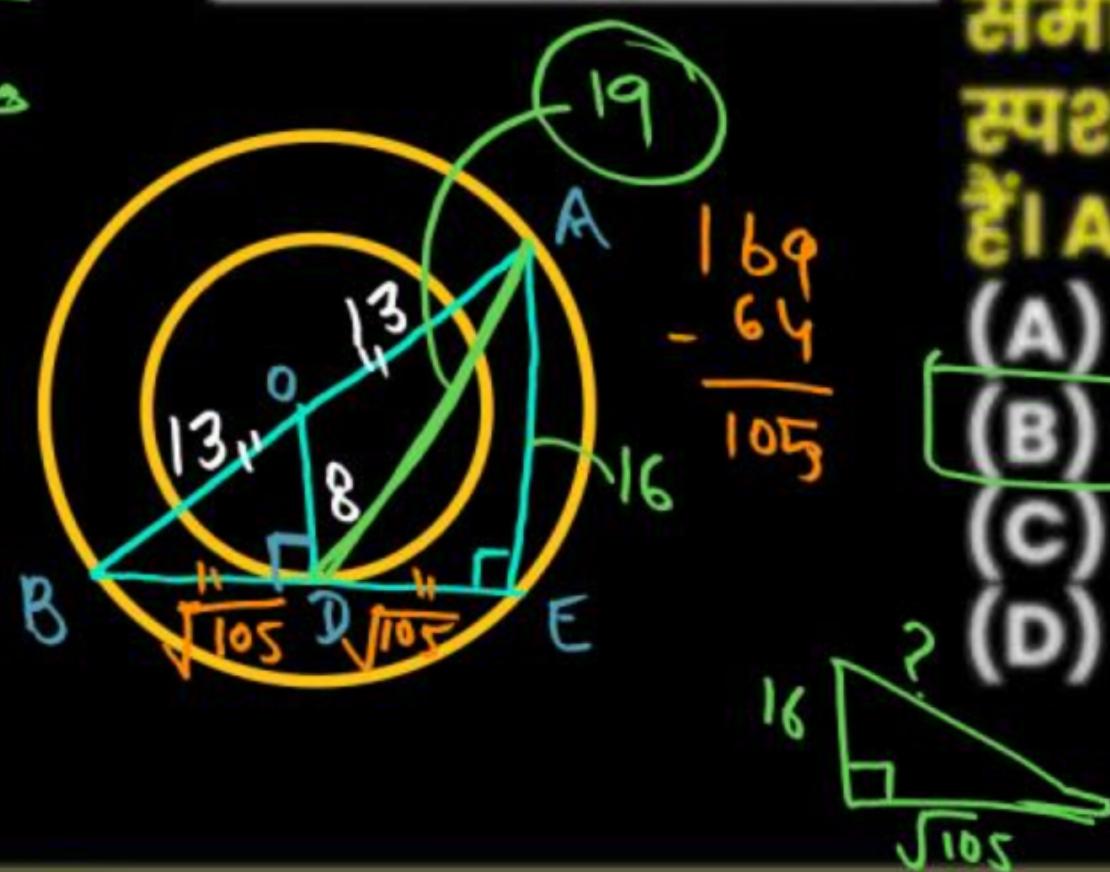
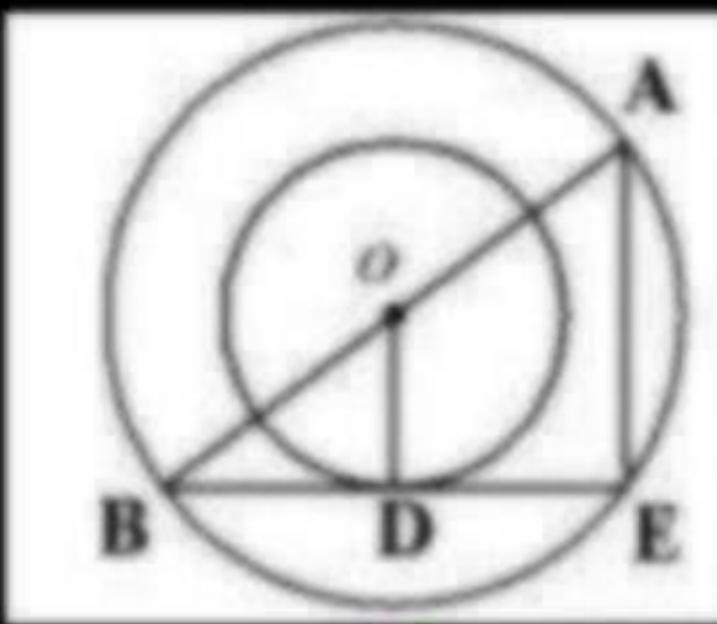
135. In the above figure, YAX is the tangent on a circle having centre O. If  $\angle BAX = 70^\circ$  and  $\angle BAQ = 40^\circ$ , then what is the value of  $\angle ABQ$ ?

उपरोक्त चित्र में, YAX वृत्त की जिसका केन्द्र है, स्पर्श रेखा है यदि  $\angle BAX = 70^\circ$  और  $\angle BAQ = 40^\circ$  है, तो  $\angle ABQ$  किसके बराबर है?

- (A)  $20^\circ$
- (B)  $30^\circ$
- (C)  $35^\circ$
- (D)  $40^\circ$



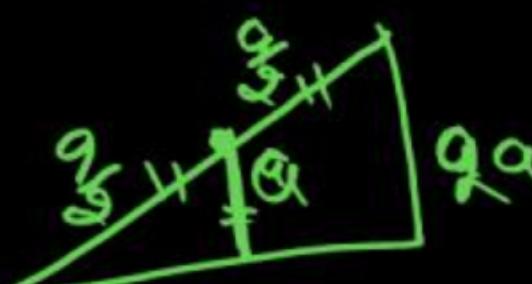
$$\begin{array}{r} 256 \\ 105 \\ \hline 361 \end{array}$$

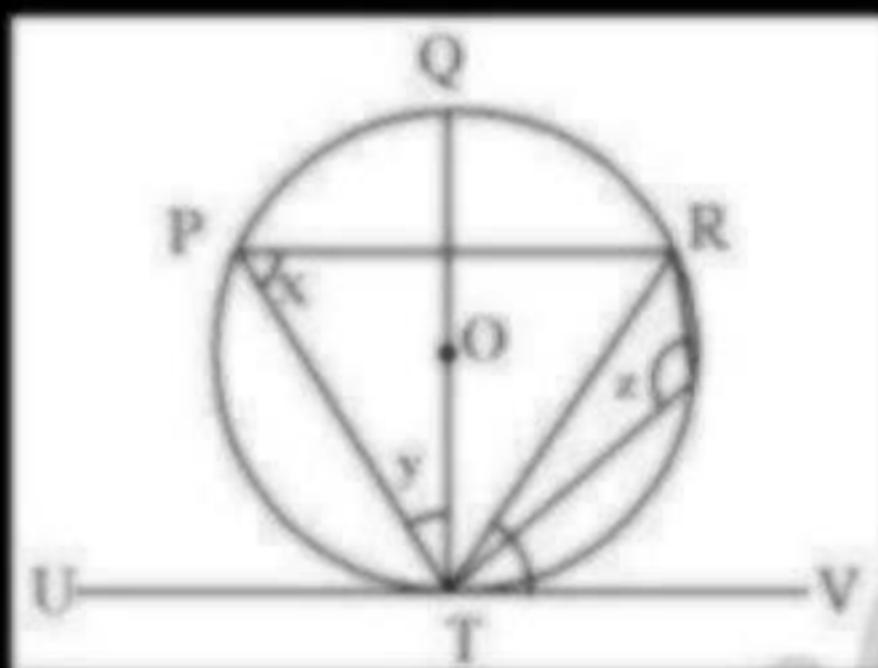


136. Radius of two concentric circle is 13 cm and 8 cm. AB is the diameter of bigger circle and BE is the tangent of smaller circle and touches smaller circle at point D. Find the length of AD.

दो संकेन्द्री वृत्तों की प्रिया क्रमांक 13 सेमी. तथा 8 सेमी. हैं। AB बड़े वृत्त का व्यास है तथा BE छोटे वृत्त पर स्पर्श टेक्का है तथा छोटे वृत्त को D बिन्दु पर स्पर्श करती है। AD की लम्बाई ज्ञात कीजिए ?

- (A) 20 सेमी.
- (B) 19 सेमी.
- (C) 30 सेमी.
- (D) 31 सेमी.



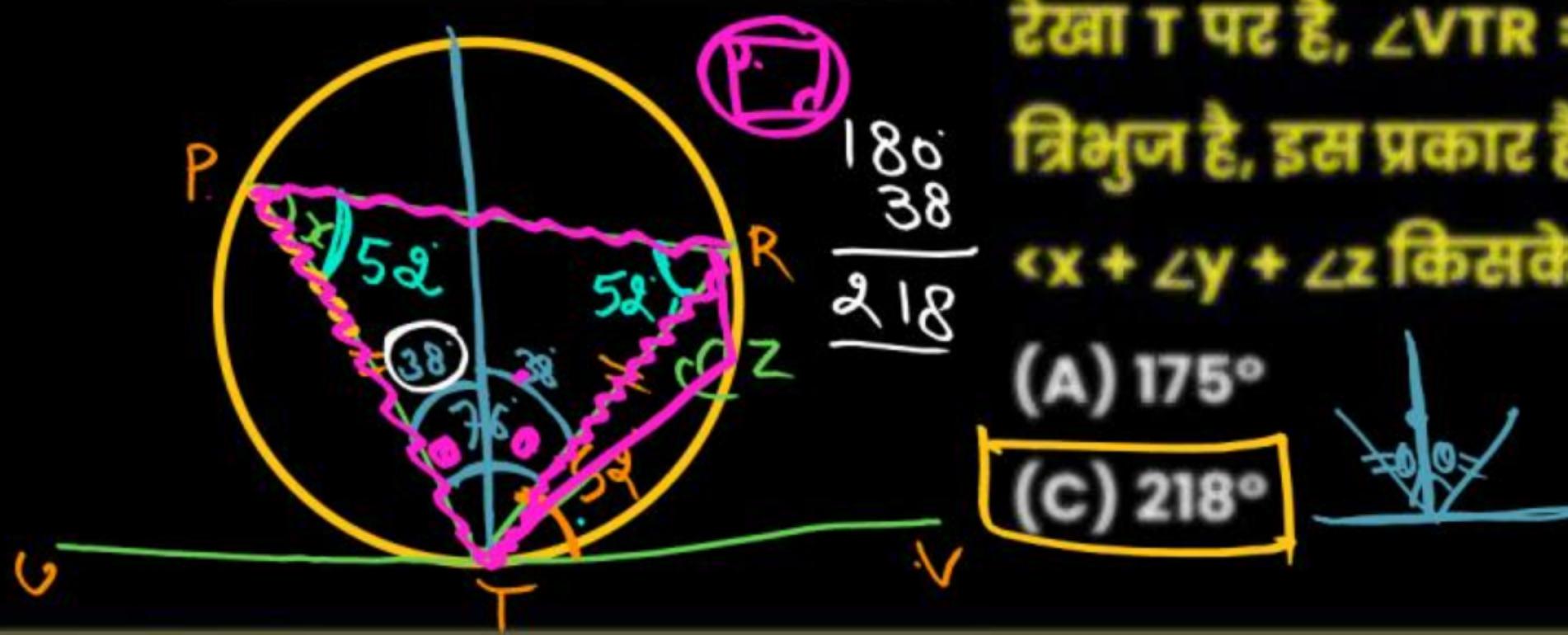


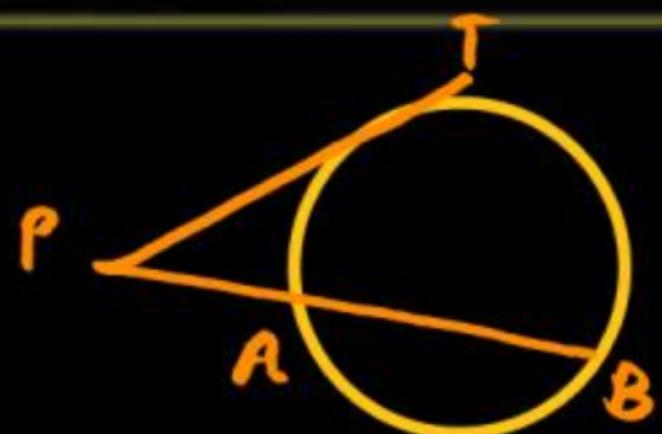
137. In the given figure O is the centre of the circle. Line UTV is tangent to circle at T.  $\angle VTR = 52^\circ$  and PTR is an isosceles triangle such that  $TP = TR$ . What is the value of  $x + y + z$ ?

दिए गए चित्र में वृत्त का केन्द्र O है। टेक्सा UTV वृत्त की स्पर्शी टेक्सा T पर है,  $\angle VTR = 52^\circ$  और त्रिभुज PTR एक समद्विबाहु त्रिभुज है, इस प्रकार है कि  $TP = TR$  हैं-

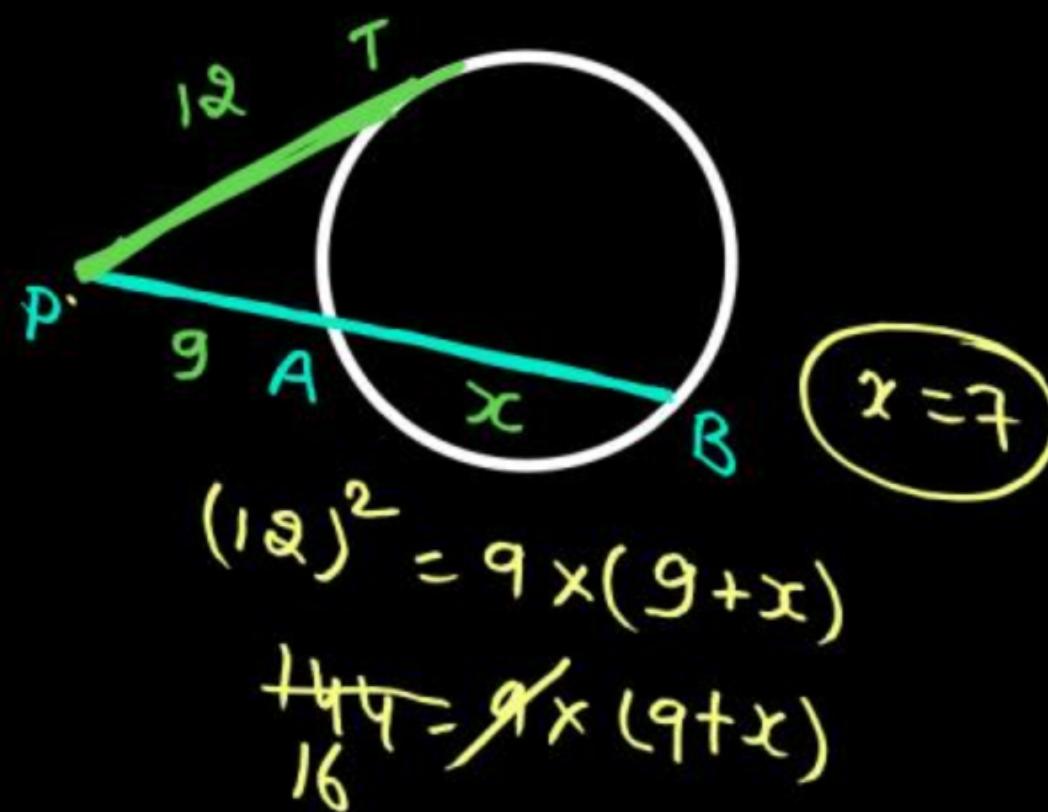
$\angle x + \angle y + \angle z$  किसके बराबर है?

- (A)  $175^\circ$
- (B)  $208^\circ$
- (C)  $218^\circ$
- (D)  $250^\circ$





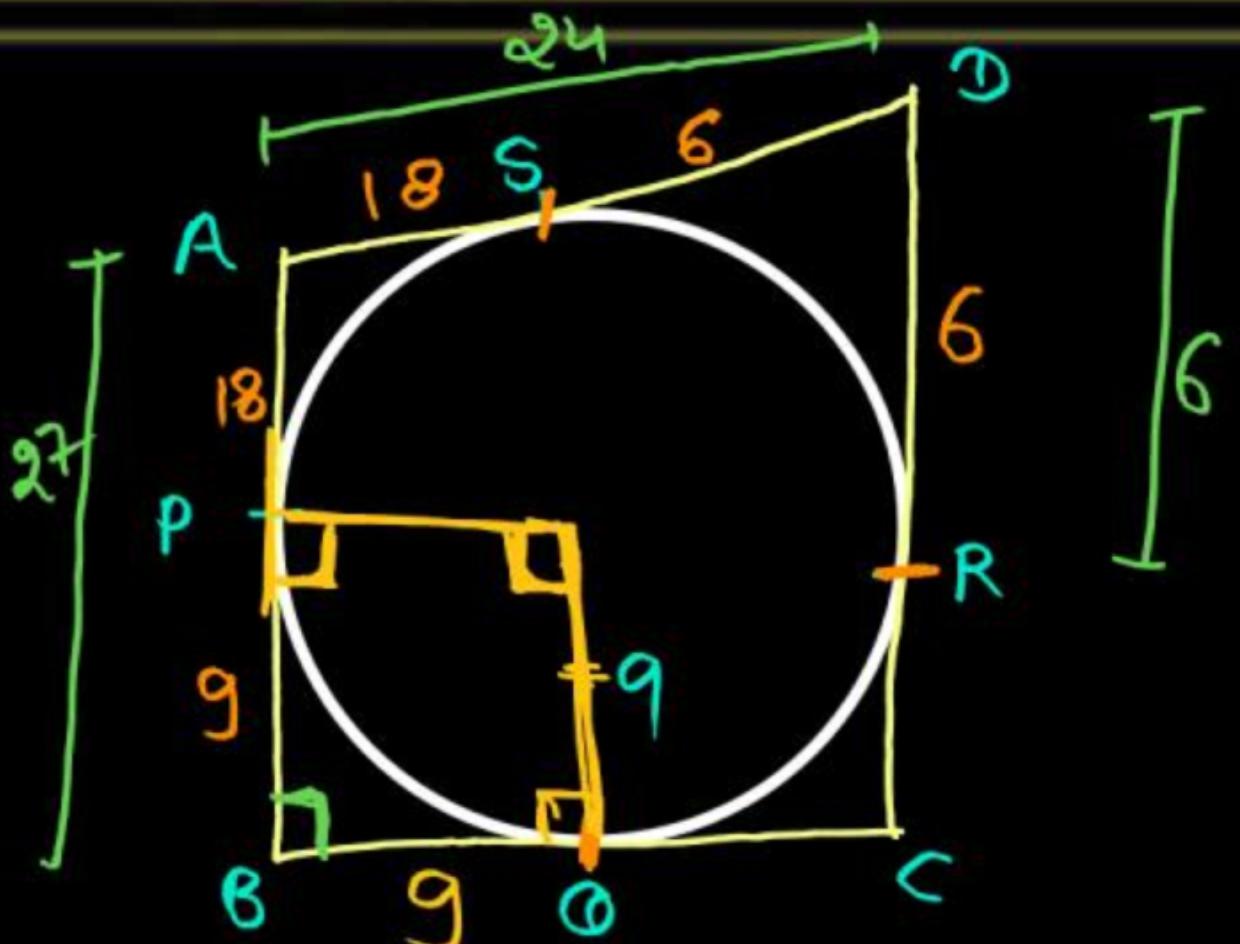
$$PT^2 = PA \times PB$$



139. Let PAB be a secant to a circle intersecting the circle at A and B. Let PT be the tangent segment. If  $PA = 9$  cm and  $PT = 12$  cm, then what is AB equal to?

मान लीजिए PAB एक वृत्त की एक छेदक रेखा है जो वृत्त को A और B पर काटती है। मान लीजिए PT स्पर्श रेखाखंड (टेंजेंट सेगमेंट) है। यदि  $PA = 9$  cm और  $PT = 12$  cm है, तो AB किसके बराबर है?

- (A) 5 cm
- (B) 6 cm
- (C) 7 cm**
- (D) 9 cm



140. A circle is inscribed in a quadrilateral ABCD touching AB, BC, CD and AD at the points P, Q, R and S respectively, and  $\angle B = 90^\circ$ . If  $AD = 24$  cm,  $AB = 27$  cm and  $DR = 6$  cm, then what is the circumference of the circle?

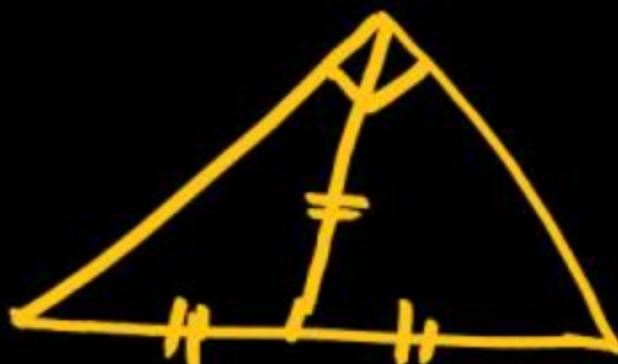
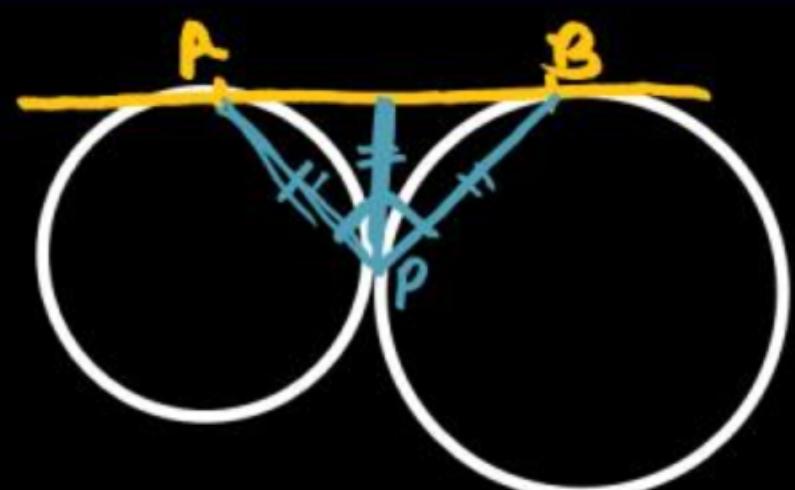
P, Q, R और S बिंदुओं पर क्रमशः AB, BC, CD और AD को स्पर्श करते हुए एक चतुर्भुज ABCD के भीतर एक वृत्त बनाया जाता है तथा  $\angle B = 90^\circ$  है। यदि AD 24 सेमी, AB 27 सेमी और DR = 6 सेमी है, तो वृत्त की परिधि क्या है?

- (A)  $20\pi$
- (B)  $18\pi$**
- (C)  $15\pi$
- (D)  $12\pi$

$$2\pi r$$

$$2 \times 9 \times \pi$$

$$\rightarrow 18\pi$$



143. Two circles touch each other externally at point P and AB is a common tangent which touches them at point A and B respectively.

Find the value of  $\angle APB$ .

दो वृत्त एक दुसरे को P बिन्दु पर बाह्य स्पर्श करते हैं तथा AB एक सीधी उभयनिष्ठ स्पर्श रेखा है जो उन्हें क्रमशः A तथा B बिन्दुओं पर स्पर्श करती है।  $\angle APB$  का मान होगा-

- (A)  $45^\circ$
- (B)  $90^\circ$
- (C)  $80^\circ$
- (D)  $100^\circ$

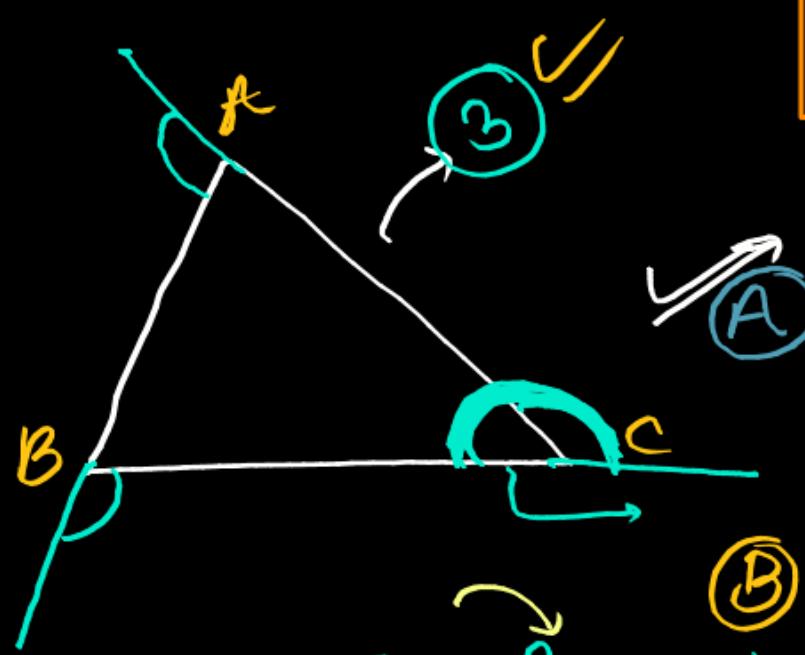
147. If PA and PB are tangents drawn to a circle with centre O at A and B from external point P such that  $\angle APB = 78^\circ$  then  $\angle OAB$  is equal to:



यदि PA और PB बाह्य बिंदु P से केंद्र वाले वृत्त के बिंदु A और B पर खींची गई स्पर्श रेखाएँ हैं, जो इस प्रकार है कि  $\angle APB = 78^\circ$  है, तो  $\angle OAB$  का मान ज्ञात करें।

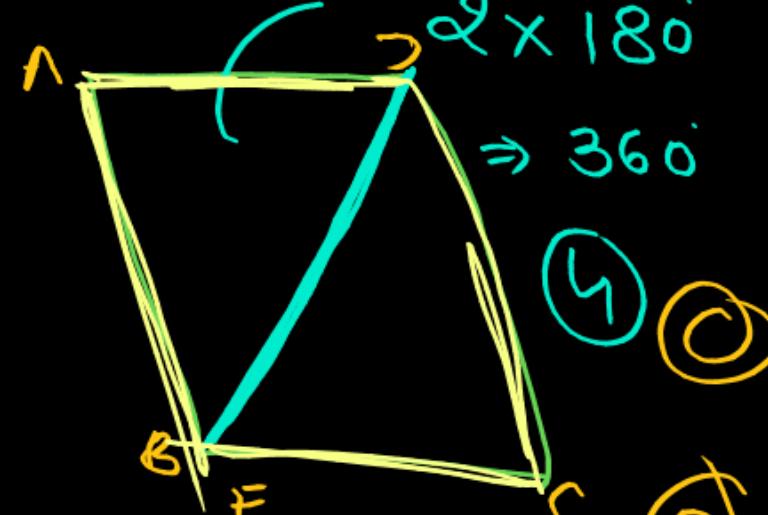
- (A)  $12^\circ$
- (B)  $29^\circ$
- (C)  $39^\circ$
- (D)  $36^\circ$

# Polygon පේංඡ



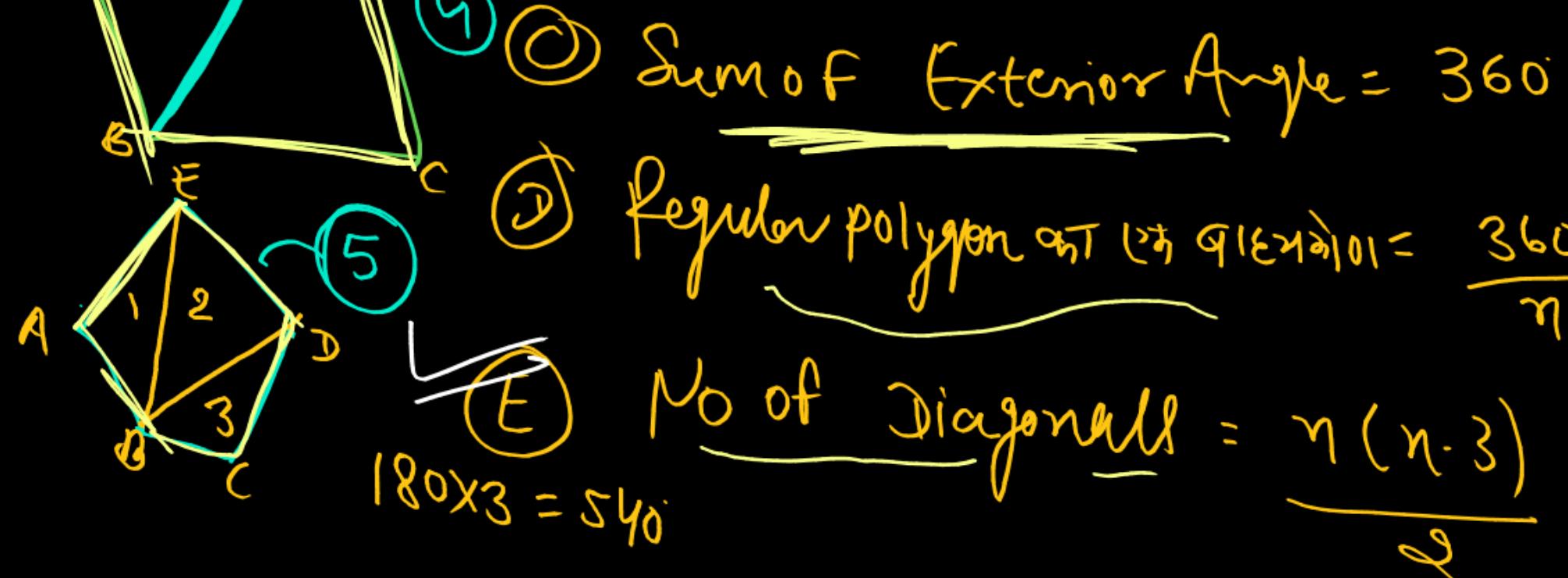
Sum of Interior angle =  $(n-2) \times 180$

B Regular Polygon (එනුමෙනුන)



කිහිපි උත් මූල්‍ය =  $\frac{(n-2) \times 180}{n}$

Time of Work



Regular polygon නෑත වැඩෙනු ලබයි =  $\frac{360}{n}$

No of Diagonals =  $\frac{n(n-3)}{2}$

$$180 \times 3 = 540$$



(A)  $\angle AED = \frac{180}{n} \times 3 \text{ sides}$

$$\frac{180}{10} \times 3 \Rightarrow 54^\circ$$

(i)  $\angle ACD$

(B)  $\angle AFE = \frac{180}{n} \times 8 \text{ sides} = \frac{180}{10} \times 4 \Rightarrow 72^\circ$

$$\Rightarrow \frac{180}{10} \times 3 = 54^\circ$$

$$180 - 54 = 126$$

(C)  $\angle AGF = \frac{180}{10} \times 5 \Rightarrow 90^\circ$

(ii)  $\angle ADE$

$$\Rightarrow \frac{180}{10} \times$$

(D)  $\angle BFD = \frac{180}{10} \times 2 \Rightarrow 36^\circ$

$$(n - 2) \times 180$$

$$(n - 2) \times +8\phi = +\frac{8}{7} \phi$$

$$n - 2 = 8$$

$$n = 8 + 2$$

$$\Rightarrow \underline{\underline{10}}$$

160. The sum of the internal angles of a regular polygon is  $1440^\circ$ . The number of sides is:

एक समवहुभुज के आंतरिक कोणों का योग  $1440^\circ$  है।  
भुजाओं की संख्या कितनी है?

(A) 12

(B) 6

(C) 8

(D) 10

$$(n - 2) \times 180$$

$$\frac{(n-2) \times 180}{n}$$

$$1 : 2$$

$$n : 2n$$

$$\frac{(n-2) \times 180}{n}$$

$$\frac{(2n-2) \times 180}{2n} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{(n-2)}{(2n-2)} \times \frac{2}{3} \quad n=4$$

$$3n-6 = 2n-2$$

$$(n-2) \times \frac{180}{n}$$

161. The ratio of sides of two regular polygon are 1: 2 and the ratio of their internal angle is 2: 3, what are the number of sides of both regular polygon.

दो समभुजों की भुजाओं का अनुपात  $1:2$  है और उनके आंतरिक कोणों के बीच का अनुपात  $2:3$  है। यदि उन दोनों बहुगुणों की भुजाओं की संख्या कमशः कितनी है ?

- |                 |           |
|-----------------|-----------|
| (A) 6, 12       | (B) 5, 10 |
| <b>(C) 4, 8</b> | (D) 7, 14 |

$$\frac{n(n-3)}{2}$$

$$\frac{(n-2) \times 180}{n}$$

$$\frac{n(n-3)}{2} = 14$$

$$n(n-3) = 28$$

$\textcircled{7} \times (7-3)$

$$\boxed{n=7}$$

162. If number of diagonals of any regular polygon is 14, then value of each interior angle of polygon is.

यदि किसी समबहुभुज में विकर्णों की संख्या 14 है, तो उस बहुभुज के प्रत्येक आन्तरिक कोण का मान होगा?

(A)  $120^\circ$

(B)  $128\frac{4}{7}^\circ$

(C)  $135\frac{3}{7}^\circ$

(D)  $140^\circ$

$$\frac{(n-2) \times 180}{n} = \frac{5 \times 180}{7} = \frac{900}{7}$$

$$n(n-3) \quad \frac{(n-2) \times 180}{n}$$

$$E.R = \frac{360}{n}$$

$$\gamma = \frac{n(n-3)}{2}$$

$$\frac{360}{n} = \frac{360}{7} \Rightarrow n=7$$

$$\frac{n(n-3)}{2} = \frac{7 \times 4}{2} = 14$$

$$\frac{14}{7} : 1$$

163. If the measure of each exterior angle of a regular polygon is  $(51\frac{3}{7})^\circ$ , then the ratio of the number of its diagonals to the number of its sides is:

एक सम-बहुभुज के प्रत्येक बाहरी कोण की माप  $(51\frac{3}{7})^\circ$  है। इसके विकर्णों की संख्या और इसकी भुजाओं की संख्या का अनुपात क्या है?

$$51\frac{3}{7}$$

(A) 5:2

(B) 13:6

(C) 3:1

(D) 2:1

$$\frac{(n-2) \times 180}{n}$$

$$D = \frac{n(n-3)}{2}$$

~~$$\frac{(n-2) \times 180}{n} \times \frac{900}{7}$$~~

$$5n = 7(n-2)$$

$$5n = 7n - 14$$

$$2n = 14$$

$$n = 7$$

$$\frac{n(n-3)}{2} = \frac{7 \times 4}{2} = 14$$

164. If each interior angle of a regular polygon is  $(128\frac{4}{7})^\circ$ , then what is the sum of the number of its diagonals and the number of its sides ? यदि किसी समबहुभुज का प्रत्येक आंतरिक कोण  $(128\frac{4}{7})^\circ$  है, तो उसके विकर्णों की संख्या और उसकी भुजाओं की संख्या का योग क्या है?

- (A) 15
- (B) 19
- (C) 17
- (D) 21

$$128\frac{4}{7} = \frac{900}{7}$$

$$\frac{180}{n} \times \text{Sides}$$



$$= n=6$$

$$\angle ADB = \frac{30}{6} \times 1 \\ \Rightarrow 30^\circ$$

166. If ABCDEF is a regular hexagon, then what is the value (in degrees) of  $\angle ADB$ ?

यदि ABCDEF एक समषट्भुज है, तो  $\angle ADB$  का मान (डिग्री) में क्या है?

(A) 15

**(B) 30**

(C) 45

(D) 60

H. वृ

$$\frac{6}{9} \times 100$$

169. An equilateral triangle of area ~~300~~ cm<sup>2</sup> is cut from its three vertices to form a regular hexagon. Area of hexagon is what percent of the area of triangle?

एक समबाहु त्रिभुज जिसका क्षेत्रफल ~~300~~ सेमी.<sup>2</sup> है, को उसके तीनों शीर्षों को एक समषट्भुज बनाने के लिए काटा जाता है। षट्भुज का क्षेत्रफल त्रिभुज के क्षेत्रफल का कितना प्रतिशत है?

- (A) 66.66%
- (B) 33.33%
- (C) 83.33%
- (D) 56.41%